

PROSIDING SEMINAR NASIONAL

Yogyakarta, 27 Desember 2014

Tema :

Revitalisasi Pendidikan Matematika Menuju AFTA 2015

Editor :

Dr. Suparman, M.Si., DEA.

Sugiyarto, P.hD.

Dr. Tutut Herawan, M.Si.

Bidang Ilmu :

Pendidikan Matematika dan Matematika

KATA PENGANTAR

Assalamu'alaikum Warrahmatullahi Wabarakatuh

Puji syukur kami haturkan kehadiran Allah SWT yang telah melimpahkan Rahmat dan karunia-Nya sehingga acara Seminar Nasional Pendidikan Matematika Ahmad Dahlan (SENDIKMAD 2014) dapat berjalan dengan sukses. Tak lupa Shalawat dan Salam selalu tercurahkan kepada Nabi Muhammad SAW yang senantiasa kita nantikan Syafa'atnya di hari akhir nanti. Selamat datang kami ucapkan kepada seluruh peserta dan pemakalah yang bergabung dengan SENDIKMAD 2014. Adapun tema seminar nasional kali ini adalah "Revitalisasi Pendidikan Matematika Menuju AFTA 2015". Seminar nasional ini ditujukan untuk para peneliti, dosen, guru, mahasiswa, dan juga masyarakat yang peduli pada pendidikan matematika.

Kami merasa senang dan bangga karena kami telah mengundang empat pembicara utama yang ahli di bidangnya masing-masing. Salah satu diantaranya berasal dari luar negeri yaitu Dr Thien Lei Mee dari SEAMEO RECSAM Penang Malaysia. Dan juga pembicara dari dalam negeri yaitu Dr. Ir. Illah Sailah, MS. dari Dirjen BELMAWA DIKTI, Prof. Dr. Suharsimi Arikunto dari Universitas Ahmad Dahlan, dan Dr. Tutut Herawan, M.Si. dari Universitas Ahmad Dahlan. Selain itu kami selaku panitia merasa senang atas partisipasi dari 239 pemakalah dan peserta seminar yang datang dari berbagai daerah di Indonesia. Terdapat sekitar 168 pemakalah yang mempresentasikan karya tulisnya yang berkaitan dengan pendidikan matematika dan matematika murni.

SENDIKMAD 2014 tidak dapat berjalan dengan baik tanpa adanya bantuan dan dukungan dari berbagai pihak. Kami sangat berterimakasih kepada Rektor Universitas Ahmad Dahlan dan Dekan Fakultas Keguruan dan Ilmu Pendidikan Universitas Ahmad Dahlan. Terimakasih juga kami ucapkan kepada Pengurus Himpunan Mahasiswa Program Studi (HMPS) Pendidikan Matematika dan juga pihak sponsorship yang telah turut membantu kelancaran SENDIKMAD 2014.

Akhir kata, Kami selaku panitia berharap seminar nasional ini dapat menuai manfaat yang besar di kemudian hari dan juga anda merasa nyaman selama berada di Yogyakarta.

Wassalamu'alaikum Warrahmatullahi Wabarakatuh.

Yogyakarta, 23 Desember 2014

Penyusun

**SAMBUTAN KAPRODI PENDIDIKAN MATEMATIKA
PADA ACARA PEMBUKAAN SEMINAR NASIONAL PENDIDIKAN MATEMATIKA
SENDIKMAD 2014**

Asalamu'alaikum Wr. Wb

1. Yth. Rektor Universitas Ahmad Dahlan
2. Yth. Dekan FKIP UAD
3. Yth. Para Pembicara utama
4. Yth. Pemakalah dan peserta seminar
5. Yth. Bapak/ Ibu Tamu Undangan, serta hadirin sekalian

Puji Syukur kami haturkan kehadiran Allah SWT yang telah melimpahkan rahmat dan Hidayah- Nya sehingga acara Seminar Nasional Pendidikan matematika Ahmad Dahlan (SENDIKMAD 2014) dapat berjalan dengan sukses. Tak lupa Sholawat dan Salam selalu tercurahkan kepada nabi Muhammad SAW yang senantiasa kita nantikan Syafa'atnya di akhir nanti. Selamat datang kami ucapkan kepada seluruh peserta dan pemakalah yang bergabung dengan SENDIKMAD 2014. Adapun tema kali ini adalah “Revitalisasi Pendidikan Matematika Menuju AFTA 2015”. Seminar ini merupakan kegiatan rutin tahunan prodi pendidikan matematika yang ditujukan kepada peneliti, dosen, guru, mahasiswa dan juga masyarakat yang peduli pada pendidikan matematika.

