



**PENYAJIAN GRAFIK DAN LUAS FRAKTAL KOCH SNOWFLAKE
PADA LEVEL KE - n**

SKRIPSI

Diajukan untuk Memenuhi Persyaratan Penyelesaian Program Sarjana Sains
Jurusan Matematika Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam
Universitas Jember

Oleh :

Agung Kriswantoro

NIM. 201810101041

Hadiah

Nilai

Kelas

5/16.36

KRI

P.



**JURUSAN MATEMATIKA
FAKULTAS MATEMATIKA DAN ILMU PENGETAHUAN ALAM
UNIVERSITAS JEMBER
Oktober 2004**

MOTTO

Wujudkanlah pikiran yang bebas

(Master Zhongfeng)

*Teruslah berjalan walaupun hanya selangkah, karena itu lebih baik daripada hanya berpikir dan
berdiam diri*

(Agung Kriswantoro)

*Lihatlah segala sesuatu dengan pikiran dan hati yang jernih, baca, baca dan bacalah apa yang
engkau lihat maka engkau akan menemukan kebenaran dan kebahagiaan yang kau cari*

(Agung Kriswantoro)

*Tumbuhkan rasa suka dan cinta untuk segala hal yang kau kerjakan, dengan demikian
segalanya akan terasa menyenangkan dan tanpa beban*

(Agung Kriswantoro)

*Jadikanlah kekurangan yang ada pada diri kita sebagai kelebihan yang tidak dimiliki orang
lain, karena Allah telah menciptakan apa yang terbaik bagi kita*

(Agung Kriswantoro)

Jadikanlah kebosanan sebagai sumber kekuatan dan kesabaran

(Agung Kriswantoro)

PERSEMBAHAN

Dengan menyebut asma Allah yang Maha Pengasih lagi Maha Penyayang kupersembahkan Karya sederhana ini kepada:

- ◆ Ibu Ky Sumarni dan Bapak Ky Suwadi yang do'a, perhatian, kasih sayang dan perjuangannya selalu menyertai setiap jengkal langkahnya serta segala bimbingannya yang kutahu semua itu untuk kebaikan, keberhasilan dan kebahagiaanku.
- ◆ Mas Prapto, Mas Mamik dan Mbak Lilik sekeluarga yang telah banyak membantu mengantarku menuju kesuksesan.
- ◆ Keluarga Besar Ngadimin (Bapak dan Ibu Angkatku) yang telah merawat dan memberikan kasih sayangnya semasa kecilku.
- ◆ Agama yang memanturku menuju kebaikan dan kebenaran serta sebagai pedoman dalam berpijak dan melangkah.
- ◆ Matahari, Bulan, Bintang, Bumi dan Langitku yang membuatku tetap bertahan dan terus berjuang dalam mewujudkan inspirasi, imajinasi dan obsesiku.
- ◆ Ilmu Pengetahuan dan Almamaterku Universitas Jember sebagai tempat berprases dan pembelajaran diri yang aku banggakan.

DEKLARASI

Karya Tulis Ilmiah (skripsi) ini berisi hasil kerja penelitian mulai bulan September 2003 sampai dengan bulan September 2004, bersama ini saya menyatakan bahwa isi skripsi adalah hasil pekerjaan saya sendiri kecuali disebutkan sumbernya dan skripsi ini belum pernah diajukan pada institusi lain.

Jember, Oktober 2004

Agung Kriswantoro



ABSTRAK

Panyajian Grafik dan Luas Fraktal Koch Snowflake pada Level ke-n, Agung Kriswantoro, 201810101041, Skripsi, Oktober 2004, Jurusan Matematika, Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam, Universitas Jember.

Koch Snowflake adalah suatu fraktal yang pada mulanya dibangun dari kurva *Koch* dibangkitkan pada sisi-sisi segitiga samasisi. Kurva *Koch* dibangun dari sebuah garis lurus yang dibagi menjadi tiga bagian yang sama, kemudian bagian tengahnya dibentuk segitiga samasisi tanpa alas. Penulisan skripsi ini bertujuan untuk mendapatkan algoritma dan program untuk menggambarkan dan menghitung luas fraktal *Koch Snowflake* dengan generator segitiga samasisi, samakaki, dan bujursangkar pada inisiatör berupa poligon reguler bersisi- n . Dari hasil penelitian ini diperoleh grafik fraktal *Koch Snowflake* dengan generator segitiga samasisi, samakaki dan bujursangkar sampai dengan level ke-9 pada inisiatör poligon reguler bersisi 100 beserta perhitungan luasnya.

Kata Kunci: *Kurva Koch, Koch Snowflake, inisiatör, generator, algoritma, program.*

PENGESAHAN

Skripsi ini diterima oleh Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam
Universitas Jember, pada :

Hari : KAMIS

Tanggal : 21 OCT 2007

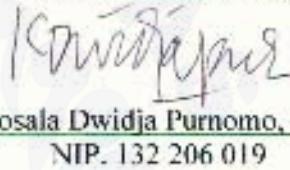
Tempat : Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam Universitas Jember

Tim Penguji,

Ketua
(Dosen Pembimbing Utama),


Drs. Rusli Hidayat, M.Sc.
NIP. 132 048 321

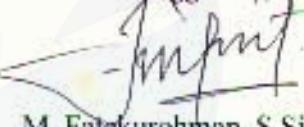
Sekretaris
(Dosen Pembimbing Anggota),


Kosala Dwidja Purnomo, S.Si.
NIP. 132 206 019

Anggota I,


Prof. Drs. Kusno, DEA, Ph.D.
NIP.131 592 357

Anggota II,


M. Fatekurohman, S.Si.M.Si.
NIP. 132 210 538

Mengesahkan.



Ir. Sumadi, M.S.
NIP. 130 368 784

KATA PENGANTAR

Dengan memanjatkan Alhamdulillah, puji syukur kehadirat Allah SWT yang telah melimpahkan rahmat dan hidayahnya sehingga skripsi ini dapat terselesaikan, sebagai syarat untuk memperoleh gelar Sarjana Sains pada Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam Universitas Jember. Sholawat dan salam kepada junjungan Nabi Muhammad SAW, Rasul Illahi pembawa risalah kebenaran akhir zaman.

Dalam penulisan skripsi ini, penulis telah banyak mendapatkan bantuan dan dorongan secara langsung maupun tidak langsung dari berbagai pihak. Untuk itu penulis ingin menyampaikan terima kasih yang sedalam-dalamnya kepada:

1. Bapak Drs. Rusli Hidayat, M.Sc. selaku Dosen Pembimbing Utama dan Bapak Kosala Dwidja, S.Si. Selaku dosen Pembimbing Anggota yang telah memberikan bimbingan dan arahan sehingga skripsi ini dapat terselesaikan dengan baik.
2. Bapak Prof. Drs. Kusno, DEA. Ph.D. dan Bapak M. Fatekurohman, S.Si. M.Si. serta Bapak Drs. Budi Lestari, Dip. Sc. M.Si. selaku dosen penguji yang telah banyak memberikan kritik, saran, dan masukan sehingga skripsi ini dapat terselesaikan dengan baik.
3. Kedua orang tuaku yang telah membesarkan, mendidik, mencurahkan do'a dengan penuh kasih sayang serta perjuangannya untuk keberhasilanku selama ini.
4. Kakakku Mas Prapto, Mas Mamik dan Mbak Lilik yang memberikan semangat serta koponakanku yang nakal dan lucu-lucu yang menjadi sumber inspirasiku.
5. Elin yang selalu terpaksa menasehatiku selama ini dan telah membangkitkan semangatku untuk mencapai semua inspirasi dan obsesiku.
6. Semua teman Matematika angkatan 2000 terima kasih atas semua bantuannya, saudaraku (Yayan, Martin) yang setia menjadi sahabat perjuanganku dalam suka dan duka. Abdul Kamil yang membantu ide dan buku-bukunya dalam menulis skripsi ini.

7. Mas Jati, Mas Wirid sekeluarga, Mas Sandi dan Mas Yoyok yang telah banyak mengajariku ilmu komputer.
8. Semua dosen di Jurusan Matematika Fakultas MIPA Unej dan Bapak Ibu guru yang telah membantuku dalam beproses dengan Ilmu Pengetahuan.
9. Teman-teman Asrama Mahasiswa Unej (Bang Tatang, Prist, Yus, Mas Bas, Pak Eko, Mbah Dung, Juli, Edi, Guntur, Agung Ma, Arip, Indra, Ikrar, Ucop, Nadib, Doni, Andhi) terima kasih untuk kenangan, proses dan perjuangan yang kita jalani bersama.
10. Teman-teman Natural band (saat SMU) dan Mc'Nyes band (saat Kuliah) yang telah menjadi semangat dan inspirasiku.
11. Semua pihak yang telah membantu kelancaran penulisan skripsi ini.

Penulis menyadari sepenuhnya bahwa dalam penyusunan skripsi ini masih jauh dari sempurna, oleh karena itu kritik dan saran yang membangun dari semua pihak sangat diharapkan.

Jember, Oktober 2004

Penulis

DAFTAR ISI

HALAMAN JUDUL	i
HALAMAN MOTTO	ii
HALAMAN PERSEMBAHAN	iii
HALAMAN DEKLARASI	iv
HALAMAN ABSTARAK	v
HALAMAN PENGESAHAN	vi
KATA PENGANTAR	vii
DAFTAR ISI	viii
DAFTAR GAMBAR	xi
DAFTAR LAMPIRAN	xiii
BAB I PENDAHULUAN	
1.1 Latar Belakang	1
1.2 Perumusan Masalah	2
1.3 Tujuan	2
1.4 Manfaat	2
BAB II TINJAUAN PUSTAKA	
2.1 Fraktal	3
2.1.1 Pengertian Fraktal	3
2.1.2 Fraktal KochSnowflake	3
2.1.3 Variasi Bentuk Koch Snowflake	5
2.2 Luas Koch Snowflake	
2.2.1 Koch Snowflake dengan Luas Bertambah	9
2.2.2 Koch Snowflake dengan Luas Berkurang (<i>Anti Koch Snowflake</i>)	10
2.3 Algoritma dan Pemrograman	
2.3.1 Pengertian Algoritma	11
2.3.2 Pemrograman Komputer	11
2.4 Delphi	
2.4.1 Kontrol Program	13

2.4.2 Function dan Procedure.....	15
BAB III HASIL DAN PEMBAHASAN	
3.1 Prosedur Membangun Kurva <i>Koch</i>	16
3.2 Prosedur untuk Memangkitkan Kurva <i>Koch</i> pada Poligon Reguler Bersisi- <i>n</i>	21
3.3 Algoritma Membangun Fraktal <i>Koch Snowflake</i>	22
3.4 Algoritma Menghitung Luas Fraktal <i>Koch Snowflake</i>	23
3.5 Hasil Program.....	25
BAB IV KESIMPULAN DAN SARAN	
4.1 Kesimpulan	32
4.2 Saran	32

DAFTAR PUSTAKA

LAMPIRAN



DAFTAR GAMBAR

Gambar 2.1	Proses pembentukan Kurva Koch	4
Gambar 2.2	<i>Koch Snowflake</i>	4
Gambar 2.3	<i>Koch Snowflake</i> dengan inisiator segitiga samasisi	5
Gambar 2.4	<i>Koch Snowflake</i> dengan inisiator bujursangkar.....	6
Gambar 2.5	<i>Anti Koch Snowflake</i> dengan inisiator poligon beraturan bersisi 6.....	6
Gambar 2.6	<i>Anti Koch Snowflake</i> dengan inisiator segitiga samasisi.....	7
Gambar 2.7	<i>Anti Koch Snowflake</i> dengan inisiator bujursangkar.....	7
Gambar 2.8	<i>Anti Koch Snowflake</i> dengan inisiator poligon beraturan bersisi 6.....	8
Gambar 2.9	<i>Koch Snowflake</i> Kuadratik	8
Gambar 2.10	<i>Koch Snowflake</i> dengan generator segitiga yang mempertahankan luas	9
Gambar 2.11	Ukuran sisi pada setiap iterasi	10
Gambar 3.1	Kurva Koch level ke-1 generator segitiga samasisi	16
Gambar 3.2	Kurva Koch level ke-1 generator bujursangkar	19
Gambar 3.3	Kurva <i>Anti Koch</i> level ke-1 generator segitiga samasisi.....	20
Gambar 3.4	Kurva <i>Anti Koch</i> level ke-1 generator bujursangkar	21
Gambar 3.5	Tampilan menu pilihan.....	26
Gambar 3.6	Tampilan program fraktal <i>Koch Snowflake</i> dengan generator segitiga samasisi	26
Gambar 3.7	Fraktal <i>Koch snowflake</i> dengan generator segitiga samasisi pada inisiator poligon regular bersisi 6 untuk level 0-9	27
Gambar 3.8	Tampilan program fraktal <i>Anti Koch Snowflake</i> dengan generator segitiga samasisi	27
Gambar 3.9	Fraktal <i>Anti Koch snowflake</i> dengan generator segitiga samasisi pada inisiator poligon regular bersisi 6 untuk level 0-9	28
Gambar 3.10	Fraktal <i>Koch Snowflake</i> dengan generator segitiga samakaki pada inisiator poligon regular bersisi 6 untuk level 0-9	28

Gambar 3.11	Fraktal <i>Anti Koch Snowflake</i> dengan generator segitiga samakaki pada inisiator poligon regular bersisi 6 untuk level 0-9	29
Gambar 3.12	Fraktal <i>Koch Snowflake</i> dengan generator bujursangkar pada inisiator poligon regular bersisi 6 untuk level 0-9	29
Gambar 3.13	Fraktal <i>Anti Koch Snowflake</i> dengan generator bujursangkar pada inisiator poligon regular bersisi 6 untuk level 0-9	30
Gambar 3.14	Tampilan perhitungan luas fraktal <i>Koch Snowflake</i> dengan generator segitiga samasisi pada level ke 5000, inisiator poligon reguler bersisi 19000, panjang sisi 5000.....	30
Gambar 3.15	Fraktal <i>Koch Snowflake</i> dengan generator segitiga samasisi pada inisiator poligon reguler bersisi 6 untuk level ke 9 dan 10.....	31

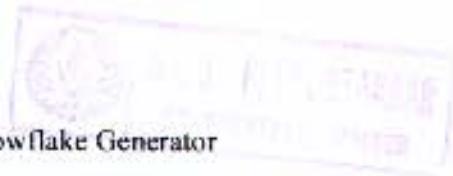
DAFTAR LAMPIRAN

Lampiran 1 Bagan Alir Program Penyajian Grafik dan Luas Fraktal Koch Snowflake pada Level ke-n dengan menggunakan Borland Delphi 6.0

Lampiran 1.1 Bagan Alir Program Menu.....	L-1
Lampiran 1.2 Bagan Alir Unit SamaSisi.....	L-2
Lampiran 1.3 Bagan Alir Prosedur SpinEditChange	L-2
Lampiran 1.4 Bagan Alir Prosedur GambarSamaSisi.....	L-3
Lampiran 1.5 Bagan Alir Prosedur Gambar.....	L-3
Lampiran 1.6 Bagan Alir Prosedur BuatSegmen.....	L-4
Lampiran 1.7 Bagan Alir Prosedur HitungSamaSisi	L-5
Lampiran 1.8 Bagan Alir LuasSamaSisi	L-6
Lampiran 1.9 Bagan Alir Unit SamaKaki	L-7
Lampiran 1.10 Bagan Alir GambarSamaKaki	L-7
Lampiran 1.11 Bagan Alir Unit LuasSamaKaki.....	L-8
Lampiran 1.12 Bagan Alir Unit BujurSangkar.....	L-9
Lampiran 1.13 Bagan Alir Prosedur GambarBujurSangkar	L-9
Lampiran 1.14 Bagan Alir Prosedur GambarBS	L-10
Lampiran 1.15 Bagan Alir Prosedur BuatSegmenBS.....	L-10
Lampiran 1.16 Bagan Alir Prosedur HitungBS	L-11
Lampiran 1.17 Bagan Alir Unit LuasBujurSangkar	L-12
Lampiran 1.18 Tabel Keterangan Simbol Bagan Alir	L-13

Lampiran 2 List Program Meyajikan Grafik Fraktal Koch Snowflake dengan Generator Segitiga Samasisi, Samakaki dan Bujursangkar Beserta Perhitungan Luasnya

Lampiran 2.1 List Program Menu.....	L-14
Lampiran 2.2 List Program Fraktal Koch Snowflake Generator Samasisi ...	L-15
Lampiran 2.3 List Program Menggambar Fraktal Koch Snowflake Generator Segitiga Samasisi	L-18



Lampiran 2.4 List Program Menghitung Luas Koch Snowflake Generator Samasaki	L-22
Lampiran 2.5 List Program Fraktal Koch Snowflake Generator Samakaki... L-24	
Lampiran 2.6 List Program Menggambar Fraktal Koch Snowflake Generator Samakaki	L-26
Lampiran 2.7 List Program Menghitung Luas Koch Snowflake Generator Segitiga Samakaki	L-29
Lampiran 2.8 List Program Fraktal Koch Snowflake Generator Bujursangkar	L-31
Lampiran 2.9 List Program Menggambar Fraktal Koch Snowflake Generator Bujursangkar.....	L-34
Lampiran 2.10 List Program Menghitung Luas Koch Snowflake Dengan Generator Bujursangkar.....	L-38



1.1 Latar Belakang

Ilmu pengetahuan dan teknologi saat ini berkembang sangat pesat terutama setelah ditemukannya komputer. Komputer akan memudahkan manusia untuk melakukan perhitungan matematika atau perhitungan lainnya. Selain itu paket-paket program komputer yang tersedia dapat digunakan untuk menampilkan grafik suatu kurva secara cepat dan mudah.

