



**PELABELAN TOTAL SUPER  $(a,d)$  SISI ANTIMAGIC  
PADA GRAF BUNGA MATAHARI**

**TESIS**

Oleh

**Rohmad Wahid Rhomdani, S.Pd  
NIM 121820101004**

**MAGISTER MATEMATIKA  
FAKULTAS MATEMATIKA DAN ILMU PENGETAHUAN ALAM  
UNIVERSITAS JEMBER  
2014**



## **PELABELAN TOTAL SUPER $(a,d)$ SISI ANTIMAGIC PADA GRAF BUNGA MATAHARI**

### **TESIS**

diajukan guna melengkapi tugas akhir dan memenuhi salah satu syarat  
untuk menyelesaikan Program Magister Matematika (S2)  
dan mencapai gelar Magister Sains

Oleh

**Rohmad Wahid Rhomdani, S.Pd**

**NIM 121820101004**

**MAGISTER MATEMATIKA**  
**FAKULTAS MATEMATIKA DAN ILMU PENGETAHUAN ALAM**  
**UNIVERSITAS JEMBER**  
**2014**

## **HALAMAN PERSEMBAHAN**

Dengan menyebut nama Allah yang maha pengasih lagi maha penyayang, serta sholawat atas Nabi Muhammad S.A.W, kupersembahkan sebuah kebahagiaan dalam perjalanan hidupku teriring rasa terima kasihku yang terdalam kepada:

1. Orang tuaku tercinta dan adiku tersayang :Bapak Mohdar dan Ibunda Nurul Kadarningsih serta adikku Iskandar Kurniawan, Try Viat Moko, yang senantiasa mengalirkan rasa cinta dan kasih sayangnya serta cucuran keringat dan doa yang tiada pernah putus yang selalu mengiringiku dalam meraih cita-cita;
2. Istri dan anakku tersayang Ajeng Fitri Perwitasari dan Abdillah Nizar Tsaqif terimakasih telah mendukung dalam menyelesaikan thesis ini ;
3. Bapak Drs. Dafik, M.Sc, Ph.D dan Bapak Kiswara Agung Santoso, S.Si, M.Kom selaku pembimbing thesis yang dengan sabar telah memberikan ilmu dan bimbingan selama menyelesaikan thesisku;
4. Teman-teman angkatan 2012 Magister Matematika: (Djoni, Wulan, Fety, Lutfi Ali, Catur dan semuanya) yang senantiasa membantuku dan menorehkan sebuah pengalaman indah yang tak terlupakan;
5. Teman-teman pejuang graf: (Oby, Nita, Inge, Ririt dan pencinta graf lainnya) yang selalu berbagi suka dan duka untuk menemukan rumus dan selalu memberikan dukungan untuk terus semangat;
6. Para dosen, yang telah memberikan ilmu dan membimbing dengan penuh kesabaran;
7. Teman-teman seperjuangan S2 Matematika MIPA angkatan 2012, terima kasih atas dorongan semangat dan bantuannya selama masa proses penyelesaian thesisku;
8. Almamater Magister Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam Universitas Jember.

## MOTTO

"Ada seseorang menghadap Rasulullah Shallallaahu 'alaihi wa Sallam meminta izin ikut berjihad (perang). Beliau bertanya: "Apakah kedua orang tuamu masih hidup?". Ia menjawab: Ya. Beliau bersabda: "Kalau begitu, berjihadlah untuk kedua orang tuamu."

(Sabda Nabi Muhammad SAW)

"Barangsiapa bersungguh-sungguh, sesungguhnya kesungguhannya itu adalah untuk dirinya sendiri."

(Al-Ankabut [29]: 6)

"Kecerdasan bukan penentu kesuksesan, tetapi kerja keras merupakan penentu kesuksesanmu yang sebenarnya ."

(Albert Camus)

## **HALAMAN PERNYATAAN**

Saya yang bertanda tangan di bawah ini:

Nama : Rohmad Wahid Rhomdani, S.Pd

NIM :121810201004

Menyatakan dengan sesungguhnya bahwa tesis yang berjudul: pelabelan total super  $(a,d)$  sisi antimagic pada graf bunga matahari adalah benar-benar hasil karya sendiri, kecuali jika dalam pengutipan substansi disebutkan sumbernya, dan belum diajukan pada instansi manapun, serta bukan karya jiplakan. Saya bertanggung jawab atas keabsahan dan kebenaran isinya sesuai dengan sikap ilmiah yang harus dijunjung tinggi.

