

**PENDISTRIBUSIAN BARANG DENGAN MENGGUNAKAN  
ALGORITMA PRIM**

**SKRIPSI**

Diajukan untuk Memenuhi Persyaratan Penyelesaian Program Sarjana Sains  
Jurusan Matematika Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam  
Universitas Jember

**Oleh :**

**Shofyan Imam Wahyudi**  
**NIM.001810101070**



**JURUSAN MATEMATIKA  
FAKULTAS MATEMATIKA DAN ILMU PENGETAHUAN ALAM  
UNIVERSITAS JEMBER  
September, 2004**

## MOTTO

"Jika berencana untuk satu tahun, tanamlah padi  
Jika berencana untuk sepuluh tahun, tanamlah pohon  
Namun jika berencana untuk seratus tahun, didiklah generasi penerus"  
(Confusius)

"Jangan ikuti kemana jalan menuju,  
Tetapi buatlah jalan sendiri dan tinggalkan jejak"  
(Anonim)

"Karena kebodohan kita membuat kesalahan,  
dan dari kesalahan kita belajar"  
(Anonim)

## **Persembahan**

Kupersembahkan skripsi ini kepada :

- \* Kedua orang tuaku tercinta yang senantiasa memberikan doa restu
- \* Kakak dan adik-adikku yang selalu memberikan motivasi dan perhatian
- \* Agama, bangsa dan almamaterku yang kubanggakan

## **DEKLARASI**

Karya Tulis Ilmiah (skripsi) ini berisi hasil kerja penelitian mulai bulan September 2003 sampai dengan bulan September 2004, bersama ini saya menyatakan bahwa isi skripsi adalah hasil pekerjaan saya sendiri kecuali disebutkan sumbernya dan skripsi ini belum pernah diajukan pada institusi lain.

Jember, September 2004

Penulis

## ABSTRAK

**Pendistribusian Barang Dengan Menggunakan Algoritma Prim,** Shofyan Imam Wahyudi, 201810101070, Skripsi, September 2004, Jurusan Matematika, Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam, Universitas Jember.

Tujuan skripsi ini adalah ingin mengetahui pola pendistribusian barang dengan menggunakan algoritma Prim, pada kasus pendistribusian cerutu yang dilakukan oleh PT. KOPERASI KARYAWAN KARTANEGERA untuk wilayah Jawa Timur dan Bali. Pola pendistribusian tersebut dianalisis dengan dua pendekatan. Pertama, dianalisis berdasarkan masing-masing jaringan distribusi. Kedua, dianalisis secara keseluruhan, tanpa memperhatikan jaringan distribusi. Untuk keperluan analisis, algoritma Prim diwujudkan dalam program komputer dengan menggunakan bahasa Pascal. Hasil penelitian menunjukkan bahwa pola pendistribusian dengan menggunakan algoritma Prim menghasilkan biaya pengiriman lebih rendah daripada pola pendistribusian yang dilakukan oleh perusahaan, baik ditinjau dari masing-masing jaringan maupun secara keseluruhan.

Kata kunci : *Pola pendistribusian barang, biaya pengiriman, algoritma Prim.*

## **PENGESAHAN**

Skripsi ini diterima oleh Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam  
Universitas Jember, pada :

Hari : .....

Tanggal : .....

Tempat : Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam Universitas Jember

Tim Penguji,

Ketua

(Dosen Pembimbing Utama)

Sekretaris

(Dosen Pembimbing Anggota)

M. Fatekurohman, S.Si, M.Si  
NIP.: 132 210 538

Drs. Moh. Hasan, M.Sc, Ph.D  
NIP.: 131 759 844

Anggota 1,

Anggota 2,

Kristiana Wijaya, S.Si, M.Si  
NIP.: 132 258 180

Agustina Pradjaningsih, S.Si, M.Si  
NIP.: 132 257 933

Mengesahkan,  
Dekan Fakultas MIPA  
Universitas Jember

Ir. Sumadi, M.S.  
NIP.: 130 368 784

## **KATA PENGANTAR**

Puji syukur kehadirat Allah SWT yang telah melimpahkan rahmat dan hidayahnya sehingga skripsi ini dapat terselesaikan. Sholawat dan salam kepada junjungan Nabi Muhammad SAW, Rasul Illahi pembawa risalah kebenaran akhir zaman.