Salah satu bidang matematika yang berkembang cukup pesat dengan adanya komputer ini adalah geometri fraktal atau lebih dikenal dengan istilah fraktal. Fraktal pertama kali diperkenalkan oleh Benoit Mandelbrot pada tahun 1975. Benoit Mandelbrot merupakan seorang perintis dalam penyelidikan tentang *self-similarity* (kesebangunan diri), yaitu sifat yang sangat penting dalam fraktal. Mandelbrot menggunakan istilah *fractal* (yang berasal dari kata *fractional dimensional*), untuk menunjuk kurva-kurva yang mempunyai sifat *self-similarity*. Sifat *self-similarity* pada prinsipnya identik dengan kesebangunan. Suatu objek dikatakan *self-similarity* jika perubahan ukurannya tidak mengubah bentuknya.

Koch Snowflake yang merupakan salah satu contoh fraktal yang juga dikenal sebagai pulau Koch, pertama kali digambarkan oleh Helge Von Koch, seorang matematikawan Swedia pada tahun 1904. *Koch Snowflake* dibangun dari kurva *Koch* takhingga yang digandakan pada segitiga sama sisi.

Kurva *Koch* ini dibangun dari sebuah segmen garis yang dibagi menjadi tiga bagian yang sama dan bagian tengahnya diubah bentuknya menjadi segitiga sama sisi tanpa alas sehingga membentuk kurva *Koch* dengan empat segmen garis. Untuk orde berikutnya kurva *Koch* ini dibentuk dengan membagi setiap segmen garis dari kurva *Koch* orde sebelumnya menjadi tiga bagian, dan bagian tengahnya diubah menjadi segitiga sama sisi tanpa alas. Proses ini juga berlaku untuk kurva orde yang lebih tinggi, sehingga untuk menggambarkan kurva ini untuk orde tinggi sulit dilakukan dengan cara manual.

Kamil (2004), telah memformulasikan luas fraktal *Koch Snowflake* dengan generator segitiga samasisi, samakaki, dan bujursangkar pada inisiatör segitiga samasisi dan poligon reguler bersisi- n . Dengan bantuan komputer, kurva *Koch* dan *Koch Snowflake* dapat dibangun dan dibangkitkan melalui proses iterasi. Sehingga dari yang diuraikan diatas menarik untuk dikaji bagaimana cara membangun dan menampilkan gambar kurva *Koch* dan *Koch Snowflake* dengan menggunakan program komputer. Dalam hal ini program yang digunakan adalah Borland Delphi 6.0.

1.2 Perumusan Masalah

Masalah yang akan dibahas dalam skripsi ini adalah bagaimana algoritma dan program untuk menggambarkan kurva *Koch* dan fraktal *Koch Snowflake* serta variasinya yang dibangun pada inisiatör berupa poligon reguler bersisi- n dengan generator segitiga sama sisi, sama kaki, dan bujur sangkar berserta perhitungan luasnya.

1.3 Tujuan

Tujuan dari penelitian ini adalah untuk mendapatkan algoritma dan program untuk menggambarkan kurva *Koch* beserta variasinya dan fraktal *Koch Snowflake* dengan generator segitiga samasisi, samakaki, dan bujursangkar pada inisiatör berupa poligon reguler bersisi- n sehingga didapatkan bentuk fraktal *Koch Snowflake* yang lebih menarik. Selain itu juga untuk mendapatkan algoritma dan program menghitung luas fraktal *Koch Snowflake* beserta variasinya (*Koch snowflake* dengan luas bertambah dan luas berkurang).

1.4 Manfaat

Manfaat yang didapatkan dalam penelitian ini adalah memudahkan kita untuk dapat menggambarkan objek-objek di alam yang memiliki kemiripan sifat dengan *Koch Snowflake*. Lebih lanjut konsep fraktal dapat digunakan untuk mendesain suatu pola yang lebih artistik.



2.1 Fraktal

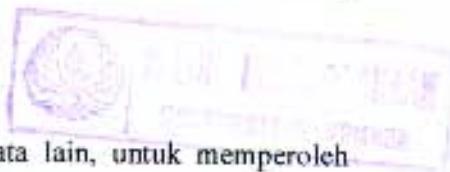
2.1.1 Pengertian Fraktal

Self-similarity merupakan suatu keadaan objek yang dibangun secara berulang dengan mengganti suatu gambar dengan yang sebangun, tetapi berukuran lebih kecil dari asalnya. Ini berarti bahwa sekecil apapun gambar tersebut, apabila diperbesar tetap mempunyai bentuk yang sama.

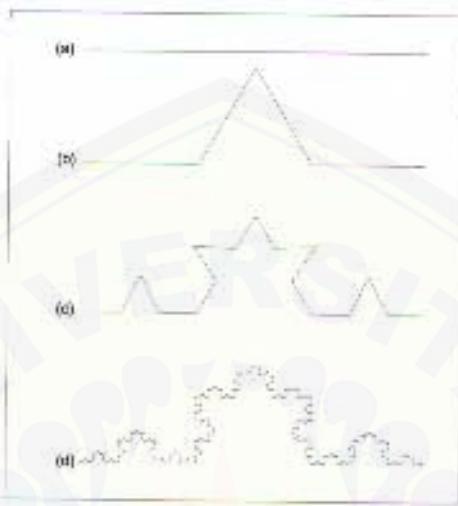
Kata fraktal berasal dari bahasa latin *fractus* (memecahkan/menguraikan) dan kata kerja dalam bahasa latin *frangere*, yang berarti meretakkan atau membagi menjadi kepingan-kepingan. Menurut Benoit Mandelbrot fraktal merupakan bentuk geometri yang tampak kasar atau berupa sebuah pecahan yang dapat dibagi lagi pada bagian-bagiannya, masing-masing bagian merupakan (setidak-tidaknya) bentuk turunan yang diperbanyak dari ukuran keseluruhannya. Sedangkan definisi fraktal secara matematik sebagai suatu himpunan titik-titik yang memiliki dimensi fraktal melebihi dimensi topologinya (Bourke, 1991).

2.1.2 Fraktal Koch Snowflake

Salah satu contoh kurva yang memiliki sifat *self-similarity* adalah kurva *Koch* yang merupakan generator dari pembentukan fractal *Koch Snowflake*. Kurva *Koch* didasarkan pada garis-garis yang mempunyai arah tertentu dan dihubungkan satu sama lain, sehingga terbentuk suatu garis yang sangat panjang pada suatu daerah yang terbatas. Langkah-langkah pembentukan kurva *Koch* dimulai dengan sebuah garis lurus (Gambar 2.1.a). Untuk membentuk kurva *Koch* orde satu, yaitu K_1 , garis tersebut dibagi menjadi tiga bagian, dan bagian tengah diubah menjadi segitiga samasisi tanpa alas, sehingga membentuk bangun dengan empat buah segmen garis (Gambar 2.1.b). Untuk membentuk kurva *Koch* orde dua K_2 , dibentuk dengan membagi setiap segmen garis dari kurva *Koch* orde satu menjadi tiga bagian, dan bagian tengahnya diubah menjadi segitiga samasisi (gambar 2.1.c). Dengan cara yang sama, kurva *Koch* untuk orde yang lebih tinggi bisa



diperoleh dari kurva *Koch* sebelumnya. Dengan kata lain, untuk memperoleh kurva *Koch* orde-*i*, setiap segmen yang ada pada kurva *Koch* orde *i*-1 dibagi menjadi tiga bagian sama panjang, dan bagian tengahnya diubah menjadi bangun dengan sisi yang sama tanpa alas.



Gambar 2.1 Proses pembentukan Kurva Koch

Fraktal *Koch Snowflake* (Gambar 2.2) dibangun dari kurva *Koch* yang dibangkitkan pada sisi-sisi segitiga samasisi, didasarkan pada garis-garis yang mempunyai arah tertentu dan dihubungkan satu sama lain. Variasi *Koch Snowflake* dapat dilakukan dengan cara mengkombinasikan antara inisiator dan generatornya (Kamil, 2004).



Gambar 2.2 Koch Snowflake

2.1.3 Variasi Bentuk Koch Snowflake

a. Variasi Koch Snowflake dengan luas bertambah

Pada dasarnya variasi dari *Koch Snowflake* ini dapat dilakukan dengan cara membangkitkan berbagai generator pada sebarang segmen garis. Akan tetapi, yang akan dibahas adalah yang menghasilkan segmen garis yang kongruen. Pengembangan variasi *Koch Snowflake* dengan luas bertambah dilakukan dengan cara membangkitkan generatornya dengan arah yang melebar keluar pada sisi-sisi inisiatornya.

Beberapa gambar di bawah ini mengilustrasikan berbagai variasi *Koch Snowflake* dengan generator segitiga dan bujursangkar yang dibangkitkan pada inisiator segitiga samasisi (Gambar 2.3), bujursangkar (Gambar 2.4) dan poligon beraturan (Gambar 2.5).



a. Generator Segitiga samasisi



b. Generator segitiga samakaki



c. Generator bujursangkar

Gambar 2.3 *Koch Snowflake* dengan inisiatör segitiga samasisi

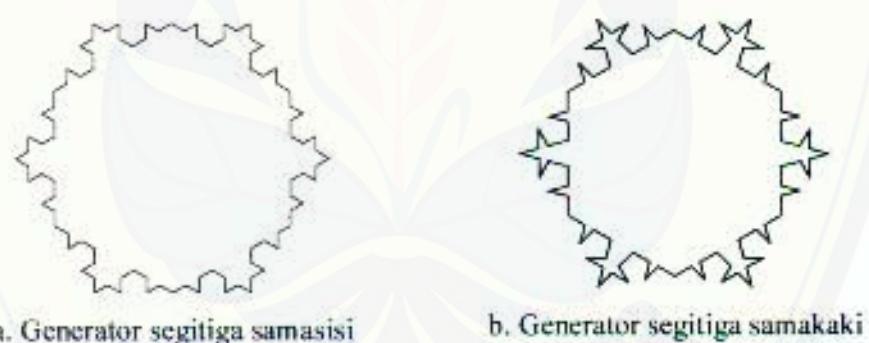


a. Generator segitiga samasisi

b. Generator segitiga samakaki

c. Generator bujursangkar

Gambar 2.4 *Koch Snowflake* dengan inisiator bujursangkar



a. Generator segitiga samasisi

b. Generator segitiga samakaki

c. Generator bujursangkar

Gambar 2.5 *Koch Snowflake* dengan inisiator poligon beraturan bersisi 6

b. Variasi *Koch Snowflake* dengan luas berkurang

Variasi *Koch Snowflake* ini dilakukan dengan cara mengubah arah melebaranya kurva *Koch* ke dalam atau pusat inisiatornya. Variasi yang dihasilkan ini dikenal sebagai *Anti Koch Snowflake*. Berikut adalah beberapa *Anti Koch Snowflake* yang dibangkitkan dari generator segitiga samasisi, samakaki dan bujursangkar pada beberapa poligon kongruen bersisi- n .



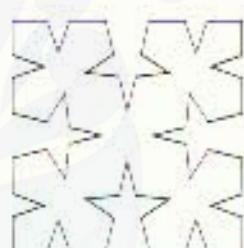
a. Generator segitiga samasisi

b. Generator segitiga samakaki

Gambar 2.6 *Koch Snowflake* dengan inisiatör segitiga samasisi



a. Generator segitiga samasisi

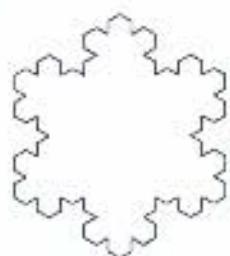


b. Generator segitiga samakaki

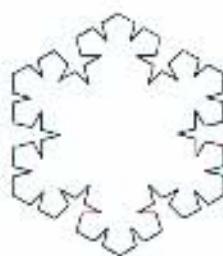


c. Generator bujursangkar

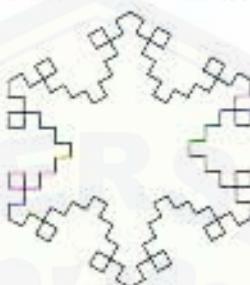
Gambar 2.7 *Koch Snowflake* dengan inisiatör bujursangkar



a. Generator segitiga samasisi



b. Generator segitiga samakaki



c. Generator bujursangkar

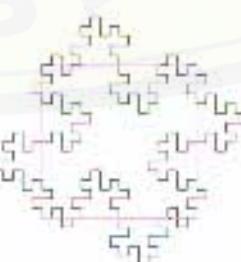
Gambar 2.8 *Koch Snowflake* dengan inisiatör poligon bersisi 6

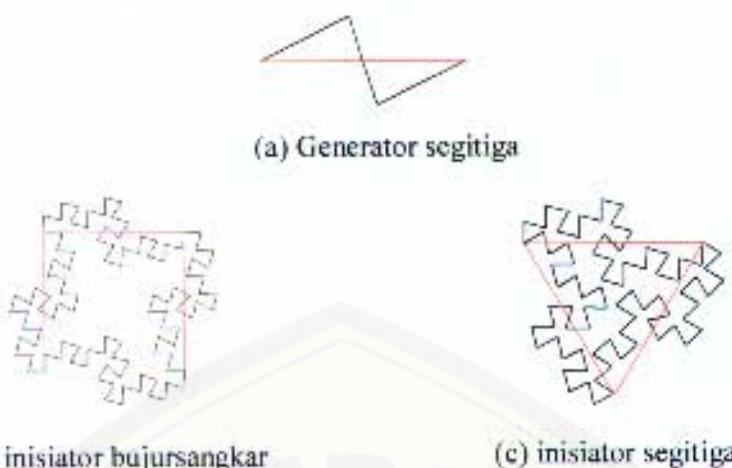
c. Variasi *Koch Snowflake* dengan mempertahankan luas

Variasi *Koch Snowflake* ini merupakan perpaduan antara *Koch Snowflake* dengan luas bertambah dan *Koch Snowflake* dengan luas berkurang. Dengan adanya kombinasi pada generatornya akan dihasilkan bentuk *Koch Snowflake* dengan tampilan lebih menarik dan tetap mempertahankan luas, yaitu sebesar luas inisiatornya. Generator yang digunakan merupakan variasi bentuk bujursangkar dengan arah kurva yang melebar keluar dan kedalam sisi-sisi inisiatör secara kongruen, dikenal sebagai kurva *Koch* kuadratik (Paul Addison, 1997) (Gambar 2.9) dan segitiga (Gambar 2.10).



a. Generator kuadratik

b. *Koch Snowflake* pada inisiatör bujursangkarGambar 2.9 *Koch Snowflake* Kuadratik



Gambar 2.10 *Koch Snowflake* dengan generator segitiga yang mempertahankan luas

2.2 Luas *Koch Snowflake*

Kamil (2004) telah memformulasikan luas fraktal *Koch Snowflake*. Metode yang digunakan untuk menentukan luas *Koch Snowflake* adalah dengan membangun deret geometri yang merupakan penjumlahan luas semua bidang yang dibangkitkan oleh generator pada masing-masing tingkatan iterasi kurva *Koch*. Langkah pertama, menentukan luas inisiator yang berbentuk poligon beraturan bersisi- n dengan panjang sisi sama dengan L , misal A . Kedua, ditentukan penambahan atau pengurangan luas akibat dibangkitkannya suatu generator. Misalkan penambahan atau pengurangan luas pada setiap sisi adalah T . Maka, luas *Koch Snowflake* dengan inisiator poligon bersisi- n adalah $A \pm nT$.

2.2.1 *Koch Snowflake* dengan Luas Bertambah

Luas *Koch Snowflake* dengan panjang sisi inisiatornya L , untuk iterasi $i = 1, 2, 3, \dots$ pada:

- Generator segitiga samasisi yang dibangkitkan pada inisiator poligon beraturan bersisi- n adalah:

$$\text{Luas} = \frac{nL^2 \cos\left(\frac{\pi}{n}\right)}{4 \sin\left(\frac{\pi}{n}\right)} + n \frac{\sqrt{3}L^2}{36} \sum_{i=1}^{\infty} \left(\frac{4}{9}\right)^{i-1} \quad (2.1)$$

2. Generator segitiga samakaki yang dibangkitkan pada inisiatör Poligon beraturan bersisi- n adalah:

$$\text{Luas} = \frac{nL^2}{4} \left(\frac{\cos(\frac{\pi}{n})}{\sin(\frac{\pi}{n})} + (1-2p)(4p-1)^{1/2} \sum_{i=1}^{\infty} (4p^2)^{i-1} \right) \quad (2.2)$$

atau

$$\text{Luas} = \frac{nL^2}{4} \left(\frac{\cos(\frac{\pi}{n})}{\sin(\frac{\pi}{n})} + q(1-2q)^{1/2} \sum_{i=1}^{\infty} (1-q)^{2(i-1)} \right) \quad (2.3)$$

Pada generator segitiga samakaki, diambil beberapa asumsi, yaitu pada setiap iterasi berlaku :

- Perbandingan p dan q adalah sama.
- $2p > q$

dengan p dan q masing masing adalah ukuran sisi miring dan alas dari segitiga samakaki pada generator, dalam hal ini diasumsikan juga, untuk setiap iterasi berlaku $2p+q$ sama dengan panjang garis yang dipartisi (Gambar 2.11), dan berlaku juga bahwa $2p+q=1$ untuk setiap iterasi.