Demikian pernyataan ini saya buat dengan sebenarnya, tanpa adanya tekanan dan paksaan dari pihak manapun serta bersedia mendapat sanksi akademik jika ternyata di kemudian hari pernyataan ini tidak benar.

Jember, 25 Juni 2014

Yang menyatakan,

Rohmad Wahid Rhomdani, S.Pd

NIM. 121810201004

# **TESIS**

## **PELABELAN TOTAL SUPER (a,d)-SISI ANTIMAGIC PADA BUNGA MATAHARI**

Oleh

**Rohmad Wahid Rhomdani, S.Pd**  
**NIM 121820101004**

Dosen Pembimbing 1 : Prof. Drs. Dafik, M.Sc., Ph.D.  
Dosen Pembimbing 2 : Kiswara Agung Santoso, S.Si, M.Kom.

## **PERSETUJUAN**

### **PELABELAN TOTAL SUPER ( $a,d$ ) SISI ANTIMAGIC PADA GRAF BUNGA MATAHARI**

#### **TESIS**

diajukan guna melengkapi tugas akhir dan memenuhi salah satu syarat  
untuk menyelesaikan Program Magister Matematika (S2)  
dan mencapai gelar Magister Sains

Nama Mahasiswa : Rohmad Wahid Rhomdani  
NIM : 121820101004  
Jurusan : MIPA  
Program Studi : Matematika  
Angkatan Tahun : 2012  
Daerah Asal : Bondowoso  
Tempat, Tanggal Lahir : Bondowoso, 29 April 1987

Disetujui oleh:

Pembimbing I,

Pembimbing II,

Prof. Drs. Dafik, M.Sc, Ph.D  
NIP. 19680802 199303 1 004

Kiswara Agung Santoso, S.Si, M.Kom  
NIP. 19720907 199803 1 003

## **HALAMAN PENGESAHAN**

Tesis berjudul Pelabelan Total Super (a,d)-Sisi Antimagic Pada Graf Bunga Matahari telah diuji dan disahkan oleh Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam pada:

Hari : Jumat

Tanggal : 26 Juni 2014

Tempat : MIPA UNEJ

Tim Penguji :

Dosen Pembimbing Utama,

Dosen Pembimbing Anggota,

Prof. Drs. Dafik, M.Sc, Ph.D

Kiswara Agung Santoso, S.Si.,M.Kom

NIP.19680802 199303 1 004

NIP.19720907 199803 1 003

Penguji I,

Penguji II,

Prof. Drs. Slamin M.Com Sc.,Ph.D

Drs.Rusli Hidayat, M.S.c

NIP.19670420 199201 1 001

NIP.19661012 199303 1 001

Mengetahui,

Dekan Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam

Universitas Jember

Prof. Drs. Kusno, DEA.,Ph.D.

NIP. 19610108 198602 1 001

## RINGKASAN

**Pelabelan Total Super ( $a,d$ )-Sisi Antimagic Pada Graf Bunga Matahari;** Rohmad Wahid Rhomdani, S.Pd, 121810201004; 2014: 106 halaman; Program Studi Magister Matematika S2, Jurusan Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam, Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam, Universitas Jember.

Topik yang menarik pada teori graf adalah masalah pelabelan graf. Teori pelabelan graf dimanfaatkan terutama pada sektor sistem komunikasi dan transportasi, navigasi geografis, radar, penyimpanan data komputer, dan pemanca frekuensi radio. Salah satu jenis graf yang belum diketahui pelabelan super ( $a,d$ ) *antimagic* adalah graf Bunga Matahari. Graf Bunga Matahari adalah salah satu graf isomorfis yang dikembangkan dari graf *Cycle* dengan menambahkan beberapa *path* melompati satu titik luar *Cycle* sehingga membentuk seperti Bunga Matahari. Pada graf Bunga Matahari yang dapat dikembangkan adalah bagian mahkota untuk  $\lceil \frac{n-1}{2} \rceil$ . Graf Bunga Matahari dinotasikan dengan  $\beta_{n,\lceil \frac{n-1}{2} \rceil}$  untuk  $n \geq 3$ . Gabungan diskonektif dari graf Bunga Matahari merupakan gabungan saling lepas dari  $s$ . Gabungan saling lepas graf Bunga Matahari adalah copyan dari graf Bunga Matahari tunggal  $\beta_{n,\lceil \frac{n-1}{2} \rceil}$  dan  $n$  berlaku bilangan ganjil di copy sebanyak  $s \geq 3$  dan  $s$  ganjil. Graf Bunga Matahari merupakan sebuah graf yang dinotasikan dengan  $s\beta_{n,\lceil \frac{n-1}{2} \rceil}$ .