Kami merasa senang dan bangga karena kami telah mengundang pembicara-pembicara utama yang ahli pada bidangnya masing-masing. Salah satu diantaranya berasal dari luar negeri yaitu Dr. Thien Lei Mee dari SEAMEO RECSAM Penang Malaysia dan juga pembicara dari dalam negeri yaitu Dr. Ir. Illah Sailah, MS. Direktorat BELMAWA DIKTI, Prof. Dr. Suharsimi Arikunto dari UAD dan Dr. Tutut Herawan juga dari UAD. Kami atas nama panitia mengucapkan terima kasih yang sebesar-besarnya atas kesediaan beliau semua hadir dalam acara ini. Selain itu kami selaku panitia merasa senang atas partisipasi dari 235 peserta yang datang dari berbagai daerah di Indonesia. Terdapat 167 pemakalah yang mempresentasikan karya tulisnya yang berkaitan dengan pendidikan matematika, matematika murni dan juga terapan.

SENDIKMAD 2014 tidak dapat berjalan tanpa adanya bantuan dan dukungan dari berbagai pihak. Kami sangat berterimakasih kepada Rektor Universitas Ahmad Dahlan dan Dekan Fakultas Keguruan dan Ilmu Pendidikan Universitas Ahmad Dahlan atas dorongan, dukungan dan fasilitas yang disediakan. Terimakasih kepada seluruh sponsor dan semua pihak yang tidak dapat kami sebutkan satu per satu yang telah turut membantu kelancaran SENDIKMAD 2014. Terimakasih juga kami ucapkan kepada pengurus Himpunan mahasiswa Program Studi (HMPS) Pendidikan matematika dan teman-teman panitia yang telah bekerja keras demi suksesnya penyelenggaraan seminar ini.

Akhir kata selaku ketua program studi sekaligus panitia berharap seminar nasional ini dapat menuai manfaat yang besar di kemudian hari dan anda juga merasa nyaman selama berada di Yogyakarta.

Kami juga mengucapkan terimakasih kepada Bapak, Ibu dan Saudara peserta yang telah berkenan mengikuti seminar ini hingga selesai nantinya. Atas nama panitia,

kami mohon maaf yang sebesar-besarnya jika dalam kegiatan ini terdapat kesalahan, kekurangan maupun hal-hal yang tidak/ kurang berkenan di hati Bapak, Ibu dan saudara sekalian.

Semoga seminar ini dapat memberikan sumbangan dalam memajukan pendidikan matematika dan matematika guna mewujudkan Indonesia yang lebih baik

Wassalamu'alaikum Wr.Wb.

Kaprodi pendidikan matematika

Drs. H. Abdul Tarom, M.Si.

**SAMBUTAN REKTOR UAD
PADA ACARA PEMBUKAAN SEMINAR NASIONAL PENDIDIKAN MATEMATIKA
SENDIKMAD 2014**

Assalamu'alaikum Wr. Wb.