Gambar 2.11 Ukuran sisi pada setiap iterasi

3. Generator bujursangkar yang dibangkitkan pada inisiatör poligon beraturan bersisi- n adalah:

$$\text{Luas} = nL^2 \left(\frac{1}{4} \frac{\cos(\frac{\pi}{n})}{\sin(\frac{\pi}{n})} + \frac{1}{9} \sum_{i=1}^{\infty} \left(\frac{5}{9} \right)^{i-1} \right) \quad (2.4)$$

2.2.2 Koch Snowflake dengan Luas Berkurang (Anti Koch Snowflake)

Formulasi perhitungan luas Anti Koch Snowflake untuk iterasi $i = 1, 2, 3, \dots$ pada:

- Generator segitiga samasisi yang dibangkitkan pada inisiatör poligon beraturan bersisi- n adalah:

$$\text{Luas} = \frac{nL^2}{4} \frac{\cos(\frac{\pi}{n})}{\sin(\frac{\pi}{n})} - n \frac{\sqrt{3}L^2}{36} \sum_{i=1}^{\infty} \left(\frac{4}{9} \right)^{i-1} \quad (2.5)$$

2. Generator segitiga samakaki yang dibangkitkan pada inisiatör Poligon beraturan bersisi- n adalah:

$$\text{Luas} = \frac{nL^2}{4} \left(\frac{\cos(\frac{\pi}{n})}{\sin(\frac{\pi}{n})} - (1-2p)(4p-1)^{1/2} \sum_{j=1}^n (4p^2)^{j-1} \right) \quad (2.6)$$

atau

$$\text{Luas} = \frac{nL^2}{4} \left(\frac{\cos(\frac{\pi}{n})}{\sin(\frac{\pi}{n})} - q(1-2q)^{1/2} \sum_{j=1}^n (1-q)^{2(j-1)} \right) \quad (2.7)$$

3. Generator bujursangkar yang dibangkitkan pada inisiatör poligon beraturan bersisi- n adalah:

$$\text{Luas} = nL^2 \left(\frac{1}{4} \frac{\cos(\frac{\pi}{n})}{\sin(\frac{\pi}{n})} - \frac{1}{9} \sum_{j=1}^{\infty} \left(\frac{5}{9} \right)^{j-1} \right) \quad (2.8)$$

2.3 Algoritma dan Pemrograman

2.3.1 Pengertian Algoritma

Algoritma adalah urutan langkah instruksi logis yang disusun secara sistematis untuk menyelesaikan suatu masalah (Rinaldi, 1999). Rancangan yang baik untuk suatu algoritma adalah menguraikan prosedur dalam beberapa subprosedur, dari subprosedur ini diuraikan lagi menjadi sub-sub prosedur dan seterusnya. Metode ini disebut rancangan algoritma terstruktur yang memberikan kemudahan pemahaman logika algoritma.

2.3.2 Pemrograman Komputer

Program komputer adalah suatu urutan instruksi untuk dilaksanakan komputer agar hasil tertentu dapat diperoleh. Jadi program komputer merupakan perwujudan atau implementasi dari algoritma yang ditulis dalam bahasa pemrograman tertentu sehingga dapat dilaksanakan oleh komputer (Rinaldi, 1999).



2.4 Delphi

Borland Delphi atau sering dikenal dengan Delphi adalah paket bahasa pemrograman yang bekerja dalam sistem operasi windows. Delphi dapat juga digunakan untuk berbagai aplikasi seperti aplikasi untuk mengolah teks, grafik, angka, database dan aplikasi web.

Delphi menyediakan dua kelompok fasilitas pemrograman, yaitu object dan bahasa pemrograman. Object adalah suatu komponen yang mempunyai bentuk fisik dan dapat dilihat (visual), sedangkan bahasa pemrograman yang digunakan dalam delphi adalah struktur bahasa pemrograman Pascal. Gabungan dari object dan bahasa pemrograman ini sering disebut dengan bahasa pemrograman berorientasi object atau *Object Oriented Programming (OOP)* (Alam, 2001).

2.5 Kontrol Program, Function dan Procedure

2.5.1 Kontrol Program

Delphi mempunyai kontrol program yang digunakan untuk mengatur jalannya program satu per satu, karena dalam satu program terdapat beberapa pernyataan yang dipisahkan dengan tanda titik koma. Berikut ini adalah beberapa kontrol program yang digunakan dalam Delphi:

1. Pengulangan

Kontrol program pengulangan ini ada tiga macam yaitu:

a. Pengulangan **While ... Do**

Bentuk penulisannya adalah :

```
while <kondisi> do  
<Blok pernyataan>;
```

Struktur pengulangan ini digunakan untuk melakukan perulangan satu pernyataan atau satu blok pernyataan, selama kondisi bernilai benar.

b. Pengulangan **Repeat ... Until**

Bentuk penulisannya adalah :

```
repeat  
<Blok pernyataan>;  
until <Kondisi>
```

Struktur pengulangan ini menekankan pada kondisi berhenti, artinya pernyataan akan dilaksanakan berulangkali dan hanya akan berhenti jika kondisi terpenuhi (bernilai benar).

c. Pengulangan For...do

Struktur ini digunakan untuk menghasilkan perulangan sejumlah kali tanpa penggunaan kondisi apapun. Bentuk umumnya ada dua macam yaitu: menaik (*ascending*) dan menurun (*descending*).

Bentuk penulisannya untuk menaik adalah:

```
for nilai_awal to nilai_akhir do <pernyataan>;
```

sedangkan yang menurun adalah sebagai berikut

```
for nilai_akhir downto nilai_awal do <pernyataan>;
```

2. Pencabangan Bersyarat If ... Then ... Else

Pencabangan bersyarat ini digunakan untuk mencabang ke pilihan tertentu berdasar pengujian suatu nilai logika. Bentuk penulisannya seperti berikut ini,

```
If <kondisi> Then <pernyataan>;
```

atau

```
If <kondisi> Then <pernyataan.1> Else <pernyataan.2>;
```

Pernyataan **if** yang pertama akan menguji **<kondisi>** disebelah kanannya, jika **<kondisi>** bernilai benar maka **<pernyataan>** akan dilaksanakan, jika salah maka akan melanjutkan ke pernyataan berikutnya. Bentuk **if** yang kedua akan menguji **<kondisi>** disebelah kanannya, jika **<kondisi>** bernilai benar maka **<pernyataan.1>** akan dilaksanakan, jika **<kondisi>** bernilai salah maka **<pernyataan.2>** akan dilaksanakan .

3. Pencabangan Try ... Finally

Pencabangan **Try ... Finally** dipakai untuk pencabangan yang memiliki kemungkinan kesalahan operasi atau pelaksanaan program. Bentuk penulisannya adalah seperti berikut ini:

```
Try  
    <daftar_pernyataan.1>;  
Finally
```

```
<daftar pernyataan,2>;  
end;
```

Pertama kali program akan menjalankan pernyataan yang ada dibawah pernyataan **Try**. Jika tidak ada kesalahan program akan melaksanakan sampai pernyataan sesudah pernyataan **Finally**. Jika terdapat kesalahan maka hanya akan melaksanakan pernyataan yang ada setelah pernyataan **Finally**.

2.5.2 Function dan Procedure

Function (fungsi) dan procedure adalah suatu rutin (sub program) yang biasanya dipakai sebagai alat untuk melakukan tugas tertentu dan atau mendapatkan nilai tertentu. Function sebenarnya hampir sama dengan procedure, yang membedakan adalah function mempunyai nilai kembalian (*return value*), sedangkan procedure tidak mempunyai nilai kembalian. Pada penulisannya procedure ditulis sebagai suatu pernyataan yang berdiri sendiri, berikut ini adalah contoh penulisan procedure dalam program:

```
Procedure TForm1. FormCreate(Sender: TObject);  
Var  
    <variabel yang digunakan>;  
Begin  
    <blok pernyataan>;  
End;
```

Dan berikut ini adalah beberapa function yang disediakan dalam Delphi:

1. **StrToInt**

Function ini digunakan untuk mendapatkan nilai bertipe extended (salah satu tipe real) dari suatu data string. Bentuk penulisannya seperti berikut,

```
StrToInt (S:String);
```

S adalah data tipe string yang akan diambil nilai extended-nya.

2. **FloatToStr**

Function ini digunakan untuk mendapatkan nilai bertipe string dari suatu data bertipe extended. Bentuk penulisannya seperti berikut,

```
FloatToStr (S:Extended);
```

S adalah data tipe string yang akan diambil nilai Integer-nya

3. **StrToInt**

Function ini digunakan untuk mendapatkan nilai bertipe integer (bilangan bulat) dari suatu data string. Bentuk penulisannya seperti berikut,

```
StrToInt (S:String);
```

S adalah data tipe string yang akan diambil nilai Integer-nya.

4. **IntToStr**

Function ini digunakan untuk mendapatkan nilai bertipe string dari suatu data bernilai real. Bentuk penulisannya seperti berikut,

```
IntToStr (S:integer);
```

S adalah data tipe integer yang akan diambil nilai string-nya.



4.1 Kesimpulan

Dari pembahasan pada bab III dapat diambil kesimpulan bahwa dengan menggunakan bantuan program Borland Delphi 6.0 dapat digambarkan :

1. Grafik fraktal *Koch Snowflake* dan *Anti Koch Snowflake* dengan generator segitiga samasisi sampai level 9 pada generator poligon reguler bersisi sampai dengan 100.
2. Grafik fraktal *Koch Snowflake* dan *Anti Koch Snowflake* dengan generator segitiga samakaki sampai level 9 pada generator poligon reguler bersisi sampai dengan 100.
3. Grafik fraktal *Koch Snowflake* dan *Anti Koch Snowflake* dengan generator bujursangkar sampai level 9 pada generator poligon reguler bersisi sampai dengan 100.

Untuk penyajian grafik dengan level yang lebih tinggi dari 9 memerlukan waktu yang cukup lama dan juga perbedaan tampilan level ke 9 dengan level 10 dan seterusnya sangat kecil sekali disebabkan segmen garis yang dibentuk sangat kecil. Selain itu juga didapatkan perhitungan luas untuk tiap-tiap fraktal yang disajikan.

4.2 Saran

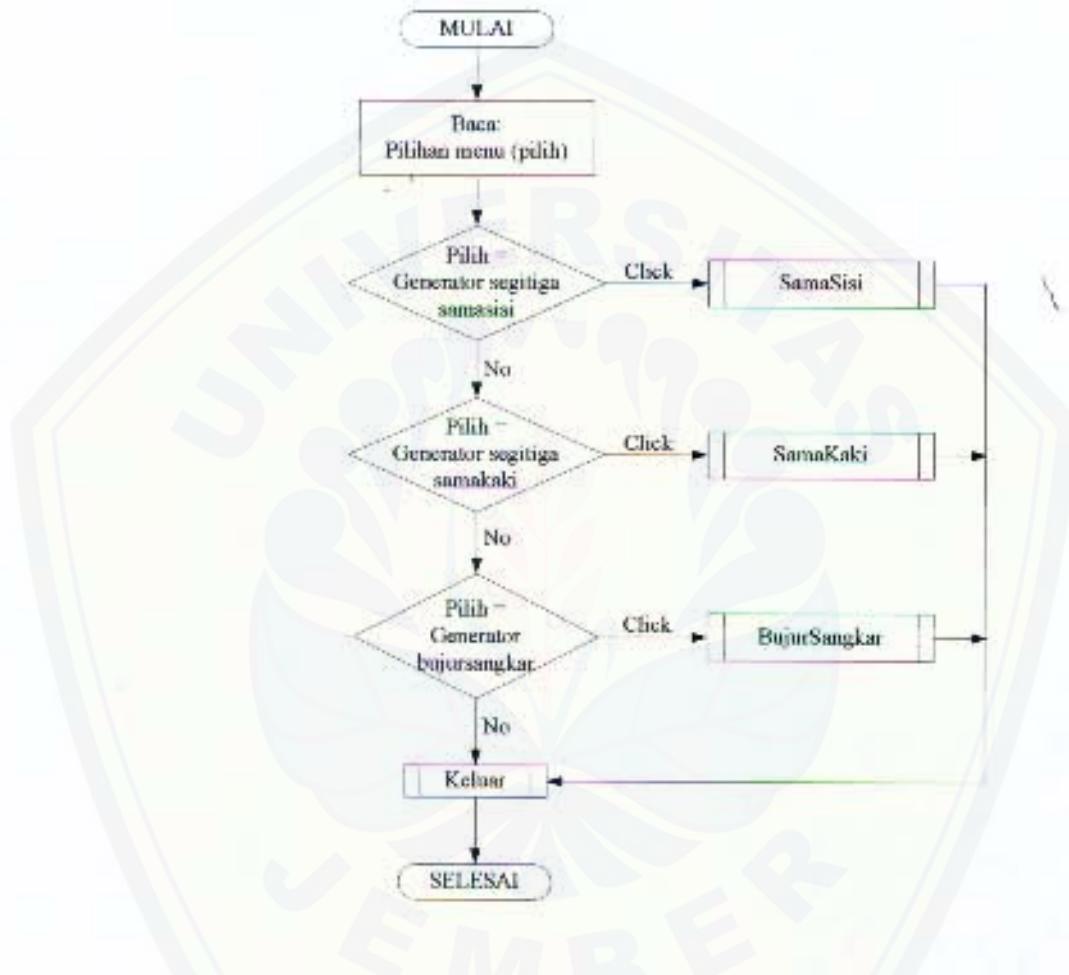
Dalam menyajikan grafik fraktal *Koch Snowflake* dengan menggunakan Borland Delphi 6.0, masih terdapat kekurang sempurnaan diantaranya adalah untuk menampilkan grafik fraktal *Koch Snowflake* pada level yang tinggi sehingga diperlukan adanya batasan untuk input levelnya. Tentu saja tidak mungkin mendapatkan hasil yang sempurna. Namun dengan demikian masih dapat digunakan untuk menyajikan grafik fraktal koch snowflake dengan generator segitiga samasisi, samakaki dan bujursangkar sampai level ke-9. Selain itu juga masih terbuka untuk mengembangkan program dengan beberapa modifikasi yang nantinya dapat menyajikan grafik fraktal dengan generator yang berbeda dan level yang lebih tinggi.