Graf Bunga Matahari memiliki himpunan *vertex*,  $V\beta_{n,\lceil \frac{n-1}{2} \rceil} = \{x_i, y_j; 1 \leq i \leq n; 1 \leq j \leq \lceil \frac{n-1}{2} \rceil\}$  dan himpunan *edge*  $E\beta_{n,\lceil \frac{n-1}{2} \rceil} = \{y_{(j)}x_{(2j-1,k)}; 1 \leq j \leq \lceil \frac{n-1}{2} \rceil; \} \cup \{y_{(j)}x_{(2j+1)}; 1 \leq j \leq \lceil \frac{n-1}{2} \rceil\} \cup \{x_{(n)}x_{(1)}\} \cup \{x_{(i)}x_{(i+1)}; 1 \leq i \leq n-1\}$ . Metode yang digunakan dalam penelitian ini adalah deskriptif aksiomatis yaitu dengan menurunkan lema yang telah ada tentang nilai batas  $d$  dan lema untuk pelabelan graf saat  $d = 1$ , kemudian diterapkan dalam pelabelan total super ( $a,d$ )-sisi antimagic pada graf  $\beta_{n,\lceil \frac{n-1}{2} \rceil}$  dan metode pendekripsi pola untuk menentukan pola umum pelabelan total super ( $a,d$ )-sisi antimagic pada graf Bunga Matahari menggunakan teknik pewarnaan graf. Hasil penelitian ini berupa lema dan teorema baru mengenai pelabelan total super ( $a,d$ )-sisi antimagic pada Graf  $\beta_{n,\lceil \frac{n-1}{2} \rceil}$ . Teorema dan lema yang dihasilkan adalah sebagai berikut:

1. Ada pelabelan titik  $(\frac{n+3}{2}, 1)$ -sisi antimagic pada graf Bunga Matahari  $\beta_{n,\lceil \frac{n-1}{2} \rceil}$  jika  $n \geq 3$ , telah dibuktikan pada **Lemma 4.1.2**

2. Ada pelabelan total super  $(\frac{8n}{2}, 0)$ -sisi antimagic dan  $(2n+2, 2)$ -sisi antimagic pada graf Bunga Matahari  $\beta_{n, \lceil \frac{n-1}{2} \rceil}$  untuk  $n \geq 3$  yang telah dibuktikan melalui pembuktian **Teorema 4.1.1**
3. Ada pelabelan total super  $(\frac{6n+2}{2}, 1)$ -sisi antimagic pada graf Bunga Matahari  $\beta_{n, \lceil \frac{n-1}{2} \rceil}$  untuk  $n \geq 3$ , telah dibuktikan pada **Teorema 4.1.3**
4. Ada pelabelan titik  $(\frac{s+3}{2}, 1)$ -sisi antimagic pada gabungan graf Bunga Matahari  $s\beta_{n, \lceil \frac{n-1}{2} \rceil}$  jika  $n \geq 3$ ,  $s$  ganjil dan  $s \geq 3$ , telah dibuktikan pada **Lemma 4.3.2**
5. Ada pelabelan total super  $(\frac{8sn-3s+3}{2}, 0)$ -sisi antimagic dan  $(\frac{4sn-s+5}{2}, 2)$ -sisi antimagic pada gabungan graf Bunga Matahari  $s\beta_{n, \lceil \frac{n-1}{2} \rceil}$  jika  $n \geq 3$ ,  $s \geq 3$  dan  $s$  ganjil, telah dibuktikan pada **Teorema 4.3.1**
6. Ada pelabelan total super  $(\frac{3sn-s+2}{2}, 1)$ -sisi antimagic pada gabungan graf Bunga Matahari  $s\beta_{n, \lceil \frac{n-1}{2} \rceil}$  untuk  $n \geq 3$ ,  $s$  ganjil dan  $s \geq 3$ , telah dibuktikan pada **Teorema 4.3.3**
7. Ada pelabelan titik  $(\frac{3mn-m}{2}, 1)$ -sisi antimagic pada graf Bunga Matahari  $\beta_{n, \lceil \frac{n-1}{2} \rceil, m}$  jika  $n \geq 3$  dimana  $m$  adalah bilangan bulat positif, telah dibuktikan pada **Lemma 4.4.1**
8. Ada pelabelan total super  $(\frac{9mn-3m-n+3}{2}, 0)$ -sisi antimagic dan  $(\frac{3mn-m+n+5}{2}, 2)$ -sisi antimagic pada graf Bunga Matahari  $\beta_{n, \lceil \frac{n-1}{2} \rceil, m}$  untuk  $n \geq 3$  dimana  $m$  adalah bilangan bulat positif, telah dibuktikan pada **Teorema 4.4.1**
9. Ada pelabelan total super  $(\frac{6mn-2m+4}{2}, 1)$ -sisi antimagic pada graf Bunga Matahari  $\beta_{n, \lceil \frac{n-1}{2} \rceil, m}$  untuk  $n \geq 3$  dimana  $m$  adalah bilangan bulat positif, telah dibuktikan pada **Teorema 4.4.3**