1. Yth. Dekan FKIP UAD
2. Yth. Para Pembicara utama
3. Yth. Pemakalah dan peserta seminar
4. Yth. Bapak/ Ibu Tamu Undangan, serta hadirin sekalian

Puji Syukur kami haturkan kehadiran Allah SWT yang telah melimpahkan rahmat dan Hidayah- Nya sehingga acara Seminar Nasional Pendidikan matematika Ahmad Dahlan (SENDIKMAD 2014) dapat berjalan dengan sukses. Tak lupa Sholawat dan Salam selalu tercurahkan kepada nabi Muhammad SAW yang senantiasa kita nantikan Syafa'atnya di akhir nanti. Selamat datang kami ucapkan kepada seluruh peserta dan pemakalah yang bergabung dengan SENDIKMAD 2014. Adapun tema kali ini adalah “Revitalisasi Pendidikan Matematika Menuju AFTA 2015”. Seminar ini ditujukan kepada peneliti, dosen, guru, mahasiswa dan juga masyarakat yang peduli pada pendidikan matematika.

Secara khusus perkenalkan saya mengucapkan terimakasih kepada Dr. Thien Lei Mee dari SEAMEO RECSAM Penang Malaysia , Dr. Ir. Illah Sailah, MS. Direktorat BELMAWA DIKTI, Prof. Dr. Suharsimi Arikunto dari UAD dan Dr. Tutut Herawan juga dari UAD yang telah berkenan menjadi pembicara utama pada semiar ini.

Harapan kami dengan adanya seminar ini adalah terjadinya tukar informasi antar berbagai pihak terkait, serta terjalinnya kerjasama yang baik antar dosen, peneliti,guru serta mahasiswa di seluruh Indonesia untuk mewujudkan masyarakat Indonesia yang maju, sejahtera dan berkarakter. Seminar nasional ini harus mampu mendorong para dosen dan praktisi di bidang pendidika matematika dan matematika murni untuk senantiasa melakukan inovasi demi kemajuan bangsa Indonesia.

Akhirnya saya mengucapkan terimakasih atas partisipasinya dalam seminar yang diselenggarakan rutin tiap tahun oleh prodi pendidikan matematika FKIP UAD ini dengan harapan semoga seminar ini memberikan motivasi bagi para peserta untuk terus berkarya memajukan bangsa ini di masa mendatang.

Selanjutnya perkenalkan saya menyampaikan penghargaan dan ucapan terimakasih kepada para sponsor yang telah mendukung pelaksanaan seminar ini, serta panitia pelaksana seminar yang telah mempersiapkan pelaksanaan seminar ini sehingga berjalan dengan baik dan lancar.

Wassalamu'alaikum Wr.Wb.

Rektor UAD

Dr. Kasiyarno, M.Hum

DAFTAR ISI

HALAMAN JUDUL	i
KATA PENGANTAR	ii
SAMBUTAN KAPRODI PENDIDIKAN MATEMATIKA	iii
SAMBUTAN REKTOR UNIVERSITAS AHMAD DAHLAN	v
STRATEGI <i>MNEMONIC</i> DALAM PEMBELAJARAN MATEMATIKA	1
PENGARUH PENGGUNAAN MODEL <i>STUDENT FACILITATOR AND EXPLAINING</i> BERBANTUAN DOMINO MATEMATIKA TERHADAP KEMAMPUAN KOMUNIKASI MATEMATIS SISWA	12
PENERAPAN MODEL MATEMATISASI BERJENJANG PADA MATERI PENJUMLAHAN DAN PENGURANGAN BILANGAN BULAT	20
PENERAPAN MODEL PEMBELAJARAN KOOPERATIF PENDEKATAN STRUKTURAL <i>NUMBERED HEADS TOGETHER</i> (NHT) UNTUK MENINGKATKAN HASIL BELAJAR MATEMATIKA SISWA KELAS VIII-A SMP NEGERI 23 PEKANBARU.....	32
PENGARUH MODEL PEMBELAJARAN <i>TREFFINGER</i> TERHADAP KEMAMPUAN BERPIKIR ALJABAR DAN KEMANDIRIAN BELAJAR SISWA	42
Studi Kasus: Perkembangan Kemampuan Penalaran Matematis Siswa Kelas V Sekolah Dasar Melalui Penerapan Metode Menulis Jurnal Dalam Pembelajaran Matematika	52
PENERAPAN MODEL PEMBELAJARAN CORE (<i>CONNECTING, ORGANIZING, REFLECTING</i> DAN <i>EXTENDING</i>) DENGAN PENDEKATAN <i>SCIENTIFIC</i> UNTUK MENINGKATKAN KEMAMPUAN KOMUNIKASI MATEMATIS SISWA.....	66
Pengaruh Penerapan Pembelajaran Kooperatif Tipe <i>Think Talk Write</i> terhadap Pemahaman Konsep Matematis Siswa Kelas VIII SMP	79
PENERAPAN MODEL PEMBELAJARAN KOOPERATIF PENDEKATAN STRUKTURAL <i>NUMBERED HEADS TOGETHER</i> (NHT) UNTUK MENINGKATKAN HASIL BELAJAR	