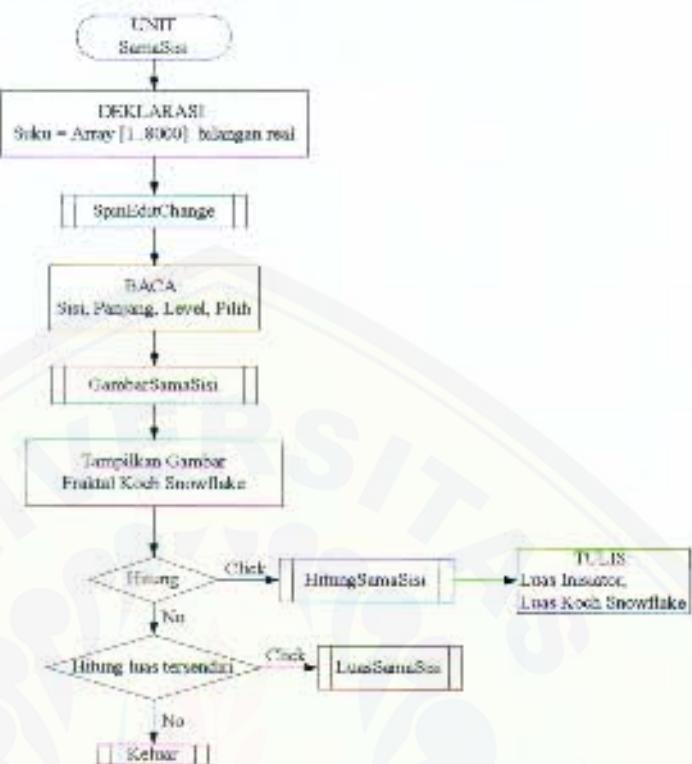
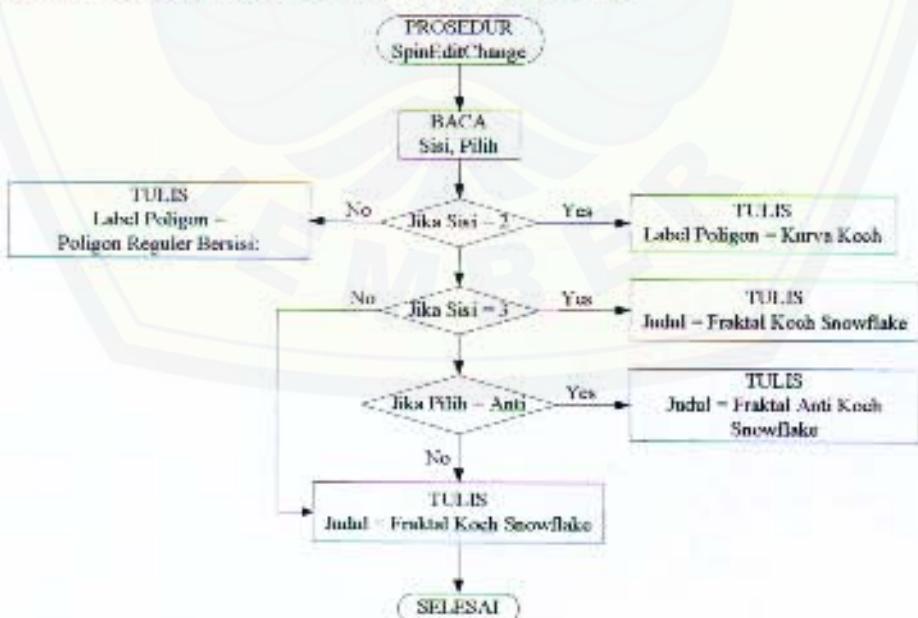
DAFTAR PUSTAKA

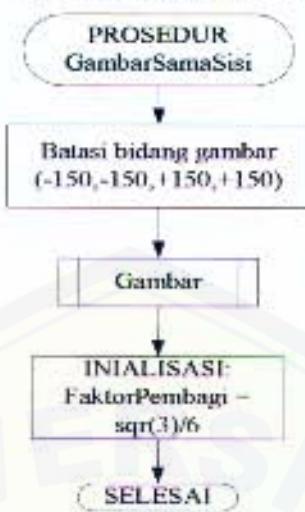
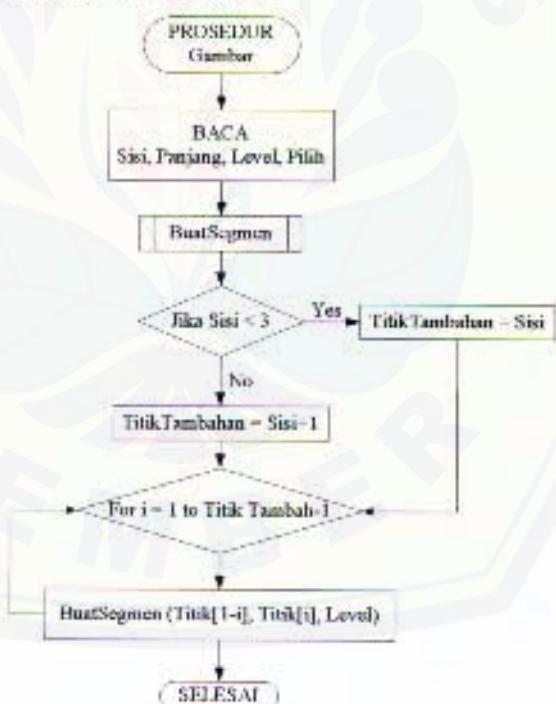
- Addison P. S., 1997, *Fractal and caos an Illustrated Course*, Institute of Publishing, London.
- Agus M., Alam J., 2001, *Belajar Sendiri Borland Delphi 6.0*, PT Elex Media Komputindo Kelompok Gramedia, Jakarta.
- Bourke P., 1991, *An Introduction to Fractals*,
<http://www.astronomy.swin.edu.au/~pbourke/fractals/francito.htm>
- Falconer K., 1990, *Fractal Geometry Mathematical Foundations and Applications*, John Wiley and Sons, Chichester, New York, Brisbane, Toronto, Singapore.
- Jogiyanto, 1989, *Teori dan Aplikasi Program Komputer Bahasa Pascal*, Andi Offset, Yogyakarta.
- Kamil A., 2004, *Penentuan Luas Fraktal Koch Snowflake*, Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam Universitas Jember, Jember.
- Munir R., 1999, *Algoritma dan Pemrograman Bahasa Pascal dan C*, CV. Informatika, Bandung.

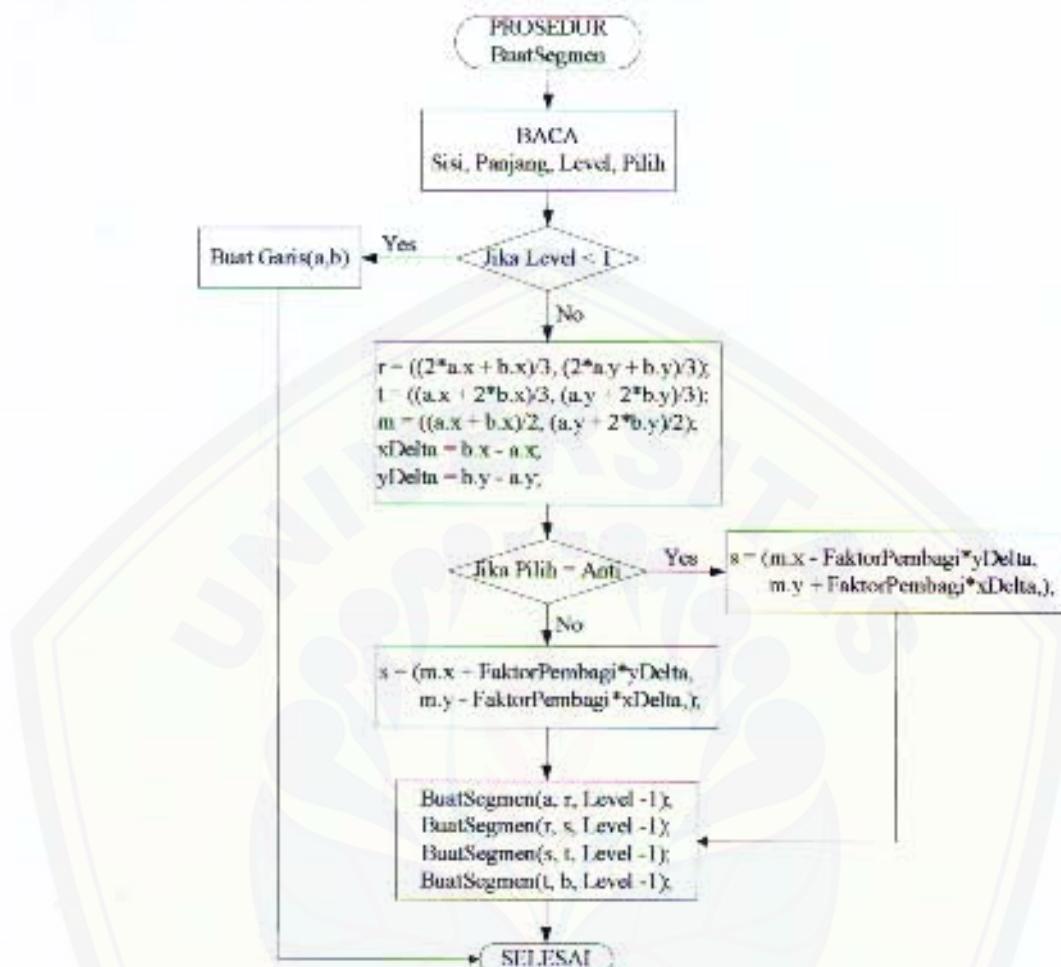
Lampiran 1:

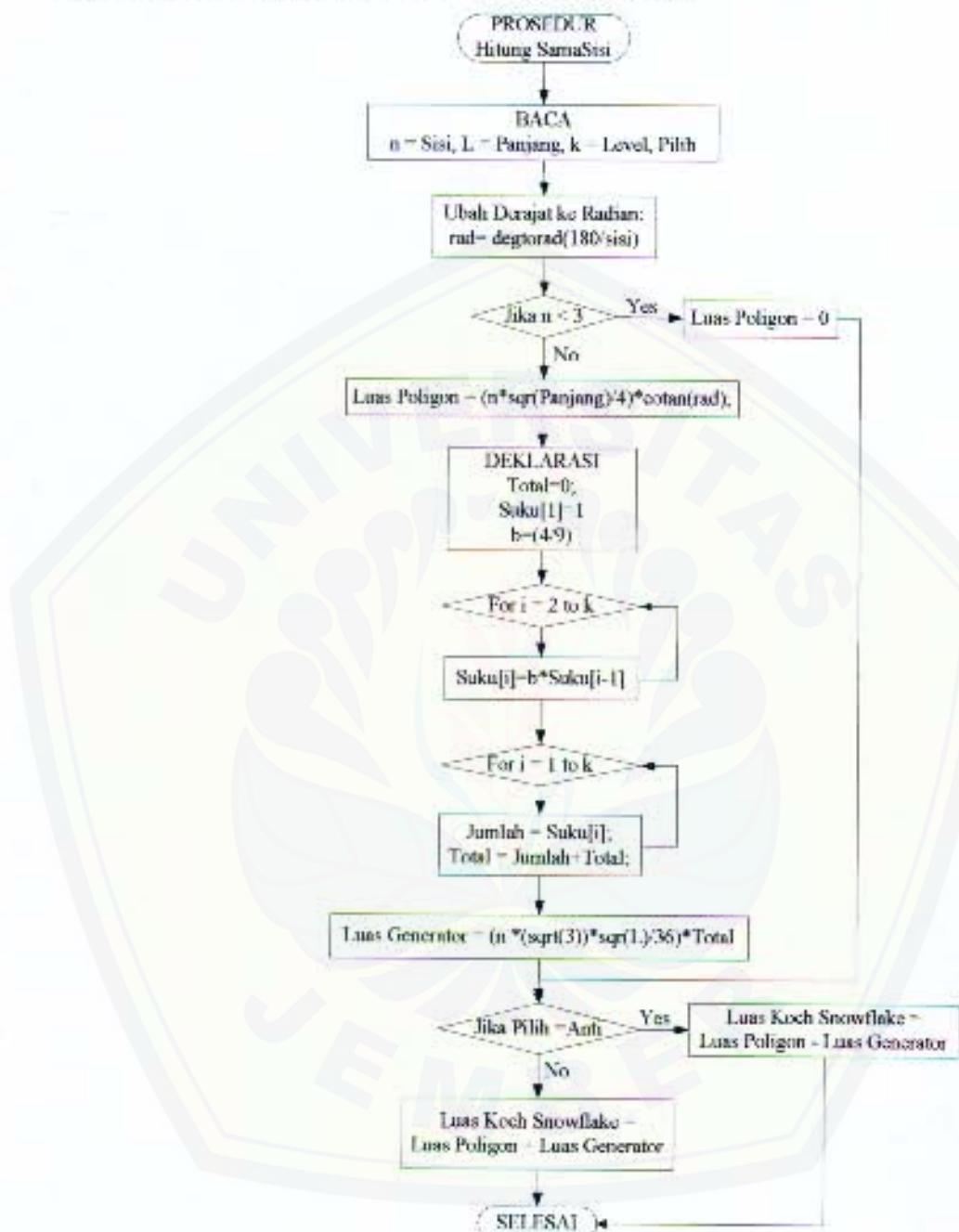
Bagan Alir Program Penyajian Grafik dan Luas Fraktal Koch Snowflake pada Level ke- n dengan menggunakan Borland Delphi 6.0.

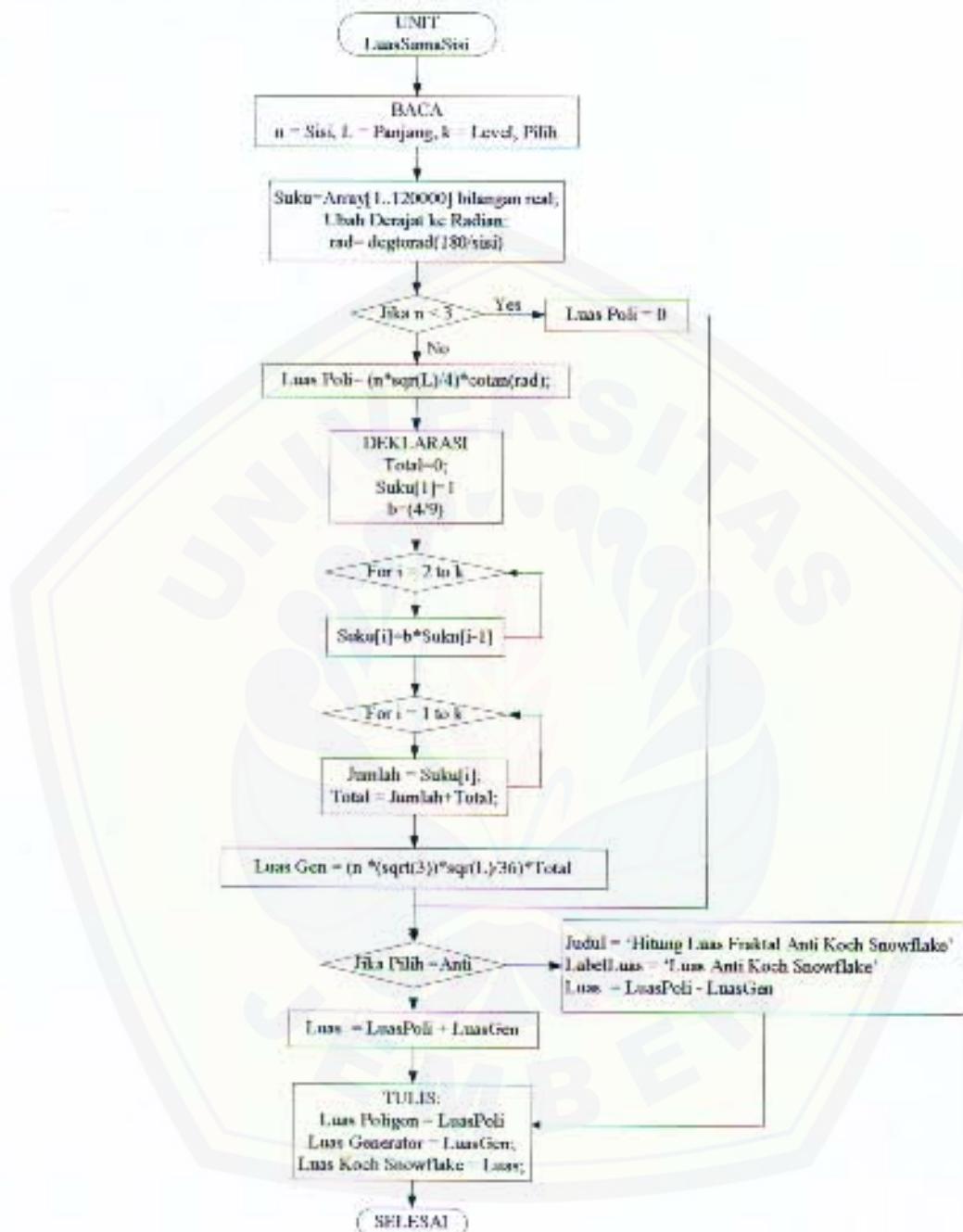
Lampiran 1.1 Bagan Alir Program Menu

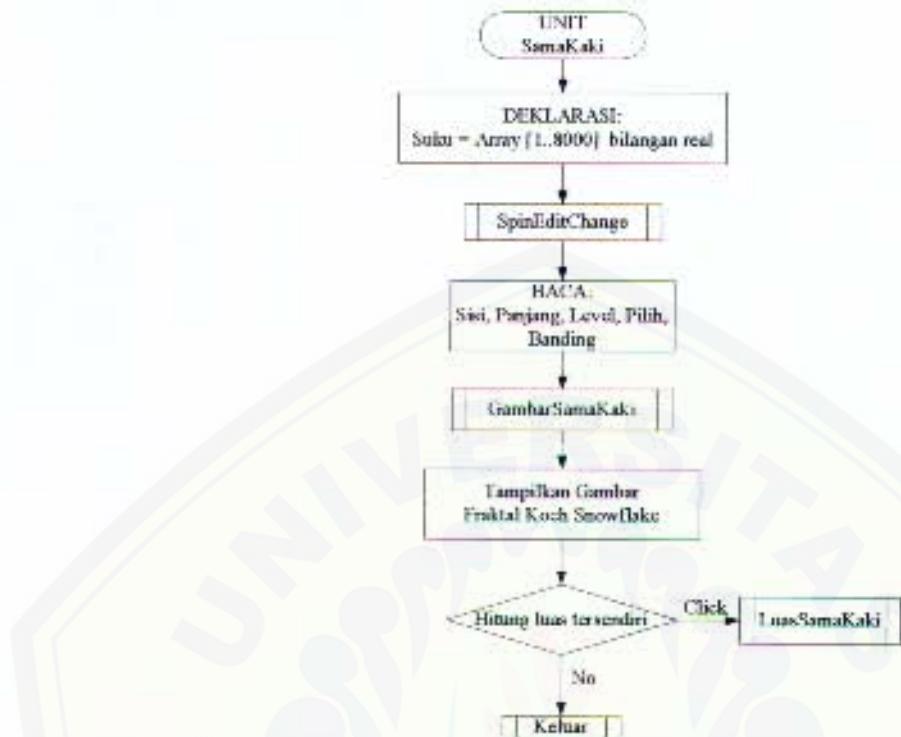
Lampiran 1.2 Bagan Alir Unit SamaSisi**Lampiran 1.3 Bagan Alir Prosedur SpinEditChange**

