



**DESAIN RAK PENATAAN BARANG DENGAN KURVA DAN PERMUKAAN  
TIPE NATURAL, HERMIT, DAN BEZIER KUADRATIK**

**TESIS**

diajukan guna melengkapi tugas akhir dan memenuhi syarat-syarat  
untuk menyelesaikan Program Magister Matematika (S2)  
dan mencapai gelar Magister Sains

Oleh

**Puji Astuti**  
**NIM 111820101013**

**JURUSAN MATEMATIKA**  
**FAKULTAS MATEMATIKA DAN ILMU PENGETAHUAN ALAM**  
**UNIVERSITAS JEMBER**  
**2014**

## **PERSEMBAHAN**

Tesis ini saya persembahkan untuk:

1. Ayah Parto Rahardjo (alm) dan Ibu Siti Aminah R (alm) yang tersayang;
2. Suamiku Dwi Nirwana;
3. Ananda Grandis Arisona.

Yang dengan ketulusan dan keikhlasannya telah memberi semangat dan inspirasi sampai terselesaikannya tesis ini.

## **MOTTO**

“ Berikan aku seribu orang tua, niscaya akan ku cabut semeru dari akarnya.

Berikan aku sepuluh orang pemuda, niscaya akan ku rubah dunia“

(Ir. Dr. Sukarno)

## **PERNYATAAN**

Saya yang bertanda tangan di bawah ini:

Nama : Puji Astuti

NIM : 111820101013

Menyatakan dengan sesungguhnya bahwa tesis ini yang berjudul “Desain Rak Penataan Barang dengan Kurva dan Permukaan Tipe Natural, Hermit, dan Bezier Kuadratik” adalah benar-benar hasil karya sendiri kecuali kutipan yang sudah saya sebutkan sumbernya, belum pernah diajukan pada institusi manapun dan bukan karya jiplakan. Saya bertanggung jawab atas keabsahan dan kebenaran isinya sesuai dengan sikap ilmiah yang harus dijunjung tinggi.

Demikian pernyataan ini saya buat dengan sebenarnya, tanpa adanya tekanan dan paksaan dari pihak manapun serta bersedia mendapat sanksi akademik jika ternyata di kemudian hari pernyataan ini tidak benar.

Jember, 30 Januari 2014

Yang menyatakan,

Puji Astuti  
NIM 111820101013

## **TESIS**

### **DESAIN RAK PENATAAN BARANG DENGAN KURVA DAN PERMUKAAN TIPE NATURAL, HERMIT, DAN BEZIER KUADRATIK**

Oleh

Puji Astuti  
NIM 111820101013

Pembimbing

Dosen Pembimbing Utama : Prof. Drs. Kusno, DEA, Ph.D.

Dosen Pembimbing Anggota : Kiswara Agung Santoso, S.Si.M.Kom.

## **PENGESAHAN**

Tesis berjudul “*Desain Rak Penataan Barang dengan Kurva dan Permukaan Tipe Natural, Hermit, dan Bezier Kuadratik*” telah diuji dan disyahkan pada:

hari, tanggal : .....

tempat : Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam  
Universitas Jember

Tim Penguji:

Ketua,

Sekretaris,

Prof. Drs. Kusno, DEA, Ph.D  
NIP 19610108 198602 1 001

Kiswara Agung Santoso,SSi,M.Kom  
NIP 19720907 199803 1 003

Anggota I,

Anggota II,

Prof. Drs. Slamin, M.CompSc,Ph.D  
NIP 19670420 199201 1 001

Kosala Dwidja Purnomo, S.Si, M.Si  
NIP 19690828 199802 1 001

Mengesahkan,  
Dekan Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam  
Universitas Jember

Prof. Drs. Kusno, DEA, Ph.D  
NIP 19610108 198602 1 001

## RINGKASAN

**Desain Rak Penataan Barang dengan Kurva dan Permukaan Tipe Natural, Hermit, dan Bezier Kuadratik.** Puji Astuti, 111820101013; 2014: 61 halaman; Jurusan Matematika Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam Universitas Jember.