Dari kajian diatas ada beberapa batasan  $n$ ,  $m$  dan  $s$  yang belum ditemukan sehingga dalam penelitian membuat dugaan:

**Konjektur 4.6.4 :** *Pelabelan total super  $(a, d)$ -sisi antimagic pada gabungan graf Bunga Matahari  $\beta_{n, \lceil \frac{n-1}{2} \rceil, m}$  dengan  $n \geq 3$ ,  $m \in$  bilangan bulat dan  $s$  ganjil,  $s \geq 3$  memiliki angka kromatik 4.*

## KATA PENGANTAR

Puji syukur ke hadirat Allah Swt atas segala rahmat dan karunia-Nya sehingga penulis dapat menyelesaikan tesis yang berjudul Pelabelan Total Super  $(a, d)$ -Sisi Antimagic Pada Graf Bunga Matahari. Tesis ini disusun untuk memenuhi salah satu syarat untuk menyelesaikan Magister Matematika (S2) pada Program Studi Magister Matematika Fakultas Matematika Dan Ilmu Pengetahuan Alam Universitas Jember.

Pada kesempatan ini penulis mengucapkan terima kasih atas bantuan dan bimbingan dalam penyusunan tesis ini, terutama kepada yang terhormat:

1. Dekan Fakultas Matematika Dan Ilmu Pengetahuan Alam Universitas Jember;
2. Ketua Jurusan MIPA Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam Universitas Jember;
3. Ketua Program Studi Magister Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam Universitas Jember;
4. Prof. Drs. Dafik, M.Sc.,Ph.D. selaku Dosen Pembimbing I dan Kiswara Agung Santoso, S.Si, M.Kom selaku Dosen Pembimbing II yang telah meluangkan waktu, pikiran, dan perhatian dalam penulisan tesis ini;
5. Dosen dan Karyawan Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam Universitas Jember;
6. Semua pihak yang telah membantu terselesaiannya tesis ini.

Semoga bantuan, bimbingan, dan dorongan beliau dicatat sebagai amal baik oleh Allah SWT dan mendapat balasan yang sesuai dari-Nya. Selain itu, penulis juga menerima segala kritik dan saran dari semua pihak demi kesempurnaan tesis ini. Akhirnya penulis berharap, semoga tesis ini dapat bermanfaat.