Lampiran 1.4 Bagan Alir Prosedur GambarSamaSisi**Lampiran 1.5 Bagan Alir Prosedur Gambar**

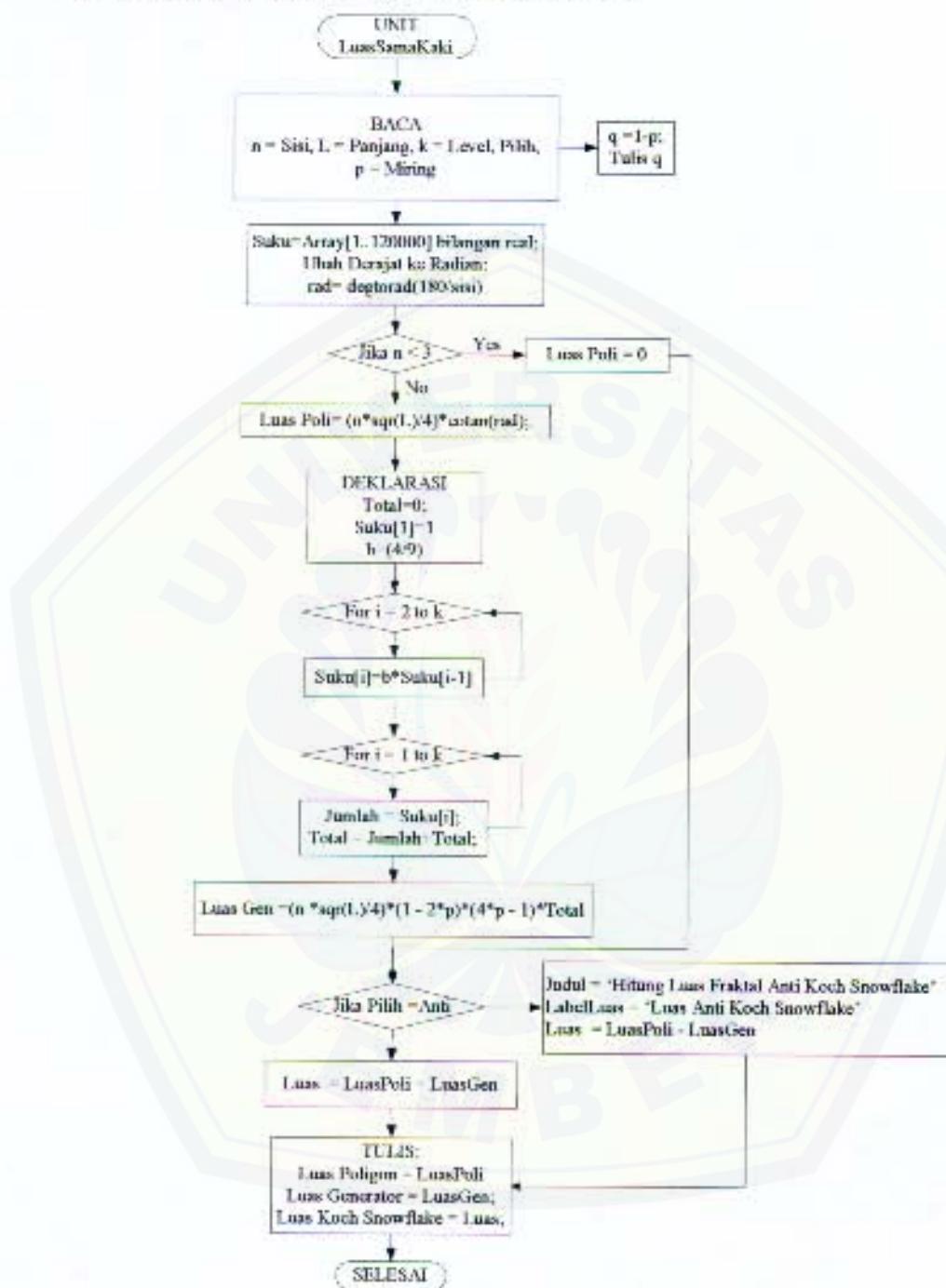
Lampiran 1.6 Bagan Alir Prosedur BuatSegmen

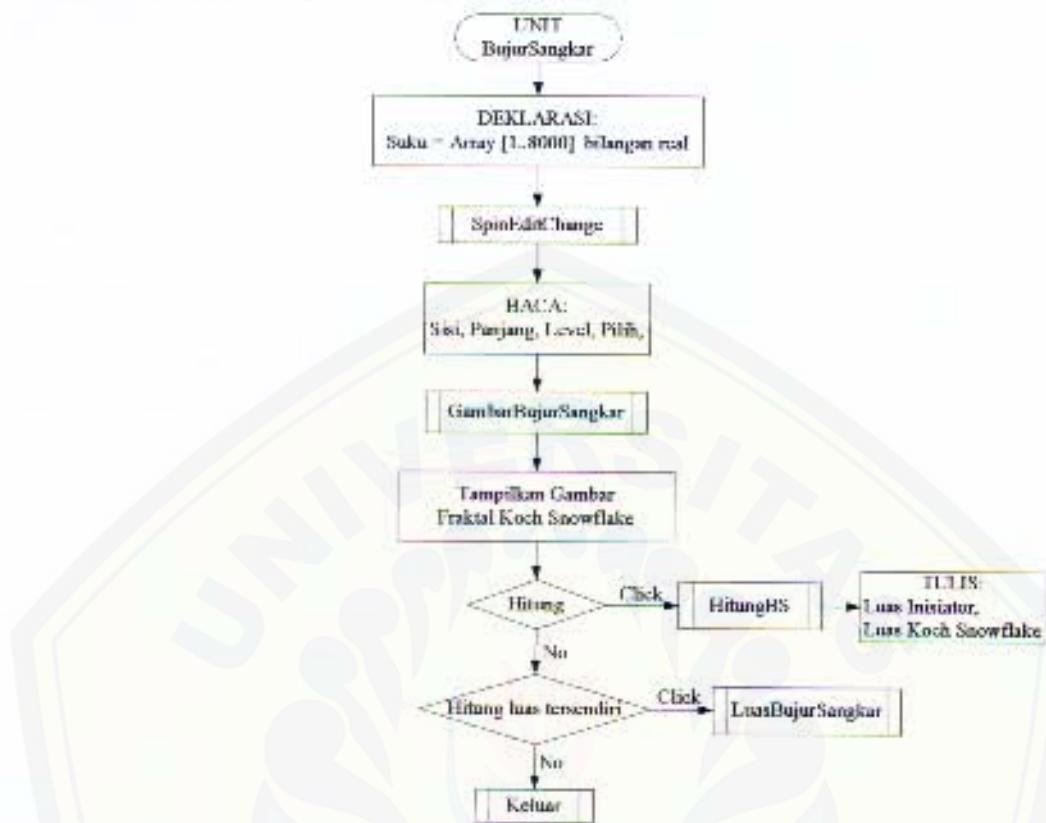
Lampiran 1.7 Bagan Alir Prosedur HitungSamaSisi

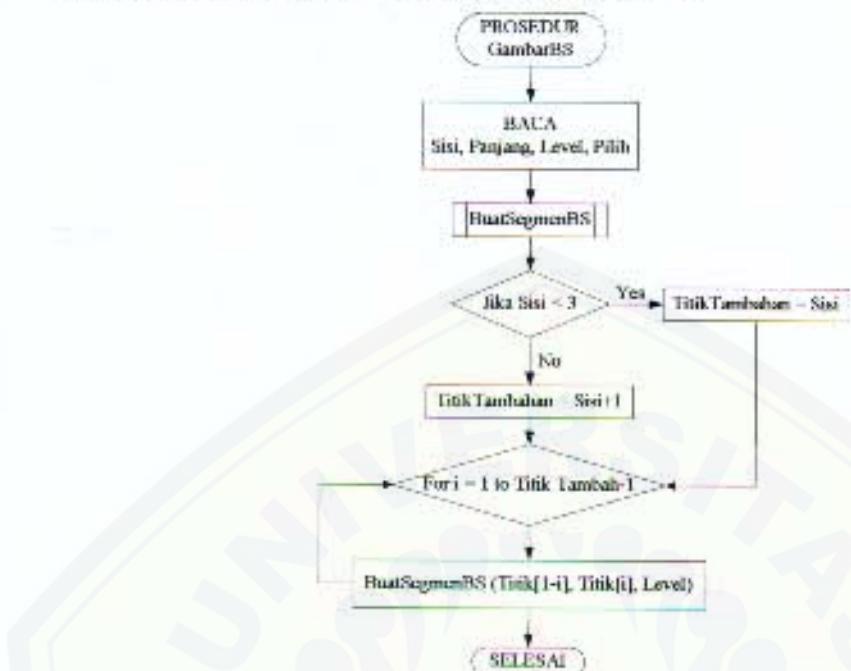
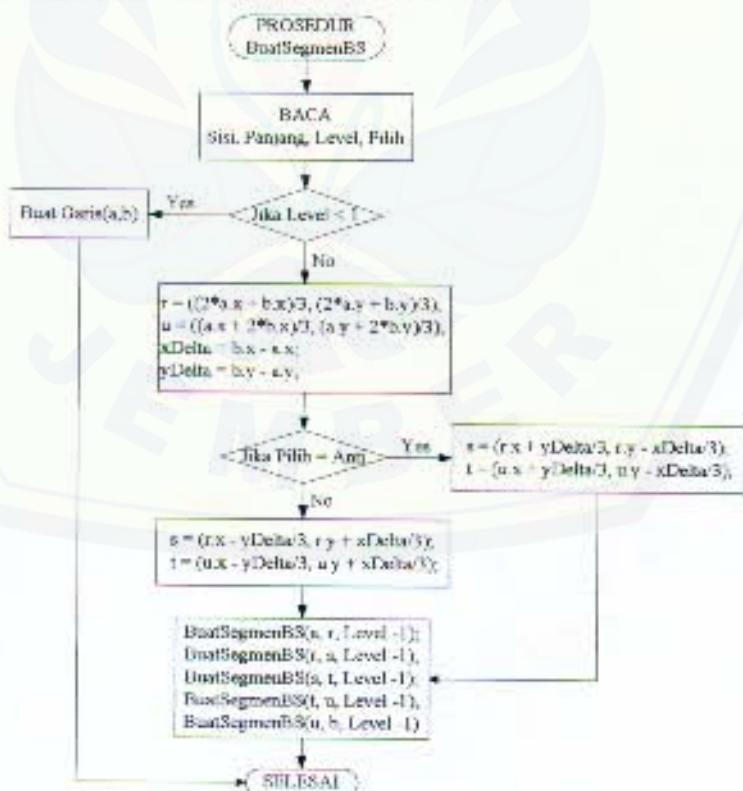
Lampiran 1.8 Bagan Alir LuasSamaSisi

Lampiran 1.9 Bagan Alir Unit SamaKaki**Lampiran 1.10 Bagan Alir GambarSamaKaki**

Lampiran 1.11 Bagan Alir Unit LuasSamaKaki

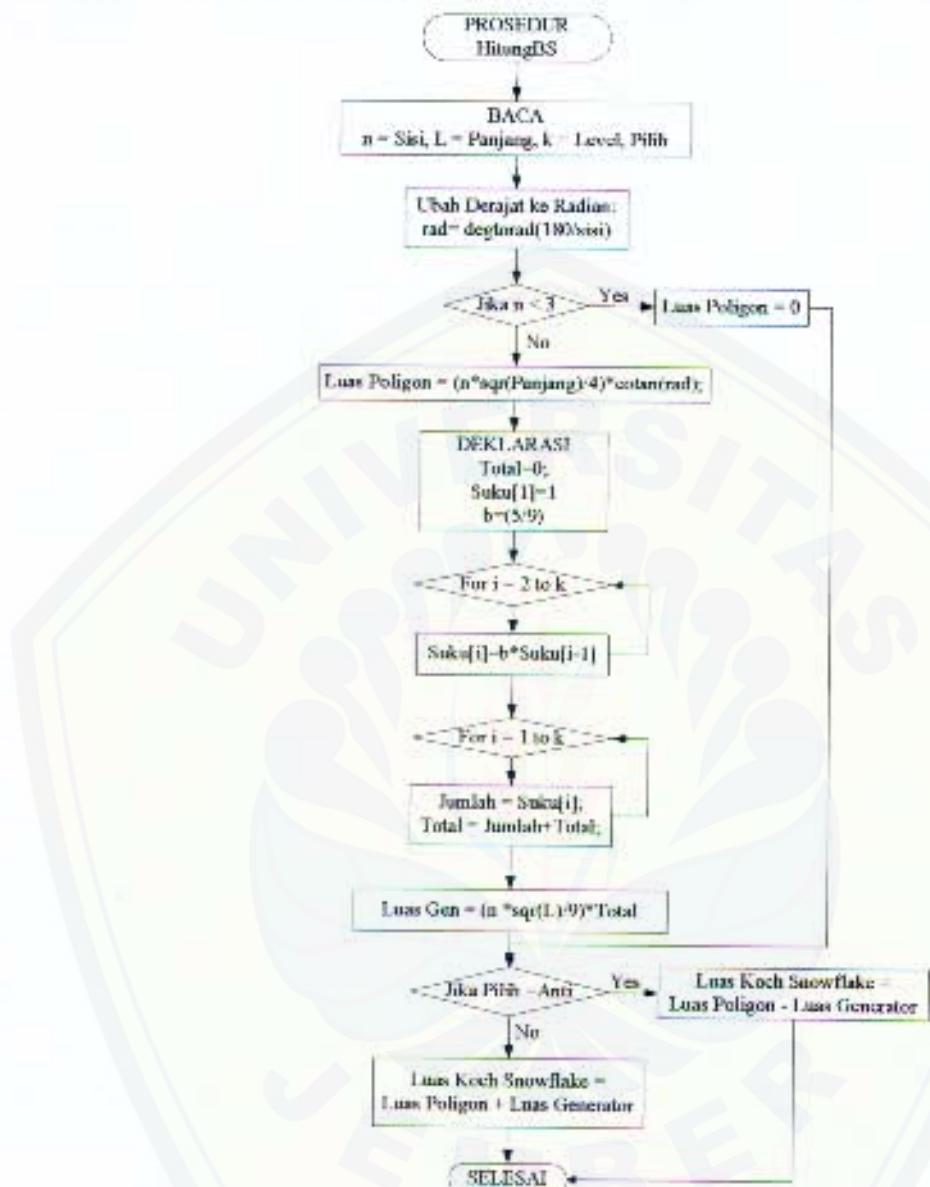


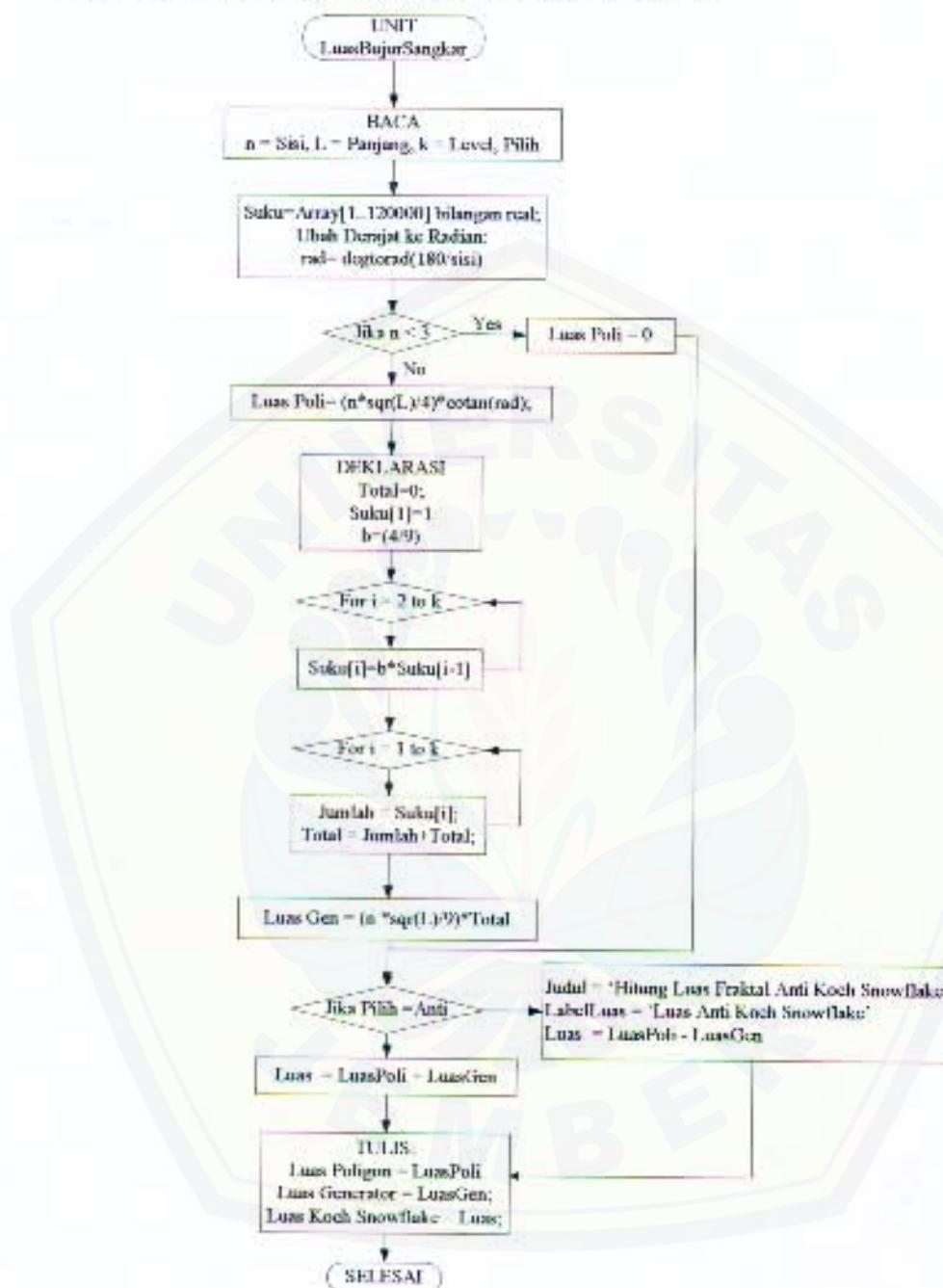
Lampiran 1.12 Bagan Alir Unit BujurSangkar**Lampiran 1.13 Bagan Alir Prosedur GambarBujurSangkar**