MATEMATIKA SISWA KELAS XI IPA 6 SMA NEGERI 5 PEKANBARU	85
Pembelajaran Matematika Berbasis Otak	97
PENGARUH STRATEGI <i>THE POWER OF TWO</i> TERHADAP KEMAMPUAN KOMUNIKASI MATEMATIS SISWA.....	109
PENGARUH MODEL KOOPERATIF TIPE <i>SNOWBALL THROWING</i> DENGAN STRATEGI <i>STUDENT TEAM HEROIC LEADERSHIP</i> BERBANTUAN ALAT PERAGA UNTUK MENGEMBANGKAN KEMAMPUAN PENALARAN MATEMATIS SISWA	117
Analisis Kurikulum, Problematika dan Kasus Pembelajaran Matematika di Sekolah Pokok Bahasan Keliling dan Luas Lingkaran	128
Sudut Pandang Siswa terhadap <i>Mathematical Beauty</i> dan Perannya.....	140
Pembelajaran Matematika dengan Menggunakan Pendekatan <i>Model Eliciting Activities (MEAs)</i> untuk Meningkatkan Kemampuan Komunikasi Matematik Siswa SMP.....	147
Mengembangkan Ranah Kognitif dan Afektif <i>Adolescence</i> melalui Pembelajaran Matematika	160
Penerapan Asesmen Portofolio Berbantuan CD Interaktif dalam Kemampuan Representasi Matematis Siswa SMP	173
Pengaruh Pendekatan Investigasi terhadap Kemampuan Pemahaman Matematis dan Disposisi Matematis Siswa	180
KUALITAS ALAT EVALUASI MATEMATIKA DALAM KEMAMPUAN KOGNITIF DAN ANALISISNYA	191
STUDI LITERATUR: MODEL PEMBELAJARAN SINEKTIK UNTUK MENINGKATKAN KEMAMPUAN BERPIKIR KREATIF MATEMATIS DAN <i>SELF CONFIDENCE</i> SISWA.....	199
Analisa Dampak Sistem Evaluasi Mandiri Dan Sistem Evaluasi Bersama Terhadap Prestasi Belajar Mahasiswa Baru ITS	212
ENHANCE MATHEMATICS LEARNING OUTCOMES OF SOCIAL SCIENCE OF SENIOR HIGH SCHOOL STUDENT'S THROUGH COOPERATIVE LEARNING <i>NUMBEREDS HEAD TOGETHER</i>	218
Diagnosis Kesalahan Konsep Sistem Persamaan Linear Dua Variabel (SPLDV) pada Siswa SMP Kota Bengkulu.....	230