Penulis ingin menyampaikan terima kasih kepada semua pihak yang telah membantu penyusunan skripsi ini:

1. M. Fatekurohman, S.Si, M.Si selaku Dosen Pembimbing Utama dan Drs. Moh. Hasan, M.Sc, Ph.D selaku Dosen Pembimbing Anggota yang telah banyak memberikan bimbingan dan saran,
2. Kristiana Wijaya, S.Si, M.Si dan Agustina Pradjaningsih, S.Si, M.Si selaku Dosen Pengaji yang telah banyak memberikan kritik dan masukan,
3. Drs. Sumaryo selaku kepala kantor Koperasi Karyawan Kartanegara yang telah memberikan ijin atas terselenggaranya penelitian ini,
4. Kedua orang tuaku tersayang, Hj. Faried Zamriyah dan H. Suryadi yang telah mendidik serta mencurahkan doa, cinta, dan kasih sayang,
5. Kakak dan adik-adikku, Mas Felly, Citra, Lisa dan Ical,
6. Sahabat-sahabatku Mas Jati, Mas Wirid, Nanank, dan teman-teman seperjuangan Matematika' 00.

Semoga segala bantuan yang diberikan kepada penulis akan mendapatkan balasan dari Allah SWT.

Penulis menyadari sepenuhnya bahwa dalam penyusunan skripsi ini masih jauh dari sempurna, oleh karena itu kritik dan saran yang membangun dari semua pihak sangat diharapkan.

Jember, September 2004

Penulis

## DAFTAR ISI

<b>HALAMAN JUDUL .....</b>	i
<b>HALAMAN MOTTO .....</b>	ii
<b>HALAMAN PERSEMBAHAN .....</b>	iii
<b>HALAMAN DEKLARASI .....</b>	iv
<b>ABSTRAK .....</b>	v
<b>HALAMAN PENGESAHAN .....</b>	vi
<b>KATA PENGANTAR .....</b>	vii
<b>DAFTAR ISI .....</b>	viii
<b>DAFTAR TABEL .....</b>	x
<b>DAFTAR GAMBAR .....</b>	xi
<b>DAFTAR LAMPIRAN .....</b>	xii
<b>BAB I PENDAHULUAN</b>	
1.1 Latar Belakang .....	1
1.2 Perumusan Masalah .....	2
1.3 Tujuan .....	2
1.4 Manfaat .....	2
<b>BAB II TINJAUAN PUSTAKA</b>	
2.1 Definisi Graf .....	3
2.2 Istilah-istilah Graf .....	3
2.2.1 <i>Adjacent</i> dan <i>Incidency</i> .....	4
2.2.2 Graf Terhubung ( <i>Connected Graph</i> ) .....	4
2.2.3 Graf Berbobot ( <i>Weighted Graph</i> ) .....	5
2.2.4 Graf Lengkap ( <i>Complete Graph</i> ) .....	6
2.3 Pohon ( <i>Tree</i> ) .....	6
2.4 Pohon Perentang ( <i>Spanning Tree</i> ) .....	7
2.5 Algoritma Prim .....	7
2.6 Pemasaran .....	11
2.7 Langkah-Langkah Menyelesaikan Permasalahan .....	12

**BAB III HASIL DAN PEMBAHASAN**

3.1 Pengolahan Data Pendistribusian Barang.....	13
3.2 Program Penentuan Pohon Perentang Minimal .....	18
3.3 Pola Pendistribusian Pada Masing-Masing Jaringan .....	20
3.3.1 Jaringan Distribusi Jember .....	20
3.3.2 Jaringan Distribusi Surabaya .....	21
3.3.3 Jaringan Distribusi Malang .....	23
3.3.4 Jaringan Distribusi Denpasar .....	24
3.4 Pola Pendistribusian Secara Keseluruhan .....	28
3.5 Pembahasan .....	30