Lampiran 1.14 Bagan Alir Prosedur GambarBS**Lampiran 1.15 Bagan Alir Prosedur BuatSegmenBS**

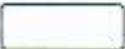
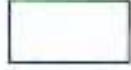
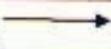


Lampiran 1.16 Bagan Alir Prosedur HitungBS



Lampiran 1.17 Bagan Alir Unit LuasBujurSangkar

Lampiran 1.18 Tabel Keterangan Simbol Bagan Alir

Simbol	Keterangan
	Simbol untuk menandakan awal dan akhir dari suatu program
	Simbol untuk menuliskan data/input maupun hasil/output
	Simbol memproses perintah/pernyataan pada program
	Simbol untuk eksekusi dengan menggunakan unit subprogram
	Simbol untuk melakukan tindakan pilihan berdasarkan terpenuhi atau tidaknya suatu syarat yang ditetapkan
	Simbol untuk menuliskan hasil proses eksekusi bagi dokumentasi
	Simbol penghubung, untuk menandai garis alir ke atau dari bagian tertentu bagan alir yang ditulis terpisah karena tidak cukupnya tempat penulisan pada satu bagian yang ditulis di halaman yang berbeda
	Simbol menunjukkan arah alir proses

Lampiran 2:

List Program Meyajikan Grafik Fraktal Koch Snowflake dengan Generator Segitiga Samasisi, Samakaki dan Bujursangkar Beserta Perhitungan Luasnya.

Lampiran 2.1 List Program Menu

```
// Program Menu untuk menampilkan fraktal Koch Snowflake dengan generator
// Segitiga Samasisi, Segitiga Samakaki, dan Bujursangkar

unit Menu;

interface

uses
  Windows, Messages, SysUtils, Variants, Classes, Graphics, Controls,
  Forms, Dialogs, StdCtrls, Buttons, Menus;

type
  TFormMenu = class(TForm)
    BitBlnSS: TBitBtn;
    BitBlnSK: TBitBtn;
    BitBlnBS: TBitBtn;
    Label1: TLabel;
    BitBlnEXIT: TBitBtn;
    MainMenul: TMainMenu;
    Filel: TMenuItem;
    Exitl: TMenuItem;
    Aboutl: TMenuItem;
    Generatorl: TMenuItem;
    SegitigaSamasisili: TMenuItem;
    Bujursangkarl: TMenuItem;
    SegitigaSamakakil: TMenuItem;
    Help1: TMenuItem;
    procedure BitBlnSSClick(Sender: TObject);
    procedure BitBlnBSClick(Sender: TObject);
    procedure BitBlnEXITClick(Sender: TObject);
    procedure BitBlnSKClick(Sender: TObject);
    procedure AboutlClick(Sender: TObject);
    procedure SegitigaSamakakilClick(Sender: TObject);
    procedure SegitigaSamasisiliClick(Sender: TObject);
    procedure BujursangkarlClick(Sender: TObject);
    procedure ExitlClick(Sender: TObject);

  private
    { Private declarations }
  public
    { Public declarations }
  end;

var
  FormMenu: TFormMenu;

implementation
{$R *.dfm}

uses SamaSisi,SamaKaki,
```

```

BujurSangkar, TentangKU;
Procedure TFormMenu.BitBtnSSCClick(Sender: TObject);
Begin
  FormSamasisi.ShowModal;
End;

Procedure TFormMenu.BitBtnSKClick(Sender: TObject);
Begin
  FormSamakaki.ShowModal;
End;

Procedure TFormMenu.BitBtnBSClick(Sender: TObject);
Begin
  FormBujurSangkar.ShowModal;
End;

Procedure TFormMenu.AboutClick(Sender: TObject);
Begin
  AboutBoxRu.ShowModal;
End;

Procedure TFormMenu.BitBtnEXITClick(Sender: TObject);
Begin
  Application.Terminate
End;

Procedure TFormMenu.SegitigaSamasisiClick(Sender: TObject);
Begin
  FormSamasisi.ShowModal;
End;

Procedure TFormMenu.SegitigaSamakakiClick(Sender: TObject);
Begin
  FormSamakaki.ShowModal;
End;

Procedure TFormMenu.Bujursangkar1Click(Sender: TObject);
Begin
  FormBujurSangkar.ShowModal;
End;

Procedure TFormMenu.Exit1Click(Sender: TObject);
Begin
  Application.Terminate
End;
End.

```

Lampiran 2.2 List Program Fraktal Koch Snowflake Generator Samasisi

```

// Program Fraktal Koch Snowflake dengan Generator Segitiga Samasisi
unit Samasisi;

interface

uses
  Windows, Messages, SysUtils, Classes, Graphics, Controls, Forms,
  Dialogs, ComCtrls, StdCtrls, ExtCtrls, Spin, ExtDigs, Menus, Buttons;

type
  TFormSamasisi = class(TForm)

```

```
ImageKoch: TImage;
LabelPoligon: TLabel;
SpinEditSisi: TSpinEdit;
LabelLevel: TLabel;
SpinEditLevel: TSpinEdit;
LabelRadius: TLabel;
SpinEditPanjang: TSpinEdit;
LabelPutar: TLabel;
SpinEditPutar: TSpinEdit;
CheckBoxAnti: TCheckBox;
Label3: TLabel;
LPct: TEdit;
Label1: TLabel;
Hitung: TButton;
Sendiri: TButton;
BitStn1: TBitBtn;
LabelJudul: TLabel;
Label2: TLabel;
LuasKS: TEdit;
BitStn2: TBitBtn;
Procedure FormCreate(Sender: TObject);
Procedure SpinEditChange(Sender: TObject);
Procedure HitungClick(Sender: TObject);
Procedure BitStn1Click(Sender: TObject);
Procedure SendiriClick(Sender: TObject);

private
  Procedure GambarKoch ;
public
  { Public declarations }
End;

var
  FormSamaSisi: TFormSamaSisi;
implementation

{$R *.DFM}

Uses
  Math,                                     // DegToRad
  ShellAPI,                                    // ShellExecute
  GambarSamaSisi, LuasSamaSisi;   // TKurvaKoch

Procedure TFormSamaSisi.GambarKoch;
Var
  Bitmap: TBitmap;
  Kurva : TKurvaKoch;
Begin
  Bitmap := TBitmap.Create;
  TRY
    Bitmap.Width := ImageKoch.Width;
    Bitmap.Height := ImageKoch.Height;
    Bitmap.PixelFormat := pf24bit;

    Bitmap.Canvas.Pen.Color := clBlue;
    Bitmap.Canvas.Pen.Width := 1;

    Kurva := TKurvaKoch.Create(Bitmap.Canvas, Bitmap.Canvas.ClipRect);
    TRY
      Kurva.Gambar(SpinEditLevel.Value,
                    SpinEditSisi.Value,
                    SpinEditPanjang.Value,
                    
```

```

        SpinEditPutar.Value,
        CheckBoxAnti.Checked);
IF SpinEditSisi.Value > 2 THEN
Begin
    // Floodfill Gambar Bagian Luar Koch Snowflake Dengan Warna
    // Form background.
    // Floodfill Gambar Bagian Dalam Koch Snowflake Dengan Warna
    // Putih.
    Bitmap.Canvas.Brush.Color := FormSamaSisi.Color;
    Bitmap.Canvas.FillRect(0, 0, clWhite, fsSurface);
    Bitmap.Canvas.FillRect(0, Bitmap.Height-1, clWhite, fsSurface);
    Bitmap.Canvas.FillRect(Bitmap.Width-1, 0, clWhite, fsSurface);
    Bitmap.Canvas.FillRect(Bitmap.Width-1, Bitmap.Height-1, clWhite,
                           fsSurface)
End;

ImageKoch.Picture.Graphic := Bitmap
FINALLY
    Kurva.Free
End

FINALLY
    Bitmap.Free
End
End (Gambar Koch);

Procedure TFormSamaSisi.FormCreate(Sender: TObject);
Begin
    GambarKoch
End;

Procedure TFormSamaSisi.SpinEditChange(Sender: TObject);
Begin
TRY
    IF SpinEditSisi.Value = 2
    THEN LabelPolygon.Caption := 'Kurve Koch'
    ELSE LabelPolygon.Caption := 'Poligon Regular Bersisi:';

    IF SpinEditSisi.Value = 3
    THEN LabelJudul.Caption := 'Fraktal Koch Snowflake'
    ELSE LabelJudul.Caption := 'Fraktal Koch Snowflake';

    IF CheckBoxAnti.Checked
    THEN LabelJudul.Caption := 'Fraktal Anti Koch Snowflake';

    GambarKoch
FINALLY
    Screen.Cursor := crDefault
End
End;

Procedure TFormSamaSisi.HitungClick(Sender: TObject);
var L,LuasPoli,Luas,Rad :real;
    LuasGen :real;
    Jumlah,b,Total :real;
    l,k,n,a :integer;
    Suku :array[1..8000]of real;
Begin
    L:= StrToFloat(SpinEditPanJeq.Text);
    n:= StrToInt(SpinEditSisi.Text);
    k:= StrToInt(SpinEditLevel.Text);
    Rad:=DegToRad(180/n);

```

```

LuasPoli:=(n*sqr(LuasPoli:=(n*sqr(l)/4)*cotan(rad));
if n < 3 then
  LuasPoli:=0;
  LPoly.Text:=FloatToStr(LuasPoli);

Total:=0;
Suku[1]:=1;
a:=1;
b:=(4/9);
for i:= 2 to k do
  Begin
    Suku[i]:= b*Suku[i-1];
  End;
for i:= 1 to k do
  Begin
    Jumlah :=Suku[i];
    Total:=Jumlah + Total;
  End;
LuasGen:=(n*(sqrt(3))*sqr(L)/36)*Total;
Luas:=LuasPoli+LuasGen;
LuasKG.Text:=FloatToStr(Luas);
Label1.Caption := 'Luas Koch Snowflake';

if CheckBoxAnti.Checked then
  Luas:=LuasPoli-LuasGen;
  LuasKG.Text:=FloatToStr(Luas);

if CheckBoxAnti.Checked then
  Label1.Caption := 'Luas Anti Koch Snowflake';
End;

Procedure TFormSamasi1.BitBtn1Click(Sender: TObject);
Begin
Application.Terminate
End;

Procedure TFormSamasi1.SendiriClick(Sender: TObject);
Begin
Form1SS.ShowModal;
End;

End.

```

Lampiran 2.3 List Program Menggambar Fraktal Koch Snowflake Generator Segitiga Samasisi

```

// " Program untuk menggambarkan Fraktal Koch Snowflake dengan generator
// Segitiga samasisi pada Image Koch "
unit GambarSamasi1;

INTERFACE

USES
  Windows,           // TRect
  Graphics,          // TCanvas
  MapWorldToPixel;  // TSimplePentograph

TYPE
  TKurvaKoch =

```

```

CLASS(TObject)
PRIVATE
  FCanvas : TCanvas;
  FPixelRect : TRect;
  FWorldRect : TRect;
  FPantograph: TDigitalPantograph;

PUBLIC
  CONSTRUCTOR Create(CONST Canvas: TCanvas;
                     CONST PixelRect: TRect);
  DESTRUCTOR Destroy; Override;

  PROCEDURE Gambar(CONST Level    : INTEGER;
                    CONST Sisi     : INTEGER;
                    CONST Panjang : INTEGER;
                    CONST Putar   : INTEGER;
                    CONST AntiKoch : BOOLEAN);

End;

IMPLEMENTATION

USES
  Math;           // DegToRad (Derajat ke radian)

VAR
  FaktorPembagi: TReal; // Mendefinisikan variabel FaktorUkur

CONSTRUCTOR TKurvaKoch.Create(CONST Canvas: TCanvas;
                             CONST PixelRect: TRect);
Begin
  Inherited Create;

  FCanvas := Canvas;
  FPixelRect := PixelRect;

  // Membatasi Panjang dalam Menggambar
  FWorldRect := Rect(-150,-150, +150,+150);

  FPantograph := TDigitalPantograph.Create(FCanvas,PixelRect,
                                             FWorldRect);
End;

DESTRUCTOR TKurvaKoch.Destroy;
Begin
  FPantograph.Free;
  Inherited Destroy
End (Destroy);

Procedure TKurvaKoch.Gambar(CONST Level    : INTEGER;
                            CONST Sisi     : INTEGER;
                            CONST Panjang : INTEGER;
                            CONST Putar   : INTEGER;
                            CONST AntiKoch : BOOLEAN);
VAR
  l           : INTEGER;
  TitikTambahan : INTEGER;
  Titik       : ARRAY OF TRealPoint;
  Radian      : TReal;

```

```

Procedure BuatSegmen(CONST a,b: TRealPoint; CONST level: INTEGER);
  VAR
    n : TRealPoint;
    r : TRealPoint;
    s : TRealPoint;
    t : TRealPoint;
    xDelta: TReal;
    yDelta: TReal;

  Begin
    If level < 1 Then
      Begin
        // Flnit segmen hanya untuk level 0
        FPantograph.MoveTo(a);
        FPantograph.LineTo(b);
      End
    Else
      Begin
        If AntiKoch Then
          Begin
            // "Modifikasi Kurva Koch dengan generator segitiga samasisi
            // Untuk Anti Koch Snowflake.
            // Mengganti segmen ab dengan 4 segmen, ar, rs, st, tb
            //
            // a.....r   =   t.....b
            //           +     +
            //           .     .
            //           .     .
            //           .
            //           s
            //
            // ar = st = tb
            // sr = tu
            // (3/4)ar = sr
            //
            // Membagi 1 segmen menjadi 3 bagian
            r := RealPoint( (2.0*a.x + b.x) / 3.0,
                            (2.0*a.y + b.y) / 3.0 );
            t := RealPoint( ( a.x + 2.0*b.x) / 3.0,
                            ( a.y + 2.0*b.y) / 3.0 );
            m := RealPoint( ( a.x + b.x) / 2.0,
                            ( a.y + b.y) / 2.0 );

            xDelta := b.x - a.x;
            yDelta := b.y - a.y;

            // Untuk menentukan titik s.
            a := RealPoint( m.x - FaktorPembagi*xDelta,
                            m.y + FaktorPembagi*yDelta );

            // membagi segmen menjadi empat bagian.
            BuatSegmen(a,r, level-1);
            BuatSegmen(r,s, level-1);
            BuatSegmen(s,t, level-1);
            BuatSegmen(t,b, level-1)
          End
        Else
          Begin
            // kurva Koch dengan generator segitiga samasisi untuk Koch
            // Snowflake.
            // Mengganti segmen ab dengan 4 segmen, ar, rs, st, tb
            //