MENINGKATKAN KEMAMPUAN HEURISTIK SISWA SMP MELALUI PENDEKATAN METAKOGNITIF	243
PEMANFAATAN TEKNOLOGI INFORMASI DAN KOMUNIKASI DENGAN SOFTWARE GEOGEBRA DALAM PEMBELAJARAN MATEMATIKA.....	252
Meningkatkan Pemahaman Konsep Operasi Hitung Bilangan Bulat Melalui Metode Bermain Peran Dalam Permainan Kotak Bus Pada Kelas IV SDN 87 Buttakeke.....	262
Meningkatkan Kemampuan Komunikasi Matematik Siswa SMP menggunakan Pendekatan <i>Open-ended</i>	274
PENERAPAN METODE ACCELERATED LEARNING DALAM PEMBELAJARAN MATEMATIKA TERHADAP KEMAMPUAN KOMUNIKASI MATEMATIS SISWA SMP.....	288
PENERAPAN PENDEKATAN KONTEKSTUAL DENGAN PEMBERIAN TUGAS <i>MIND MAP</i> SETELAH PEMBELAJARAN TERHADAP PENINGKATAN KEMAMPUAN KONEKSI MATEMATIS SISWA SMP.....	297
Pembelajaran Matematika Humanistik Untuk Mengembangkan Ranah Kognitif dan Afektif Siswa.....	306
PENENTUAN FORMULASI MATEMATIKA DARI SUSUNAN AWAL KARTU PADA PERMAINAN KARUT DENGAN LONCATAN DUA KARTU	319
PENGARUH PEMBELAJARAN <i>MATH GAMES METHOD</i> TERHADAP PENINGKATAN KECERDASAN LOGIS MATEMATIS SISWA SMP.....	338
PENERAPAN PENDEKATAN PEMBELAJARAN <i>OPEN-ENDED</i> UNTUK MENINGKATKAN KEMAMPUANKONEKSI MATEMATIS SISWA	352
TINGKAT KREATIVITAS SISWA DALAM MEMECAHKAN MASALAH MATEMATIKA DIVERGEN DITINJAUDARI GAYA BELAJAR SISWA	361
PENERAPAN <i>TEACHING WITH ANALOGIES</i> DISERTAI MODEL 5E (<i>ENGAGE, EXPLORE, EXPLAIN, ELABORATE, AND EVALUATE</i>) UNTUK MENINGKATKAN KEMAMPUAN PENALARAN SISWA SMP	372

PENGEMBANGAN MEDIA PEMBELAJARAN MATEMATIKA BERUPA CD PEMBELAJARAN INTERAKTIF PADA MATERI BANGUN RUANG SISI DATAR DI KELAS VIII SMP	384
HUBUNGAN ANTARA KEMAMPUAN NUMERIK DENGAN KEMAMPUAN PEMECAHAN MASALAH MATEMATIK SISWA DI SMP	397
Pembelajaran melalui Pendekatan Konstruktivisme untuk Meningkatkan Aktivitas Siswa dan Prestasi Matematika.....	404
PENINGKATAN KEMAMPUAN PEMECAHAN MASALAH, KOMUNIKASI MATEMATIS MELALUI PENDEKATAN KETERAMPILAN METAKOGNITIF DENGAN MEMPERHATIKAN GAYA KOGNITIF SISWA SMP	418
PENERAPAN MODEL PEMBELAJARAN VAK (VISUAL, AUDITORI DAN KINESTETIK) BERBASIS <i>OPEN-ENDED PROBLEM</i> UNTUK MENINGKATKAN KEMAMPUAN BERPIKIR KREATIF MATEMATIS SISWA.....	432
PENERAPAN PEMBELAJARAN MATEMATIKA GASING UNTUK MENINGKATKAN KEMAMPUAN PEMAHAMAN SISWA SEKOLAH DASAR PADA PEMBAGIAN.....	438
Penerapan Pembelajaran Matematika GASING untuk Meningkatkan Kemampuan Pemahaman Matematis Siswa Kelas III Sekolah Dasar pada Perkalian	454
STRATEGI PEMBELAJARAN KONFLIK KOGNITIF (<i>COGNITIVE CONFLICT</i>) UNTUK MENINGKATKAN KEMAMPUAN KOMUNIKASI MATEMATIS SISWA SMP	465
Analisis Hambatan Belajar (<i>Learning Obstacle</i>) Pada Mata Kuliah Kalkulus III.....	474
PENGARUH SOFTWARE MATEMATIKA UNTUK MENINGKATKAN KEMAMPUAN KOMUNIKASI DAN MINAT BELAJAR SISWA DALAM PEMBELAJARAN MATEMATIKA.....	485
PENGEMBANGAN BAHAN AJAR BERBASIS PROYEK BERBANTUAN ICT DAN INSTRUMEN UNTUK MENINGKATKAN KEMAMPUAN PENALARAN, KOMUNIKASI STATISTIS SERTA <i>ACADEMIC HELP-SEEKING</i> MAHASISWA	499
Pengembangan Perangkat Pembelajaran Materi Logika Matematika dengan Pendekatan PMRI untuk Siswa SMA Kelas X	515