Jember, Juni 2014

Penulis

## DAFTAR ISI

<b>Halaman Persembahan . . . . .</b>	<b>iii</b>
<b>HALAMAN MOTTO . . . . .</b>	<b>iv</b>
<b>Halaman Pernyataan . . . . .</b>	<b>v</b>
<b>HALAMAN PERSETUJUAN . . . . .</b>	<b>vii</b>
<b>Halaman Pengesahan . . . . .</b>	<b>viii</b>
<b>RINGKASAN . . . . .</b>	<b>ix</b>
<b>Kata Pengantar . . . . .</b>	<b>xi</b>
<b>DAFTAR ISI . . . . .</b>	<b>xiv</b>
<b>DAFTAR GAMBAR . . . . .</b>	<b>xvi</b>
<b>DAFTAR TABEL . . . . .</b>	<b>xvii</b>
<b>DAFTAR LAMBANG . . . . .</b>	<b>xviii</b>
<b>1 PENDAHULUAN . . . . .</b>	<b>1</b>
1.1 Latar Belakang Masalah . . . . .	1
1.2 Rumusan Masalah . . . . .	3
1.3 Batasan Masalah . . . . .	3
1.4 Tujuan Penelitian . . . . .	3
1.5 Manfaat Penelitian . . . . .	4
<b>2 TINJAUAN PUSTAKA . . . . .</b>	<b>6</b>
2.1 Konsep Dasar Graf . . . . .	6
2.2 Aplikasi Pelabelan Graf . . . . .	15
2.3 Jenis Graf Khusus . . . . .	16
2.4 Graf Bunga Matahari . . . . .	20
2.5 Fungsi Bijektif dan Barisan Aritmatika . . . . .	21
2.6 Aksioma, Lemma, Teorema, Akibat, Dugaan dan Masalah Terbuka	22
2.7 Pelabelan Graf . . . . .	23
2.7.1 Definisi Pelabelan Graf . . . . .	23
2.7.2 Pelabelan Total Super $(a,d)$ - Sisi Antimagic . . . . .	25
2.7.3 Pelabelan Total Super $(a,d)$ -sisi antimagic pada Graf Bunga Matahari . . . . .	27

2.8	Hasil-Hasil Pelabelan Total Super $(a, d)$ -Sisi Antimagic pada Graf Diskonektif . . . . .	28
<b>3</b>	<b>METODE PENELITIAN . . . . .</b>	<b>31</b>
3.1	Metode Penelitian . . . . .	31
3.2	Definisi Operasional . . . . .	31
3.2.1	Pelabelan Total Super $(a, d)$ -Sisi Antimagic . . . . .	31
3.2.2	Graf Bunga Matahari Tunggal $\beta_{n, \lceil \frac{n-1}{2} \rceil}$ . . . . .	32
3.2.3	Gabungan Saling Lepas Graf Bunga Matahari Tunngal $s\beta_{n, \lceil \frac{n-1}{2} \rceil}$	32
3.2.4	Gabungan Tidak Saling Lepas Graf Bunga Matahari $\beta_{n, \lceil \frac{n-1}{2} \rceil, m}$	33
3.3	Teknik Penelitian . . . . .	34
3.4	Observasi . . . . .	35
<b>4</b>	<b>HASIL DAN PEMBAHASAN . . . . .</b>	<b>37</b>
4.1	Graf Bunga Matahari Tunggal $\beta_{n, \lceil \frac{n-1}{2} \rceil}$ . . . . .	37
4.1.1	Jumlah Titik dan Sisi pada graf Bunga Matahari Tunggal $\beta_{n, \lceil \frac{n-1}{2} \rceil}$ . . . . .	38
4.1.2	Batas Atas $d$ graf Bunga Matahari Tunngal $\beta_{n, \lceil \frac{n-1}{2} \rceil}$ . . . . .	38
4.1.3	Pelabelan Total Super $(a, d)$ -sisi Antimagic pada graf Bunga Matahari Tunngal $\beta_{n, \lceil \frac{n-1}{2} \rceil}$ . . . . .	38
4.2	Teknik Konstruksi Gabungan Saling Lepas Graf Bunga Matahari $s\beta_{n, \lceil \frac{n-1}{2} \rceil}$ . . . . .	48
4.3	Gabungan Saling Lepas Graf Bunga Matahari Tunngal $s\beta_{n, \lceil \frac{n-1}{2} \rceil}$ . . . . .	51
4.3.1	Jumlah Titik dan Sisi Pada Gabungan Saling Lepas graf Bunga Matahari Tunngal $s\beta_{n, \lceil \frac{n-1}{2} \rceil}$ . . . . .	53
4.3.2	Batas Atas $d$ Gabungan Saling Lepas Graf Bunga Matahari Tunngal $s\beta_{n, \lceil \frac{n-1}{2} \rceil}$ . . . . .	53
4.3.3	Pelabelan Total Super $(a, d)$ -sisi Antimagic Gabungan Saling Lepas pada graf Bunga Matahari Tunngal $s\beta_{n, \lceil \frac{n-1}{2} \rceil}$ . . . . .	53
4.4	Gabungan Tidak Saling Lepas Graf Bunga Matahari $\beta_{n, \lceil \frac{n-1}{2} \rceil, m}$ . . . . .	64
4.4.1	Jumlah Titik dan Sisi pada graf Bunga Matahari gabungan tidak saling lepas $\beta_{n, \lceil \frac{n-1}{2} \rceil, m}$ . . . . .	65
4.4.2	Batas Atas $d$ graf Bunga Matahari gabungan tidak saling lepas $\beta_{n, \lceil \frac{n-1}{2} \rceil, m}$ . . . . .	65