```



```

implementation
End.
```

Lampiran 2.4 List Program Menghitung Luas Koch Snowflake Generator Samasisi

```

// Program Menghitung Luas Koch Snowflake Generator Segitiga Samasisi
unit LuasSamasisi;
interface
uses
  Windows, Messages, SysUtils, Variants, Classes, Graphics, Controls,
  Forms,
  Dialogs, Buttons, StdCtrls;
type
  TFormLSS = class(TForm)
    Panjang: TEdit;
    Judul: TLabel;
    Judul2: TLabel;
    Label1: TLabel;
    Label2: TLabel;
    Label3: TLabel;
    Sisi: TEdit;
    Iterasi: TEdit;
    LuasPol: TEdit;
    Label4: TLabel;
    Label5: TLabel;
    LabelKS: TLabel;
    Anti: TCheckBox;
    Hitung: TButton;
    BitBtn2: TBitBtn;
    Koch: TEdit;
    Gen: TEdit;
    Label6: TLabel;
    procedure HitungClick(Sender: TObject);
  private
    { Private declarations }
  public
    { Public declarations }
  end;

var
  FormLSS: TFormLSS;
implementation
uses Math;
{$R *.dfm}

Procedure TFormLSS.HitungClick(Sender: TObject);
var L,LuasPoli,Luas,Red :real;
  LuasGen :real;
  Jumlah,b,Total:real;
  i,k,n,s :integer;
  Suku :array[1..120000]of real;
begin
  L:= StrToFloat(Panjang.Text);
```

```

n:= StrToInt(Sisi.Text);
k:= StrToInt(Iterasi.Text);
if n < 2 then
begin
  n:=2;
  Sisi.Text:=IntToStr(n);
  Application.MessageBox('Minimal sisi nya adalah 2','Sisi Minimal',MB_OK);
end;

if k >=120000 then
begin
  k:=119999;
  Iterasi.Text:=IntToStr(k);
  Application.MessageBox('Level Terlalu Besar','Level Maksimal 199999',MB_OK);
end;

Rad:=DegToRad(180/n);

LuasPoli:=(n*sqr(L)/4)*cotan(xad);
LuasPoli.Text:=FloatToStr(LuasPoli);

if n < 3 then
  LuasPoli:=0;
LuasPoli.Text:=FloatToStr(LuasPoli);

Total:=0;
a:=1;
Suku[1]:=a;

b:=(4/9);

for i:= 2 to k do
begin
  Suku[i]:= b*Suku[i-1];
end;
for i:= 1 to k do
begin
  Jumlah :=Suku[i];
  Total:=Jumlah + Total;
end;
LuasGen:=(n*(sqrt(3)*sqr(L))/36)*Total;
Gen.Text:=FloatToStr(LuasGen);

Luas:=LuasPoli+LuasGen;
Judul.Caption := ' HITUNG LUAS FRAKTAL KOCH SNOWFLAKE';
LabelKS.Caption := 'Luas Koch Snowflake';
Koch.Text:=FloatToStr(Luas);

if Anti.Checked then
begin
  Judul.Caption := ' HITUNG LUAS FRAKTAL ANTI KOCH SNOWFLAKE';
  LabelKS.Caption := 'Luas Anti Koch Snowflake';
  Luas:=LuasPoli-LuasGen;
  Koch.Text:=FloatToStr(Luas);
end;
End;

```

Lampiran 2.5 List Program Fraktal Koch Snowflake Generator Samakaki

```
// Program Fraktal Koch snowflake dengan Generator Segitiga Samakaki
unit SamaKaki;

interface

uses
  Windows, Messages, SysUtils, Classes, Graphics, Controls, Forms,
  Dialogs,
  ComCtrls, StdCtrls, ExtCtrls, Spin, ExtDigs, Menus, Buttons;

type
  TFormSamaKaki = class(TForm)
    ImageKoch: TImage;
    LabelPoligon: TLabel;
    SpinEditSisi: TSpinEdit;
    LabelLevel: TLabel;
    SpinEditLevel: TSpinEdit;
    LabelRadius: TLabel;
    SpinEditPanjang: TSpinEdit;
    LabelPutar: TLabel;
    SpinEditPutar: TSpinEdit;
    CheckBoxAnti: TCheckBox;
    Sendiri: TButton;
    BitBtn1: TBitBtn;
    LabelJadi: TLabel;
    Label2: TLabel;
    BitBtn2: TBitBtn;
    SpinEditBanding: TSpinEdit;
    Procedure FormCreate(Sender: TObject);
    Procedure SpinEditChange(Sender: TObject);
    Procedure BitBtn1Click(Sender: TObject);
    Procedure SendiriClick(Sender: TObject);

  private
    Procedure GambarKoch ;
  public
    { Public declarations }
  end;

var
  FormSamaKaki: TFormSamaKaki;

implementation

{$R *.DFM}

USES
  Math,           // DegToRad
  ShellAPI,       // ShellExecute
  GambarSamaKaki,LuasSamaKaki; // TKurvaKoch

Procedure TFormSamaKaki.GambarKoch;
  VAR
    Bitmap: TBitmap;
    Kurva : TKurvaKoch;
BEGIN
  Bitmap := TBitmap.Create;
  TRY
    Bitmap.Width := ImageKoch.Width;
    Bitmap.Height := ImageKoch.Height;
```

```

Bitmap.PixelFormat := pf24bit;
Bitmap.Canvas.Pen.Color := clBlue;
Bitmap.Canvas.Pen.Width := 1;

Kurva := TKurvaKoch.Create(Bitmap.Canvas, Bitmap.Canvas.ClipRect);
TRY
  Kurva.Gambar(SpinEditLevel.Value,
    SpinEditSisi.Value,
    SpinEditPanjang.Value,
    SpinEditPutar.Value,
    SpinEditBanding.Value,
    CheckBoxAnti.Checked);

  IF SpinEditSisi.Value > 2 THEN
  BEGIN
    // Floodfill Gambar Bagian Luar Koch Snowflake Dengan Warna form
    // background.
    // Floodfill Gambar Bagian Dalam Koch Snowflake Dengan Warna
    // Putih.
    Bitmap.Canvas.Brush.Color := FormSamaKaki.Color;
    Bitmap.Canvas.FloodFill(0, 0, clWhite, fsSurface);
    Bitmap.Canvas.FloodFill(0, Bitmap.Height-1, clWhite, fsSurface);
    Bitmap.Canvas.FloodFill(Bitmap.Width-1, 0, clWhite, fsSurface);
    Bitmap.Canvas.FloodFill(Bitmap.Width-1, Bitmap.Height-1, clWhite,
      fsSurface);
  End;

  ImageKoch.Picture.Graphic := Bitmap;
  FINALLY
    Kurva.Free
  End;

  FINALLY
    Bitmap.Free
  End
End (GambarVonKoch);

Procedure TFormSamaKaki.FormCreate(Sender: TObject);
begin
  GambarKoch
End;

Procedure TFormSamaKaki.SpinEditChange(Sender: TObject);
begin
  TRY
    IF SpinEditSisi.Value = 2
    THEN LabelPoligon.Caption := 'Kurve Koch'
    ELSE LabelPoligon.Caption := 'Poligon Reguler Berstiti';

    IF SpinEditSisi.Value = 3
    THEN LabelJudul.Caption := 'Fraktal Koch Snowflake'
    ELSE LabelJudul.Caption := 'Fraktal Koch Snowflake';

    IF CheckBoxAnti.Checked
    THEN LabelJudul.Caption := 'Fraktal Anti Koch Snowflake';

    GambarKoch
  FINALLY
    Screen.Cursor := crDefault
  End
End;

Procedure TFormSamaKaki.BitBtn1Click(Sender: TObject);

```

```

begin
  Application.Terminate
end;

Procedure TFormSamaKaki.SendiriClick(Sender: TObject);
begin
  FormTSK.ShowModal;
end;
end.

```

Lampiran 2.6 List Program Menggambar Fraktal Koch Snowflake Generator Samakaki

```

// " Program untuk menggambarkan fraktal Koch snowflake dengan generator
// segitiga samakaki pada image Koch "
unit GambarSamaKaki;

INTERFACE

  USES
    Windows,           // TRect
    Graphics,          // TCanvas
    MapWorldToPixel;  // TSimpiePantograph

  TYPE
    TKurvaKoch = CLASS(TObject)
    PRIVATE
      FCanvas : TCanvas;
      FPixelRect : TRect;
      FWorldRect : TRealRect;
      FPantograph: TDigitalPantograph;
    PUBLIC
      CONSTRUCTOR Create(CONST Canvas: TCanvas;
                          CONST PixelRect: TRect);
      DESTRUCTOR Destroy; OVERRIDE;
      Procedure Gambar(CONST Level : INTEGER;
                        CONST Sisi : INTEGER;
                        CONST Panjang : INTEGER;
                        CONST Putar : INTEGER;
                        CONST Banding : INTEGER;
                        CONST AntiKoch : BOOLEAN);
    END;
  IMPLEMENTATION

  USER
    Math;             // DegToRad (Derajat ke radian)

  VAR
    FaktorPembagi: TReal; // Mendefinisikan variabel Faktorukur

  CONSTRUCTOR TKurvaKoch.Create(CONST Canvas: TCanvas;
                                CONST PixelRect: TRect);
  BEGIN
    Inherited Create;

```

```

FCanvas := Canvas;
FPixelRect := PixelRect;

// Membatasi Panjang dalam Menggambar
FWorldRect := RealRect(-150,-150, +150,+150);
FPantograph := TDigitalPantograph.Create(FCanvas, PixelRect,
    FWorldRect);
End;

DESTRUCTOR TKurvaKoch.Destroy;
BEGIN
    FPantograph.Free;
    Inherited Destroy
End (Destroy);

Procedure TKurvaKoch.Gambar(CONST Level : INTEGER;
    CONST Sisi : INTEGER;
    CONST Panjang : INTEGER;
    CONST Putar : INTEGER;
    CONST Banding : INTEGER;
    CONST AntiKoch : BOOLEAN);

VAR
    P : REAL;
    i : INTEGER;
    TitikTambah : TINTEGER;
    Titik : ARRAY OF TRealPoint;
    radian : TReal;

Procedure BuatSegmen(CONST a,b: TRealPoint; CONST level: INTEGER);
VAR
    m : TRealPoint;
    r : TRealPoint;
    s : TRealPoint;
    t : TRealPoint;
    xDelta: TReal;
    yDelta: TReal;

BEGIN
    If level < 1 THEN
        BEGIN
        // Plot segmen hanya untuk level 0
        FPantograph.MoveTo(a);
        FPantograph.LineTo(b);
        End
    ELSE BEGIN
        If AntiKoch THEN
            BEGIN
                // Modifikasi Kurva Koch dengan generator segitiga samakaki
                // untuk Anti Koch Snowflake.
                // Mengganti segmen ab dengan 4 segmen, ar, rs, st, tb
                //
                // a.....r   m   t.....b
                //
                //      . .
                //      . .
                //      . .
                //      s
                //
                // ar = ra - st = tb = 1 (ukuran relatif)
                // rm = mt = 1/2
                // ms = SQRT(3)/2
                //
            END
    END
End;

```

```

    // Membagi 1 segmen menjadi 3 bagian
    z := RealPoint( (2.0*a.x +      b.x) / 3.0,
                    (2.0*a.y +      b.y) / 3.0 );
    t := RealPoint( (      a.x + 2.0*b.x) / 3.0,
                    (      a.y + 2.0*b.y) / 3.0 );
    m := RealPoint( (      a.x +      b.x) / 2.0,
                    (      a.y +      b.y) / 2.0 );

    xDelta := b.x - a.x;
    yDelta := b.y - a.y;

    // Untuk menentukan Titik s.
    s := RealPoint( m.x - FaktorPembagi*yDelta,
                     m.y - FaktorPembagi*xDelta );

    // membagi segmen menjadi empat bagian.
    BuatSegmen(a,r, level-1);
    BuatSegmen(r,s, level-1);
    BuatSegmen(s,t, level-1);
    BuatSegmen(t,b, level-1)
End
ELSE
BEGIN
    // Kurva Koch dengan generator segitiga samakaki untuk Koch
    // Snowflake.
    // Mengganti segmen ab dengan 4 segmen, ar, rs, st, tb
    //
    //           a
    //           .
    //           .
    //           .
    //           .
    // a.....r   m   t.....b
    //
    // ar = rs = st = tb = 1 (ukuran relatif)
    // rm = mt = 1/2
    // ms = SQRT(3)/2
    //
    // Membagi 1 segmen menjadi 3 bagian
    r := RealPoint( (2.0*a.x +      b.x) / 3.0,
                    (2.0*a.y +      b.y) / 3.0 );
    t := RealPoint( (      a.x + 2.0*b.x) / 3.0,
                    (      a.y + 2.0*b.y) / 3.0 );
    m := RealPoint( (      a.x +      b.x) / 2.0,
                    (      a.y +      b.y) / 2.0 );

    xDelta := b.x - a.x;
    yDelta := b.y - a.y;

    // Untuk menentukan Titik s.
    s := RealPoint( m.x + FaktorPembagi*yDelta,
                     m.y - FaktorPembagi*xDelta );

    // membagi segmen menjadi empat bagian.
    BuatSegmen(a,r, level-1);
    BuatSegmen(r,s, level-1);
    BuatSegmen(s,t, level-1);
    BuatSegmen(t,b, level-1)
End
End
End (BuatSegmen);

Begin

```

```

ASSERT (Panjang <= 110, "Terlalu Panjang, gambar mungkin terpotong");
IF Sisi < 3
THEN TitikTambahhan := Sisi // Kasus untuk Sisi = 2 -- bukan poligon
ELSE TitikTambahhan := Sisi+1; // tambah 1 titik untuk membuat poligon
SetLength(Titik, TitikTambahhan);

// menggambar poligon reguler bersisi n
// Points[0] = Points[nilai point] untuk Sisi > 2
FOR i := 0 TO TitikTambahhan-1 DO
BEGIN
    radian := DegToRad(Putar + 360*i/Sisi);
    Titik[i] := RealPoint(Panjang*COS(radian), Panjang*STN(radian));
End;

// Gambar segmen untuk setiap segmen poligon
FOR i := 1 TO TitikTambahhan-1 DO
BEGIN
    BuatSegmen(Titik[i-1], Titik[i], Level);
End;

BEGIN
    p:=Banding/100;
    FaktorPembagi := (SQR(3) / 2)/(2+p);
End;
End (Gambar);

INITIALIZATION
End.interface
implementation
End.

```

Lampiran 2.7 List Program Menghitung Luas Koch Snowflake Generator Segitiga Samakaki

```

// Program Menghitung Luas Koch Snowflake dengan Generator Segitiga
Samakaki
unit LuassSamakaki;

interface

uses
  Windows, Messages, SysUtils, Variants, Classes, Graphics, Controls,
  Forms, Dialogs, Buttons, StdCtrls;

type
  TFormLSK = class(TForm)
    Label1: TLabel;
    Label2: TLabel;
    Label3: TLabel;
    Label4: TLabel;
    Label5: TLabel;
    Label6: TLabel;
    Label7: TLabel;
    Label8: TLabel;
    Panjang: TEdit;
    Sisi: TEdit;
  end;

```



```

    Iterasi: TEdit;
    Hitung: TButton;
    LuasPol: TEdit;
    Gen: TEdit;
    Koch: TEdit;
    Miring: TEdit;
    Alas: TEdit;
    Asumsi: TGroupBox;
    Label9: TLabel;
    Label10: TLabel;
    Anti: TCheckBox;
    EXIT: TBitBtn;
    Label6: TLabel;
    procedure HitungClick(Sender: TObject);
    procedure AsumsiClick(Sender: TObject);
private
    { Private declarations }
public
    { Public declarations }
end;

var
    FormLSK: TFormLSK;

implementation
Uses Math,Asumsi;
(SR *.ctm)

procedure TFormLSK.HitungClick(Sender: TObject);
var L,LuasPoli,Luas,Rad :real;
    IlasGen :real;
    jumlah,b,Total,p,q :real;
    i,k,n,a :integer;
    Suku :array[1..120000]of real;
begin
    L:= StrToFloat(Panjang.Text);
    n:= StrToInt(Sisi.Text);
    k:= StrToInt(Iterasi.Text);
    p:= StrToFloat(Miring.Text);
    q:=l-2*p;

    if n < 2then
    begin
        n:=2;
        Sisi.Text:=IntToStr(n);
        Application.MessageBox('Minimal Sisinya adalah 2','Sisi Minimal',MB_OK);
    end;

    if k >=120000 then
    begin
        k:=119999;
        Iterasi.Text:=IntToStr(k);
        Application.MessageBox('Lalu Terlalu Besar','Level Maksimal 119999',MB_OK);
    end;

    Alas.Text:= FloatToStr(q);
    Rad:=DegToRad(180/n);

    LuasPoli:=(n*sqr(L)/4)*cotan(rad);
    LuasPol.Text:=FloatToStr(LuasPol);

```

```

if n < 3 then
  LuasPoli:=0;
  LuasPol.Text:=FloatToStr(LuasPoli);

  Total:=0;
  Suku[1]:=1;
  n:=1;
  b:=(4*sqr(p));
  for i:= 2 to k do
    begin
      Suku[i]:= n*Suku[i-1];
    end;
  for i:= 1 to k do
    begin
      Jumlah :=Suku[i];
      Total:=Jumlah + Total;
    end;
  LuasGen:=(n*sqr(1)/4)*(1-2*p)*(4*p-1)^Total;
  Gen.Txt:=FloatToStr(LuasGen);

  if ((p >=0.5 )OR (p <=0.2))then
    begin
      Application.MessageBox('Data Asumsi','Peringatan',
        MB_OK);
      LuasGen:=0;
      Gen.Text:=FloatToStr(LuasGen);
    end;

  Luas:=LuasPoli+LuasGen;
  LabelKS.Caption := 'Luas Koch Snowflake';
  Koch.Text:=FloatToStr(Luas);

  if Anti.Checked then
  begin
    LabelKS.Caption := 'Luas Anti Koch Snowflake';
    Luas:=LuasPoli-LuasGen;
    Koch.Text:=FloatToStr(Luas);
  end;
end;

procedure TForm1SK.AsumsiClick(Sender: TObject);
begin
  AboutBoxAsumsi.ShowModal;
end;