Pengaruh Motivasi dan Aktivitas dalam Pendekatan Pembelajaran Konstruktivisme terhadap Kemampuan Pemahaman dan Penalaran Matematis pada Mata Kuliah Aljabar Linear 1	525
Efektivitas Pembelajaran Matematika Menggunakan Metode <i>Group Investigation</i> Dengan Pendekatan Matematika Realistik terhadap Pemahaman Konsep dan Komunikasi Matematis Siswa Kelas VII	536
<i>PROBLEM-BASED LEARNING</i>: MENINGKATKAN KEMAMPUAN METAKOGNITIF SISWA SMA	547
PENGARUH PENDEKATAN KETERAMPILAN PROSES DENGAN STRATEGI “MARTIN” TERHADAP KEMAMPUAN PENALARAN MATEMATIS SISWA.....	560
PROSES BERPIKIR GEOMETRI SISWA TUNANETRA DALAM MEMAHAMI SEGIEMPAT DENGAN MENGGUNAKAN TEORI BERPIKIR VAN HIELE	569
Pemanfaatan Software Geogebra Berbantuan E-Learning dalam Pembelajaran Geometri.....	578
PENGARUH BAHAN AJAR MATEMATIKA BERBASIS KONSTRUKTIF ISLAMI TERHADAP PENINGKATAN KEMAMPUAN MENGAJAR MAHASISWA PENDIDIKAN MATEMATIKA.....	587
Pengaruh Pendekatan Saintifik Berbasis <i>Assessment for Learning</i> pada Pembelajaran Geometri Dalam Meningkatkan <i>Self-Concept</i> Matematis Siswa	600
PROFIL KEMAMPUAN NUMBER SENSE SISWA SEKOLAH DASAR KELAS VI DALAM MENYELESAIKAN SOAL OPERASI BILANGAN BULAT	613
Penerapan Pendekatan Saintifik dan Model Pembelajaran <i>Problem Based Learning</i> pada Materi Limit Fungsi dalam Meningkatkan Motivasi Belajar Matematika Siswa.....	627
Modifikasi Metode Pembelajaran <i>Problem Posing</i> dengan Pendekatan CTL untuk Meningkatkan Prestasi Belajar Siswa	640
UPAYA MENINGKATKAN AKTIVITAS BELAJAR MATEMATIKA MELALUI MODEL PEMBELAJARAN KOOPERATIF TIPE <i>TWO STAY TWO STRAY</i> PADA SISWA KELAS XI IPA 2 SMA MUHAMMADIYAH IMOGIRI	647