4.4.3 Pelabelan Total Super $(a, d)$ -sisi Antimagic pada graf Bunga Matahari gabungan tidak saling lepas $\beta_{n, \lceil \frac{n-1}{2} \rceil, m}$	66
4.5 Pembahasan . . . . .	75
<b>5 KESIMPULAN DAN SARAN . . . . .</b>	<b>79</b>
5.1 Kesimpulan . . . . .	79
5.2 Saran . . . . .	80
<b>DAFTAR PUSTAKA . . . . .</b>	<b>81</b>
<b>LAMPIRAN-LAMPIRAN . . . . .</b>	<b>84</b>

## DAFTAR GAMBAR

2.1	Contoh Graf . . . . .	6
2.2	Contoh graf tidak memiliki <i>loop</i> dan graf yang memiliki <i>loop</i> . . . . .	7
2.3	Contoh graf reguler dan graf dengan titik terisolasi . . . . .	7
2.4	Contoh graf dan komplemennya . . . . .	8
2.5	Contoh graf dengan lintasan $d(1,4) = 2$ dan lintasan $d(1,9) = \infty$ . . . . .	8
2.6	<i>Trail</i> , <i>path</i> dan <i>Cycle</i> . . . . .	9
2.7	<i>Adjacent</i> dan <i>Incident</i> . . . . .	9
2.8	Graf terhubung dan tak terhubung . . . . .	10
2.9	Graf hingga dan tak hingga . . . . .	10
2.10	Graf tak berarah dan graf berarah . . . . .	11
2.11	Graf sederhana, graf ganda, dan graf semu . . . . .	11
2.12	Graf terpotong . . . . .	12
2.13	Contoh graf dengan subgrafnya . . . . .	12
2.14	$G_{22}$ isomorfis dengan $G_{23}$ , tetapi tidak isomorfis dengan $G_{24}$ . . . . .	13
2.15	Lintasan Euler . . . . .	14
2.16	Graf dengan lintasan Euler dan lintasan Hamilton . . . . .	14
2.17	Contoh graf dengan matriks adjasensinya . . . . .	14
2.18	IP address komputer . . . . .	15
2.19	jaringan komputer dan pelabelannya . . . . .	16
2.20	Graf tunas kelapa $CR_{n,m}$ . . . . .	17
2.21	Graf Roket $R_{m,n}$ . . . . .	17
2.22	Graf Buku Segitiga $Bt_n$ . . . . .	18
2.23	Graf UFO, $U_{m,n}$ . . . . .	18
2.24	Graf Siput ( $S_n$ ) . . . . .	18
2.25	Graf Tangga Permata $Dl_3$ . . . . .	19
2.26	Graf Kelelawar $Bat_n$ . . . . .	19
2.27	Graf Tangga Tiga-Siklus $TCL_2$ . . . . .	20
2.28	Graf Bunga Matahari $\beta_{n,\frac{n-1}{2},m}$ . . . . .	20
2.29	(a) fungsi injektif, (b) fungsi surjektif dan (c) fungsi bijektif $U_n = 2 + 4(n - 1)$ . . . . .	22