Kegunaan rak diantaranya adalah untuk menempatkan barang. Di dalam rak, barang dapat disusun dan ditata dengan praktis dan efisien, sehingga dapat dilihat dari berbagai arah. Yang dimaksud barang disini adalah: barang rumah tangga (berupa barang pakai, pecah belah, pot bunga), barang kantor, barang toko ataupun etalase. Bentuk rak umumnya menggunakan hanya dengan objek-objek geometri bidang sederhana (segiempat, lingkaran, dan elips). Struktur komponen yang digunakan (bagian penyangga dan bagian tiang rak) masih bersifat tunggal dan datar. Arah penataan penyusun rak terdiri atas arah horizontal saja, sehingga bidang permukaan terlihat sama dan membosankan. Hal ini perlu implementasi mengembangkan model rak dengan penataan berbentuk miring dan melingkar. Tujuan penelitian ini adalah: (1) mendapatkan prosedur untuk mendesain beberapa model penyangga rak sehingga bentuknya variasi; (2) mendapatkan prosedur untuk mendesain bagian utama rak sehingga tampilan bentuknya simetris dan bertingkat; (3) mendapatkan prosedur untuk mendesain rak dalam keadaan setimbang.

Dalam memodelisasi desain rak penataan barang menggunakan metode/tahapan sebagai berikut: pertama, mengkonstruksi bagian penyangga (kaki) rak berbentuk lengkung dan tidak tunggal. Kedua, mengkonstruksi bagian utama (tiang) rak, sehingga bentuknya tegak, miring, memutar, simetris, dan setimbang; serta pembentuknya melalui operasi penggabungan komponen-komponennya.

Hasil penelitian menunjukkan bahwa pertama, mendesain komponen bagian penyangga (kaki) rak dapat dilakukan sebagai berikut. Mengambil data

sebuah ruang konstruksi dari kerangka kubus, prisma segitiga, atau kerucut terpanjang. Selanjutnya menetapkan beberapa titik pada kerangka tersebut untuk membangun beberapa potongan kurva. Terakhir menginterpolasi beberapa pasangan kurva untuk membangun permukaan guna membentuk kaki rak. Kedua, mendesain komponen utama (tiang) rak prosedurnya antara lain sebagai berikut. Mengambil data segmen garis tegak, miring atau berbentuk heliks. Kemudian dilakukan pencacahan segmen garis dan heliks menjadi beberapa sub segmen. Beberapa sub segmen dikelompokkan untuk membangun kurva berarah, berantai, dan bersusun sehingga diperoleh beragam bentuk tiang rak. Dari hasil konstruksi kaki dan tiang rak selanjutnya dilakukan penggabungan titik puncak penyangga rak dilekatkan dengan pangkal tiang secara tunggal ataupun sejajar sehingga membentuk rak penataan barang.

## **PRAKATA**

Puji syukur kehadirat Tuhan Yang Mahaesa karena atas berkat rahmat dan karunia-Nya tesis ini dapat diselesaikan dengan baik. Penulis menyadari, bahwa tanpa dukungan dan dorongan dari berbagai pihak maka penulisan tesis ini tidak akan terlaksana dengan baik.

Pada kesempatan ini penulis menyampaikan rasa hormat dan terima kasih kepada semua pihak yang telah membantu dalam penyusunan tesis ini antara lain:

1. Prof. Drs. Kusno, DEA, Ph.D dan Kiswara Agung Santoso, S.Si, M.Kom yang telah memberi bimbingan, petunjuk, dan semangat dalam penulisan tesis ini hingga selesai;
2. Prof. Drs. Slamin, M.Comp.Sc, Ph.D dan Kosala Dwidja Purnomo, S.Si, M.Si yang telah memberikan kritik dan saran;
3. Drs. Dwi Nirwana, M.Pd, ananda Grandis Arisona yang telah memberi motivasi, inspirasi dan dukungan doa demi terselesainya tesis ini;
4. rekan-rekan jurusan Matematika Angkatan 2011 dan rekan-rekan guru SMA Negeri 3 Lumajang yang selama ini dengan penuh perhatian, pengorbanan memberikan doa, dan dorongan semangat kepada penulis dalam menyelesaikan studi ini.

Penulis menerima segala kritik dan saran dari semua pihak demi kesempurnaan tesis ini dan berharap semoga tesis ini dapat bermanfaat.