PENGEMBANGAN BAHAN AJAR MATEMATIKA DENGAN MEMANFAATKAN PROGRAM GEOGEBRA UNTUK MENINGKATKAN PEMAHAMAN KONSEP DAN KEMANDIRIAN BELAJAR SISWA PADA POKOK BAHASAN TRANSFORMASI (Suatu Penelitian Pengembangan).....	658
EKSPERIMENTASI MODEL PEMBELAJARAN <i>DISCOVERY LEARNING</i> (DL) BERBASIS <i>ASSESSMENT FOR LEARNING</i> (AFL) MELALUI <i>PEER ASSESSMENT</i>	670
PENINGKATAN INTERAKSI BELAJAR SISWA MENGGUNAKAN MODEL BELAJAR KELOMPOK PADA SISWA KELAS VII SEKOLAH MENENGAH PERTAMA	677
<i>Mind Map</i>, Alternatif Pembelajaran untuk Meningkatkan Kemampuan Representasi dan Disposisi Matematis	687
Fenomena Pemberian PR Dalam Usaha Meningkatkan Kualitas Sumber Daya Manusia (SDM)	697
EKSPERIMENTASI MODEL PEM BELAJARAN <i>THINK PAIR SHARE</i> (TPS) BERBASIS <i>ASSESSMENT FOR LEARNING</i> (AFL) MELALUI <i>PEER ASSESSMENT</i>	710
PEMBELAJARAN LANGSUNG YANG TERMODIFIKASI UNTUK MENINGKATKAN PRESTASI BELAJAR DAN EFIKASI DIRI MAHASISWA PADA MATA KULIAH GEOMETRI ANALITIK	719
MENGGUNAKAN SEJARAH MATEMATIKA DALAM PEMBELAJARAN VOLUM BANGUN RUANG DENGAN PENDEKATAN PMRI	727
Penggunaan Pemahaman Intuitif Siswa Kelas 5 SD dalam Menyelesaian Masalah Persen	738
PENGARUH MODEL PEMBELAJARAN KOOPERATIF TIPE <i>TALKING CHIPS</i> BERBANTUAN CD PEMBELAJARAN <i>CAMTASIA</i> TERHADAP KEMAMPUAN PEMAHAMAN MATEMATIS	751
DESAIN DIDAKTIS BAHAN AJAR PERTIDAKSAMAAN.....	758
Profil penyelesaian Soal Cerita Siswa Sekolah Dasar Pada Materi Pecahan Ditinjau Dari Gender	772
ANALISIS PENGEMBANGAN PERANGKAT PEMBELAJARAN MATEMATIKA MODEL PLOM PADA SISWA SMK JURUSAN OTOMOTIF UNTUK MATERI BARISAN DAN DERET	781

INTERAKSI BELAJAR MATEMATIKA SISWA DALAM PEMBELAJARAN KOOPERATIF	801
Tingkatan Koneksi Matematis Siswa MTs pada Pemecahan Masalah Terapan Sistem Persamaan Linear	807
MENINGKATKAN HASIL BELAJAR DENGAN MODEL PEMBELAJARAN <i>THINK PAIR SHARE</i> (TPS) MATERI BILANGAN BULAT PADA SISWA KELAS IV SD	820
ASESMEN AUTENTIK (SIKAP DAN KETERAMPILAN) DAN PROBLEMANYA.....	832
Meningkatkan Kemampuan Komunikasi Matematik Mahasiswa Pada Mata Kuliah Teori Grup Melalui Pembelajaran Tutor Sebaya	843
MENDORONG KEMAMPUAN MAHASISWA DALAM MEMECAHKAN MASALAH MELALUI KEGIATAN PEMBELAJARAN BERMAKNA UNTUK MENINGKATKAN KUALITAS PEMAHAMAN PADA MATA KULIAH TEORI PROBABILITAS	854
PENGEMBANGAN PERANGKAT PEMBELAJARAN “BUSAKA” (BUKU SAKU STATISTIKA) DENGAN MODEL 4D-THIAGARAJAN.....	865
PENERAPAN TEORI BELAJAR KONSTRUKTIVISME DENGAN MODEL KOOPERATIF TPS UNTUK MENINGKATKAN AKTIVITAS DAN HASIL BELAJAR MAHASISWA PADA MATA KULIAH ALJABAR LINIER.....	886
Pengembangan Perangkat Pembelajaran Matematika Model Kooperatif Tipe <i>Team Assisted Individualization</i> Berbasis Konstruktivisme untuk meningkatkan kemampuan berpikir kreatif	895
Model Matematika Aliran Konveksi Campuran Pada Fluida Viskoelastik <i>Magnetohydrodynamics</i> (MHD) Yang Melewati Silinder Sirkular Berpori.....	903
Karakteristik Nilai Eigen, Vektor Eigen, dan <i>Eigenmode</i> dari Matriks Tak Tereduksi dalam Aljabar Max-Plus	912
Analisis Dinamik Model Epidemik Tipe <i>SEIT</i> dengan Perbedaan Periode Laten dan Tingkat Kejadian Tersaturasi	924
MODEL ALIRAN KONVEKSI CAMPURAN YANG MELEWATI PERMUKAAN SEBUAH BOLA	936