2.30	$G_{42}$ Pelabelan titik, $G_{43}$ Pelabelan sisi, $G_{44}$ Pelabelan total sisi anti ajaib, $G_{45}$ Pelabelan total sisi ajaib . . . . .	24
3.1	Graf Bunga Matahari Tunggal . . . . .	32
3.2	Gabungan Saling Lepas Graf $s\beta_{n,\lceil \frac{n-1}{2} \rceil}$ . . . . .	33
3.3	Graf Bunga Matahari Gabungan tidak saling lepas . . . . .	34
3.4	Gambar Rancangan Penelitian . . . . .	36
4.1	Pelabelan dari dalam dan dari luar graf Bunga Matahari membentuk graf <i>Cycle</i> . . . . .	39
4.2	EAV Graf Bunga Matahari . . . . .	41
4.3	$(\frac{8n}{2}, 0)$ Graf Bunga Matahari Tunggal . . . . .	42
4.4	$(2n + 2, 2)$ Graf Bunga Matahari Tunggal . . . . .	44
4.5	$(\frac{6n+2}{2}, 1)$ Graf Bunga Matahari Tunggal . . . . .	45
4.6	Graf Bunga Matahari Tunggal dengan tiga warna . . . . .	50
4.7	EAV Gabungan Saling Lepas Graf $s\beta_{n,\lceil \frac{n-1}{2} \rceil}$ . . . . .	54
4.8	SEATL $d = 0$ Gabungan Saling Lepas Graf $s\beta_{n,\lceil \frac{n-1}{2} \rceil}$ . . . . .	57
4.9	SEATL $d = 2$ Gabungan Saling Lepas Graf $s\beta_{n,\lceil \frac{n-1}{2} \rceil}$ . . . . .	59
4.10	SEATL $d = 1$ Gabungan Saling Lepas Graf $s\beta_{n,\lceil \frac{n-1}{2} \rceil}$ . . . . .	62
4.11	EAV Graf Bunga Matahari Gabungan tidak saling lepas . . . . .	67
4.12	$(\frac{9mn-3m-n+3}{2}, 0)$ Graf Bunga Matahari Gabungan tidak saling lepas	68
4.13	$(\frac{3mn-m+n+5}{2}, 2)$ Graf Bunga Matahari Gabungan tidak saling lepas	70
4.14	$(\frac{6mn-2m+4}{2}, 1)$ Graf Bunga Matahari Gabungan tidak saling lepas .	72
4.15	Pewarnaan titik dengan $\Lambda, \Omega, \Phi, \Pi$ dipetakan pada gabungan saling lepas graf Bunga Matahari $s\beta_{n,\lceil \frac{n-1}{2} \rceil,m}$ . . . . .	78

## DAFTAR TABEL

2.1 Ringkasan pelabelan total super $(a, d)$ -edge antimagic pada graf konektif . . . . .	28
2.2 Ringkasan pelabelan total super $(a, d)$ -edge antimagic pada graf diskonektif . . . . .	29

## DAFTAR LAMBANG

$G$	= Graf $G$
$G(V, E)$	= Sebarang graf tak berarah dengan $V$ adalah himpunan tak kosong dari semua titik dan $E$ adalah himpunan sisi
$v_n$	= Titik ke- $n$ pada suatu graf
$e_n$	= Sisi ke- $n$ dari suatu graf
$ V(G) $	= Banyaknya titik dari graf $G$ yang disebut <i>order</i>
$ E(G) $	= Banyaknya sisi dari graf $G$ yang disebut ukuran ( <i>size</i> )
$EAVL$	= <i>Edge antimagic vertex labeling</i> atau pelabelan titik sisi antimagic
$SEATL$	= <i>Super edge antimagic total labeling</i> atau pelabelan total super ( $a, d$ )-sisi antimagic
$d$	= Nilai beda barisan bobot sisi pada SEATL
$a$	= Bobot sisi terkecil yang merupakan suku pertama barisan bobot sisi pada SEATL
$\beta_{n, \lceil \frac{n-1}{2} \rceil, m}$	= Lambang untuk Graf Bunga Matahari
$s\beta_{n, \lceil \frac{n-1}{2} \rceil, m}$	= Gabungan graf Graf Bunga Matahari
$i$	= Urutan titik pada Graf Bunga Matahari $\beta_{n, \lceil \frac{n-1}{2} \rceil, m}$
$j$	= Urutan titik pada Graf Bunga Matahari $\beta_{n, \lceil \frac{n-1}{2} \rceil, m}$
$x_i$	= Titik pada Graf Bunga Matahari
$y_j$	= Titik Graf Bunga Matahari