```

Lampiran 2.8 List Program Fraktal Koch Snowflake Generator Bujursangkar

```

// Program Fraktal Koch Snowflake dengan Generator Bujursangkar
unit Bujursangkar;
interface
uses

```

```

Windows, Messages, SysUtils, Classes, Graphics, Controls, Forms,
Dialogs,
  ComCtrls, StdCtrls, ExtCtrls, Spin, ExtDlgs, Menus, Buttons;

type
  TFormBujurSangkar = class(TForm)
    ImageKoch: TImage;
    LabelPolygon: TLabel;
    SpinEditSisi: TSpinEdit;
    LabelLevel: TLabel;
    SpinEditLevel: TSpinEdit;
    LabelRadius: TLabel;
    SpinEditPanjang: TSpinEdit;
    LabelPutar: TLabel;
    SpinEditPutar: TSpinEdit;
    CheckBoxAnti: TCheckBox;
    Label3: TLabel;
    LPsi: TEdit;
    Label1: TLabel;
    LuasKS: TEdit;
    Hitung: TButton;
    Sendiri: TButton;
    BitRn1: TBitBtn;
    LabelJudul: TLabel;
    Label2: TLabel;
    BitRn2: TBitBtn;
  public
    procedure FormCreate(Sender: TObject);
    procedure SpinEditChange(Sender: TObject);
    procedure HitungClick(Sender: TObject);
    procedure BitRn1Click(Sender: TObject);
    procedure SendiriClick(Sender: TObject);
  end;

  procedure GambarKoch;
  begin
    FormBujurSangkar := TFormBujurSangkar;
  end;

var
  FormBujurSangkar: TFormBujurSangkar;
implementation

{$R *.DFM}

USES
  Math, // DegToRad
  ShellAPI, // ShellExecute
  GambarBujurSangkar, LuasBujurSangkar; // TVonKochCurve

procedure TFormBujurSangkar.GambarKoch;
  VAR
    Bitmap: TBitmap;
    Kurva : TKurvaKoch;
  BEGIN
    Bitmap := TBitmap.Create;
    TRY
      Bitmap.Width := ImageKoch.Width;
      Bitmap.Height := ImageKoch.Height;
      Bitmap.PixelFormat := pf24bit;

      Bitmap.Canvas.Pen.Color := clBlue;
      Bitmap.Canvas.Pen.Width := 1;
    
```

```

Kurve := TKurvaKoch.Create(Bitmap.Canvas, Bitmap.Canvas.ClipRect);
TRY
  Kurva.Gambar(SpinEditLevel.Value,
    SpinEditSisi.Value,
    SpinEditPanjang.Value,
    SpinEditPutar.Value,
    CheckBoxAnti.Checked);

  IF SpinEditSisi.Value > 2 THEN
  BEGIN
    // Floodfill Gambar Bagian Luar Koch Snowflake Dengan Warna Form
    // background.
    // Floodfill Gambar Bagian Dalam Koch Snowflake Dengan Warna
    // Putih.
    Bitmap.Canvas.Brush.Color := FormBujurSangkar.Color;
    Bitmap.Canvas.FloodFill(0, 0, clWhite, fsSurface);
    Bitmap.Canvas.FloodFill(0, Bitmap.Height-1, clWhite, fsSurface);
    Bitmap.Canvas.FloodFill(Bitmap.Width-1, 0, clWhite, fsSurface);
    Bitmap.Canvas.FloodFill(Bitmap.Width-1, Bitmap.Height-1, clWhite,
      fsSurface);
  End;

  ImageKoch.Picture.Graphic := Bitmap;
  FINALLY
    Kurva.Free
  End;

  FINALLY
    Bitmap.Free
  End
End {GambarVonKoch};

Procedure TFormBujurSangkar.FormCreate(Sender: TObject);
begin
  GambarKoch
End;

Procedure TFormBujurSangkar.SpinEditChange(Sender: TObject);
begin
  TRY
    IF SpinEditSisi.Value = 2
    THEN LabelPoligon.Caption := 'Kurve Koch'
    ELSE LabelPoligon.Caption := 'Poligon Reguler Bernisasi';

    IF SpinEditSisi.Value = 3
    THEN LabelJudul.Caption := 'Fraktal Koch Snowflake'
    ELSE LabelJudul.Caption := 'Fraktal Koch Snowflake';

    IF CheckBoxAnti.Checked
    THEN LabelJudul.Caption := 'Fraktal Anti Koch Snowflake';

    GambarKoch
  FINALLY
    Screen.Cursor := crDefault
  End
End;

Procedure TFormBujurSangkar.HitungClick(Sender: TObject);
var L,LuasPolii,Luas,Bad :real;
  LuasGen :real;
  Jumlah,b,Total :real;

```

```

l,k,n,a :integer;
Suku :array[1..8000]of real;
begin
  l:= StrToFloat(SpinEditPanjang.Text);
  n:= StrToInt(SpinEditSisi.Text);
  k:= StrToInt(SpinEditLevel.Text);
  Rad:=DegToRad(180/n);

  LuasPoli:=(n*sqr(l)/4)*cotan(rad);
  if n < 3 then
    LuasPoli:=0;
  LPoly.Text:=FloatToStr(LuasPoli);

  Total:=0;
  Suku[1]:=1;
  a:=1;
  b:=(5/9);
  for i:= 2 to k do
    begin
      Suku[i]:= b*Suku[i-1];
    End;
  for i:= 1 to k do
    begin
      Jumlah :=Suku[i];
      Total:=Jumlah + Total;
    End;
  LuasGen:=(n*sqr(l)/9)*Total;
  Luas:=LuasPoli+LuasGen;
  LuasKS.Text:=FloatToStr(Luas);
  Label1.Caption := 'Luas Koch Snowflake';

  if CheckBoxAnti.Checked then
    Luas:=LuasPoli-LuasGen;
  LuasKS.Text:=FloatToStr(Luas);
  if CheckBoxAnti.Checked then
    Label1.Caption := 'Luas Anti Koch Snowflake';
End;

Procedure TFormBujursangkar.BitBthnClick(Sender: TObject);
begin
  Application.Terminate
End;

Procedure TFormBujursangkar.BendiiriClick(Sender: TObject);
begin
  Form1BS.ShowModal;
End;
End.

```

Lampiran 2.9 List Program Menggambar Fraktal Koch Snowflake Generator Bujursangkar

```

// " Program untuk menggambarkan fraktal Koch Snowflake dengan generator
// Bujursangkar pada Image Koch "
UNIT GambarBujursangkar;
INTERFACE

```

```

USES
  Windows,           // TRect
  Graphics,          // TCanvas
  MapWorldToPixel;  // eSimplePantograph

TYPE
  TKurvaKoch = 
    CLASS(TObject)
    PRIVATE
      FCanvas : TCanvas;
      FPixelRect : TRect;
      FWorldRect : TRealRect;
      FPantograph: TDigitalPantograph;

    PUBLIC
      CONSTRUCTOR Create(CONST Canvas: TCanvas;
                          CONST PixelRect: TRect);
      DESTRUCTOR Destroy; Override;

      Procedure Gambar(CONST Level    : INTEGER;
                        CONST Sisi    : INTEGER;
                        CONST Panjang : INTEGER;
                        CONST Putar   : INTEGER;
                        CONST AntiKoch : BOOLEAN);

    END;
  END;

IMPLEMENTATION

USES
  Math;              // DegToRad (Derajat ke radian)

VAR
  FaktorUkur: TReal; // Mendefinisikan variabel Faktorukur

CONSTRUCTOR TKurvaKoch.Create(CONST Canvas: TCanvas;
                             CONST PixelRect: TRect);
BEGIN
  Inherited Create;

  FCanvas := Canvas;
  FPixelRect := PixelRect;

  // Membatasi Panjang dalam Menggambar
  FWorldRect := RealRect(-160,-160,+160,+160);
  FPantograph := TDigitalPantograph.Create(FCanvas,PixelRect,
                                             FWorldRect);
END;

DESTRUCTOR TKurvaKoch.Destroy;
BEGIN
  FPantograph.Free;
  Inherited Destroy;
END; {Destroy};

Procedure TKurvaKoch.Gambar(CONST Level    : INTEGER;
                            CONST Sisi    : INTEGER;
                            CONST Panjang : INTEGER;
                            CONST Putar   : INTEGER;
                            CONST AntiKoch : BOOLEAN);
VAR
  i           : INTEGER;
  TitikTambahahan : INTEGER;

```

```

Titik      : ARRAY OF TRealPoint;
Radian     : TReal;

Procedure BuatSegmen(CONST a,b: TRealPoint; CONST level: INTEGER);
VAR
  m      : TRealPoint;
  r      : TRealPoint;
  s      : TRealPoint;
  t      : TRealPoint;
  u      : TRealPoint;
  xDelta: TReal;
  yDelta: TReal;
BEGIN
  IF level < 1
  THEN BEGIN
    // Plot segment hanya untuk level 0
    FPantograph.MoveTo(a);
    FPantograph.LineTo(b);
  End
  ELSE BEGIN
    IF AntiKoch
    THEN BEGIN
      // Modifikasi Kurva Koch dengan generator bujursangkar untuk
      // Anti Koch Snowflake.
      // Mengganti segmen ab dengan 4 segmen, ar, rs, st, ts
      //
      //
      // a.....r      u.....b
      //   :       :
      //   :       :
      //   :       :
      //   :.....t
      //
      // ar - st = ub
      // ar - tu
      // (3/4)ar = sr
      //
      // Membagi 1 segmen menjadi 3 bagian
      z := RealPoint( (2.0*a.x + b.x) / 3.0,
                      (2.0*a.y + b.y) / 3.0 );
      u := RealPoint( ( a.x + 2.0*b.x) / 3.0,
                      ( a.y + 2.0*b.y) / 3.0 );

      xDelta := b.x - a.x;
      yDelta := b.y - a.y;

      // Untuk menentukan Titik s dan t.
      s := RealPoint( r.x - yDelta/3,
                      r.y + xDelta/3 );
      t := RealPoint( u.x - yDelta/3,
                      u.y + xDelta/3 );

      // membagi segmen menjadi lima bagian.
      BuatSegmen(a,r, level-1);
      BuatSegmen(r,z, level-1);
      BuatSegmen(z,t, level-1);
      BuatSegmen(t,u, level-1);
      BuatSegmen(u,b, level-1)
    End
    ELSE BEGIN
      // Kurva Koch dengan generator bujursangkar untuk Koch
      // Snowflake.
      // Mengganti segmen ab dengan 5 segmen, ar, rs, st, ts, ub
    END;
  END;
END;

```

```

//  

//      .....t  

//      .  

//      .  

//      a.....x      u.....b  

//  

//      ar = ur = ut = tb = 1  (ukuran relatif)  

//      rm = mu = 1/2  

//      ma = SQRT(3)/2  

//  

r := RealPoint( (2.0*a.x +      b.x) / 3.0,  

                (2.0*a.y +      b.y) / 3.0 );  

u := RealPoint( (      a.x + 2.0*b.x) / 3.0,  

                (      a.y + 2.0*b.y) / 3.0 );  

//  

xDelta := b.x - a.x;  

yDelta := b.y - a.y;  

// Untuk menentukan Titik s dan t.  

s := RealPoint( r.x + yDelta/3,  

                  r.y - xDelta/3 );  

t := RealPoint( u.x + yDelta/3,  

                  u.y - xDelta/3 );  

// membagi segmen menjadi lima bagian.  

BuatSegmen(a,r, level-1);  

BuatSegmen(r,s, level-1);  

BuatSegmen(s,t, level-1);  

BuatSegmen(t,u, level-1);  

BuatSegmen(u,b, level-1);
End
End
End {BuatSegmens};

BEGIN
  ASSERT (Panjang <= 110, 'Terlalu Panjang, gambar mungkin terpotong');
  IF  Sisi < 3 THEN
    TitikTambahkan := Sisi // Kasus untuk Sisi = 2 -- bukan poligon
  ELSE
    TitikTambahkan := Sisi+1; // tambah 1 titik untuk membuat poligon
  SetLength(Titik, TitikTambahkan);
  // menggambar poligon regular bersejajar
  // Points[0] = Points[nilai point] untuk Sisi > 2
  FOR i := 0 TO TitikTambahkan-1 DO
    BEGIN
      Radian := DegToRad(Pular + 360*i/Sisi);
      Titik[i] := RealPoint( Panjang*COS(Radian), Panjang*SIN(Radian) );
    End;

  // Gambar segmen untuk setiap segmen poligon
  FOR i := 1 TO TitikTambahkan-1 DO
    BEGIN
      BuatSegmen(Titik[i-1], Titik[i], Level)
    End
  End {Gambar};

INITIALIZATION
End.

```

Lampiran 2.10 List Program Menghitung Luas Koch Snowflake Dengan Generator Bujursangkar

```
// Program Menghitung Luas Koch Snowflake dengan Generator Bujursangkar
unit Luassujursangkar;

interface

uses
  Windows, Messages, SysUtils, Variants, Classes, Graphics, Controls,
  Forms,
  Dialogs, Buttons, StdCtrls;

type
  TFormLBS = class(TForm)
    Judul: TLabel;
    Judul2: TLabel;
    Label1: TLabel;
    Panjang: TEdit;
    Label2: TLabel;
    Sisi: TEdit;
    Label3: TLabel;
    Iterasi: TEdit;
    Label4: TLabel;
    LuasPoli: TEdit;
    Label5: TLabel;
    Gen: TEdit;
    Label6: TLabel;
    Kochi: TEdit;
    Anti: TCheckBox;
    Hitung: TButton;
    BitBtn2: TBitBtn;
    Label7: TLabel;
    procedure HitungClick(Sender: TObject);
  private
    { Private declarations }
  public
    { Public declarations }
  end;

var
  FormLBS: TFormLBS;

implementation
uses Math;
{$R *.dfm}

Procedure TFormLBS.HitungClick(Sender: TObject);
var L,LuasPoli,Luas,Rad :real;
  LuasGen :real;
  Jumlah,b,Total:real;
  i,k,n,a :integer;
  Suku :array[1..120000]of real;
begin
  L:= StrToInt(Panjang.Text);
  n:= StrToInt(Sisi.Text);
  k:= StrToInt(Iterasi.Text);
  if n < 2then
  begin
    n:=2;
    Sisi.Text:=IntToStr(n);
  end;
  if k > 0 then
  begin
    Rad:= L/(3*(n-1));
    Luas:= L*L;
    LuasPoli:=Luas;
    Total:=Luas;
    for i:=1 to k do
    begin
      Suku[1]:=Luas;
      for j:=2 to n do
      begin
        Suku[j]:=Suku[j-1]*3;
        Suku[j]:=Suku[j]-Suku[j] div 4;
      end;
      for j:=1 to n do
      begin
        Luas:=Luas+Suku[j];
      end;
      Luas:=Luas*3;
    end;
    Total:=Total-Luas;
    LuasPoli:=Luas;
  end;
  else
  begin
    Sisi.Text:=IntToStr(2);
    n:=2;
  end;
  Hitung.Caption:=Format('Luas = %0.2f', [LuasPoli]);
end;
```

```
Application.MessageBox('Minimal Sisinya adalah 2','Sisi Minimal',
MB_OK);
End;

if k >=120000 then
Begin
  k:=119999;
  Iterasi.Text:=IntToStr(k);
  Application.MessageBox('Level Terlalu Besar','Level Maksimal
199999', MB_OK);
End;

Rad:=DegToRad(180/n);

LuasPoli:=(n*sqr(L)/4)*cotan(rad);
LuasPol.Text:=FloatToStr(LuasPoli);

if n < 3 then
LuasPol:=0;
LuasPol.Text:=FloatToStr(LuasPol);

Total:=0;
Suku[1]:=1;
a:=1;
b:=(5/9);

for i:= 2 to k do
Begin
  Suku[i]:= b*Suku[i-1];
End;
for i:= 1 to k do
Begin
  Jumlah :=Suku[i];
  Total:=Jumlah + Total;
End;
LuasGen:=(n*sqr(L)/9)*Total;
Gen.Text:=FloatToStr(LuasGen);

Luas:=LuasPoli+LuasGen;
Judul.Caption := ' HITUNG LUAS FRAKTAL KOCH SNOWFLAKE';
LabelK.SCaption := 'Luas Koch Snowflake';
Koch.Text:=FloatToStr(Luas);

if Anti.Checked then
Begin
  Judul.Caption := ' HITUNG LUAS FRAKTAL ANTT KOCH SNOWFLAKE';
  LabelK.SCaption := 'Luas Antt Koch Snowflake';
  Luas:=LuasPoli-LuasGen;
  Koch.Text:=FloatToStr(Luas);
End;
End;
End.
```