**BAB IV KESIMPULAN DAN SARAN**

4.1 Kesimpulan .....	32
4.2 Saran .....	32

**DAFTAR PUSTAKA .....** 33**LAMPIRAN**

## **DAFTAR TABEL**

Tabel 2.1 Perhitungan pohon perentang minimal Graf $G$ .....	8
Tabel 3.1 Nama kota distribusi dan notasinya .....	14
Tabel 3.2 Urutan garis-garis yang diterima dari distribusi Jember .....	20
Tabel 3.3 Urutan garis-garis yang diterima dari distribusi Surabaya .....	22
Tabel 3.4 Urutan garis-garis yang diterima dari distribusi Malang .....	23
Tabel 3.5 Urutan garis-garis yang diterima dari distribusi Denpasar .....	25
Tabel 3.6 Penghubung jaringan distribusi .....	26
Tabel 3.7 Urutan garis-garis yang diterima dari Graf $H$ .....	28
Tabel 3.8 Biaya pengiriman antara pendistribusian oleh perusahaan dengan pendistribusian menggunakan algoritma Prim .....	30

## DAFTAR GAMBAR

Gambar 2.1 Graf dengan 5 titik dan 7 garis .....	3
Gambar 2.2 Graf untuk ilustrasi jalan .....	4
Gambar 2.3 Graf dan subgraf .....	5
Gambar 2.4 Graf terhubung dan graf tak terhubung .....	5
Gambar 2.5 Graf berbobot dengan 6 titik .....	5
Gambar 2.6 Graf lengkap $K_5$ .....	6
Gambar 2.7 <i>Tree</i> dengan 6 daun dan 3 titik cabang .....	6
Gambar 2.8 Graf berbobot $G$ .....	8
Gambar 2.9 Pohon perentang minimal dari graf $G$ .....	10
Gambar 2.10 Beberapa pohon perentang minimal dari graf $G$ .....	10
Gambar 2.16 Diagram distribusi cerutu .....	10
Gambar 3.1 Pola pendistribusian cerutu oleh PT. KOPKAR KARTANEGERA dan bobotnya.....	15
Gambar 3.2 Graf $H$ dengan 31 titik dan 51 garis .....	17
Gambar 3.3 Jaringan distribusi dengan pusat Jember .....	20
Gambar 3.4 Jaringan distribusi Jember yang akan dianalisis .....	20
Gambar 3.5 Pola pendistribusian dengan algoritma Prim.....	20
Gambar 3.6 Jaringan distribusi dengan pusat Surabaya .....	21
Gambar 3.7 Jaringan distribusi Surabaya yang akan dianalisis .....	21
Gambar 3.8 Pola pendistribusian dengan algoritma Prim .....	22
Gambar 3.9 Jaringan distribusi dengan pusat Malang .....	23
Gambar 3.10 Jaringan distribusi Malang yang akan dianalisis .....	23
Gambar 3.11 Pola pendistribusian dengan algoritma Prim.....	24
Gambar 3.12 Jaringan distribusi dengan pusat Denpasar .....	24
Gambar 3.13 Jaringan distribusi Denpasar yang akan dianalisis .....	24
Gambar 3.14 Pola pendistribusian dengan algoritma Prim .....	25
Gambar 3.15 Gabungan pola pendistribusian dari masing-masing jaringan distribusi .....	27
Gambar 3.15 Pola pendistribusian dari Graf $H$ dengan algoritma Prim .....	29

## **DAFTAR LAMPIRAN**

Lampiran 1 Pola distribusi cerutu oleh PT. KOPERASI KARYAWAN KARTANEGERA .....	34
Lampiran 2 Tabel biaya pengiriman oleh PT. KOPERASI KARYAWAN KARTANEGERA .....	35
Lampiran 3 Program dan output program menentukan pohon perentang minimal dengan Algoritma Prim.....	37