Jember, Januari 2014

Penulis

## DAFTAR ISI

	Halaman
<b>HALAMAN JUDUL .....</b>	i
<b>HALAMAN PERSEMBAHAN .....</b>	ii
<b>HALAMAN MOTTO .....</b>	iii
<b>HALAMAN PERNYATAAN.....</b>	iv
<b>HALAMAN PEMBIBINGAN .....</b>	v
<b>HALAMAN PENGESAHAN .....</b>	vi
<b>RINGKASAN .....</b>	vii
<b>PRAKATA .....</b>	ix
<b>DAFTAR ISI .....</b>	x
<b>DAFTAR GAMBAR .....</b>	xii
<b>DAFTAR LAMPIRAN .....</b>	xiv
<b>BAB 1. PENDAHULUAN .....</b>	1
<b>1.1 Latar Belakang .....</b>	1
<b>1.2 Rumusan Masalah .....</b>	2
<b>1.3 Tujuan Penelitian .....</b>	4
<b>1.4 Manfaat Penelitian .....</b>	4
<b>BAB 2. TINJAUAN PUSTAKA .....</b>	5
<b>2.1 Kerangka Kubus, Limas, dan Kerucut Terpancung .....</b>	5
<b>2.2 Kesimetrisan dan Kesetimbangan .....</b>	7
2.2.1 Kesimetrisan .....	7
2.2.2 Gaya Kesetimbangan Benda .....	8
<b>2.3 Interpolasi diantara Segmen Garis dan Kurva di Ruang ....</b>	10
<b>2.4 Transformasi Titik di Ruang .....</b>	11
2.4.1 Refleksi .....	11
2.4.2 Rotasi .....	12
2.4.3 Translasi .....	13
<b>2.5 Studi Kurva Ruang.....</b>	13
2.5.1 Segmen Garis .....	13

2.5.2	Kurva .....	14
a.	Lingkaran dan Elips .....	15
b.	Heliks .....	16
c.	Hermit Kubik .....	17
d.	Bezier .....	17
<b>2.6</b>	<b>Penggabungan Dua Kurva</b> .....	19
<b>2.7</b>	<b>Konstruksi Beberapa Benda Ruang dengan Program <i>Maple</i></b> .....	20
<b>BAB 3. METODE PENELITIAN</b>	.....	24
<b>BAB 4. HASIL DAN PEMBAHASAN</b>	.....	26
<b>4.1</b>	<b>Desain Komponen Penyangga (Kaki) Rak</b> .....	26
4.1.1	Kaki Rak Berbasis Kerangka Kubus .....	26
4.1.2	Kaki Rak Berbasis Kerangka Prisma Segitiga .....	36
4.1.3	Kaki Rak Berbasis Kerucut Terpancung .....	41
<b>4.2</b>	<b>Desain Komponen Utama (Tiang) Rak</b> .....	45
4.2.1	Tiang Rak Berbasis Segmen Garis Posisi Tegak .....	47
4.2.2	Tiang Rak Berbasis Heliks .....	49
4.2.3	Tiang Rak Berbasis Segmen Garis Posisi Miring .....	51
<b>4.3</b>	<b>Variasi Penggabungan Komponen Rak</b> .....	53
<b>4.4</b>	<b>Pembahasan</b> .....	57
<b>BAB 5. PENUTUP</b>	.....	61
<b>5.1</b>	<b>Kesimpulan</b> .....	61
<b>5.2</b>	<b>Saran</b> .....	61
<b>DAFTAR PUSTAKA</b>	.....	62
<b>LAMPIRAN - LAMPIRAN</b>		
<b>A.</b>	<b>Desain Penyangga (kaki) Rak</b> .....	63
<b>B.</b>	<b>Desain Utama (tiang) Rak</b> .....	78
<b>C.</b>	<b>Desain Variasi Penggabungan Komponen Rak</b> .....	88
<b>D.</b>	<b>Desain Pembahasan</b> .....	95
<b>E.</b>	<b>Model-model Rak</b> .....	113

## DAFTAR GAMBAR

Gambar 1.1	Model Rak .....	1
Gambar 1.2	Komponen-komponen Rak .....	4
Gambar 2.1	Kerangka Kubus ABCD.EFGH .....	6
Gambar 2.2	Kerangka Limas .....	6
Gambar 2.3	Kerucut Terpancung .....	7
Gambar 2.4	Kesimetrisan pada Refleksi .....	8
Gambar 2.5	Gaya Keseimbangan Benda .....	9
Gambar 2.6	Interpolasi Linier Dua Segmen Garis .....	10
Gambar 2.7	Interpolasi Linier pada Kurva .....	11
Gambar 2.8	Refleksi terhadap Bidang .....	11
Gambar 2.9	Rotasi .....	12
Gambar 2.10	Segmen Garis .....	14
Gambar 2.11	Penyajian Lingkaran .....	15
Gambar 2.12	Penyajian Potongan Lingkaran dan Potongan Elips.....	16
Gambar 2.13	Kurva Heliks .....	16
Gambar 2.14	Vektor-vektor Geometrik Kurva Kubik .....	17
Gambar 2.15	Kurva Bezier .....	18
Gambar 2.16	Permukaan Bezier .....	19
Gambar 2.17	Kurva Kontinyu Parametrik .....	19
Gambar 2.18	Penyajian Segmen Garis dengan <i>Maple</i> .....	20
Gambar 2.19	Penyajian Lingkaran dengan <i>Maple</i> .....	21
Gambar 2.20	Penyajian Elips dengan <i>Maple</i> .....	23
Gambar 2.21	Penyajian Heliks dengan <i>Maple</i> .....	23
Gambar 3.1	Skema Penelitian .....	25
Gambar 4.1	Penetapan Titik pada Kerangka Kubus .....	28
Gambar 4.2	Hasil Penarikan Kurva pada Penetapan Titik .....	29
Gambar 4.3	Model Kaki Rak Sejajar .....	30

Gambar 4.4	Penetapan Titik pada Kerangka Kubus .....	33
Gambar 4.5	Hasil Penarikan Kurva Penyangga .....	34
Gambar 4.6	Model Kaki Rak Berpotongan dan Bersilangan .....	36
Gambar 4.7	Penetapan Titik pada Kerangka Prisma Segitiga .....	38
Gambar 4.8	Hasil Penarikan Kurva Penyangga .....	40
Gambar 4.9	Model Kaki Rak pada Prisma Segitiga .....	41
Gambar 4.10	Untuk Titik A, B, dan C Segaris .....	43
Gambar 4.11	Untuk Titik A, B, dan C Tidak Segaris .....	44
Gambar 4.12	Model Kaki Rak pada Kerucut Terpancung .....	44
Gambar 4.13	Untuk Jumlah Sub Segmen Genap .....	46
Gambar 4.14	Untuk Jumlah Sub Segmen Ganjil .....	48
Gambar 4.15	Model Tiang Rak Berbasis Segmen Garis .....	49
Gambar 4.16	Membangun Tiang Berbasis Heliks .....	50
Gambar 4.17	Model Tiang Rak Berbasis Heliks .....	51
Gambar 4.18	Membangun Tiang Rak Posisi Miring .....	52
Gambar 4.19	Model Tiang Rak Posisi Miring .....	53
Gambar 4.20	Model Rak Tegak Order-0 .....	54
Gambar 4.21	Model Rak Tegak Order-1 .....	55
Gambar 4.22	Model Rak Sejajar .....	55
Gambar 4.23	Model Rak Simetri .....	56
Gambar 4.24	Model Rak Asimetris .....	57
Gambar 4.25	Model Kaki Rak .....	58
Gambar 4.26	Model Rak Arah Bervariasi .....	58
Gambar 4.27	Model Rak Bersusun .....	59
Gambar 4.28	Model Rak Bidang Sejajar .....	59
Gambar 4.29	Model Rak Sudut Pandang Beragam .....	60

## **DAFTAR LAMPIRAN**

<b>Lampiran A.1</b> .....	63
<b>Lampiran A.2</b> .....	71
<b>Lampiran A.3</b> .....	74
<b>Lampiran B.1</b> .....	78
<b>Lampiran B.2</b> .....	80
<b>Lampiran B.3</b> .....	84
<b>Lampiran C.1</b> .....	88
<b>Lampiran C.2</b> .....	93
<b>Lampiran D.1</b> .....	95
<b>Lampiran D.2</b> .....	97
<b>Lampiran D.3</b> .....	99
<b>Lampiran D.4</b> .....	103
<b>Lampiran D.5</b> .....	106
<b>Lampiran E.1</b> .....	113