PEMODELAN DAN ANALISIS KESTABILAN MODEL DIVERSIFIKASI BERAS DAN NON-BERAS DENGAN PEMBERIAN SUBSIDI PADA NON-BERAS.....	948
Pelabelan Total Super (a,d)-H-Covering Pada Amalgamasi Star	959
Fluida Viskos-Elastis yang Melewati Pelat Datar dengan Memperhatikan Faktor Hidrodinamika.....	969
PELABELAN GRACEFUL PADA GRAF DRAGON GANDA $2D_n$ (m) UNTUK $n=3$ dan $m \geq 3$	978
Model Rantai Pasok Menggunakan <i>Petri Net</i> dan Aljabar <i>Max Plus</i> dengan Mempertimbangkan Prioritas Transisi.....	985
Penerapan Twin Bounded Support Vector Machine untuk Prediksi Tingkat Pencemaran Bahan Organik di Sungai Kali Surabaya.	1003
Desain dan Analisa Sistem Kendali Gerak pada Sistem Propulsi dan <i>Fin</i> Kapal Selam Tanpa Awak (<i>Autonomous Underwater Vehicle</i>)	1014
MODEL MATEMATIKA ALIRAN KONVEKSI BEBAS FLUIDA VISKOELASTIK YANG MELEWATI PERMUKAAN SEBUAH BOLA.....	1025
KENDALI OPTIMAL SISTEM PERGUDANGAN DENGAN PRODUKSI YANG MENGALAMI KEMEROSOTAN.....	1038
Estimasi Posisi Kapal Selam Tanpa Awak Berdasarkan Lintasannya dengan Menggunakan metode <i>Extended Kalman Filter</i>	1052
MODEL MATEMATIKA ALIRAN FLUIDA VISKOELASTIS YANG MELEWATI SILINDER SIRKULAR	1062
Model Asimetris EGARCH Volatilitas Return Indeks Saham pada Pasar Saham Syariah dan Konvensional.....	1071
Bilangan Dominasi Jarak Dua pada Graf-Graf Hasil Operasi <i>Comb</i>.....	1080
Analisis Dinamik Model Prey Predator Pada Udang Windu (<i>Paneus Monodon</i>) di Tambak Tradisional	1093
DIMENSI METRIK BINTANG GRAF JAHANGIR $J_{k,s}$ dengan $k \geq 4$ dan $s = 2$	1100
Dimensi Partisi Graf Garis dari Graf <i>Friendship</i> $K_1 + mK_2$	1108
Deteksi Kecacatan Peluru Berbasis Citra Digital Menggunakan <i>Modified Line Detection</i>.....	1117

Pemodelan Bayesian SUR Spasial <i>Autoregressive</i> pada Kasus Heteroskedastisitas	1124
Deteksi <i>Abnormality</i> melalui BIRADS untuk Memprediksi Posisi dan Potensi Keganasan Kanker pada Kasus Kanker Payudara (<i>Ca mammae</i>) di Jawa Timur dengan Pendekatan Multinomial Normit Analysis	1137
Penerapan Logika Fuzzy Mamdani untuk Diagnosa Penyakit Hipertiroid	1146
JARINGAN SYARAF <i>RADIAL BASIS FUNCTION</i> (RBF) UNTUK KLASIFIKASI PENYAKIT KARIES GIGI	1158
Studi Penerapan Bus Sekolah di Jombang Menggunakan Aljabar Max-Plus	1167
MODIFIKASI DISTRIBUSI PERJALANAN COMMUTER LINE JABODETABEK DENGAN MODEL GRAVITASI VOORHEES	1175
Pengaruh Tingkat Kemiringan Tanah dan Pola Tanam Graf Tangga Segitiga Terhadap Sirkulasi Udara Pada Perkebunan Kopi	1181
PERUBAHAN NILAI TUKARIMPOR DAN HARGA KONSUMEN DI KAMBOJA DAN INDONESIA: BUKTI DARI VEKTOR AUTOREGRESI (VAR)	1187
KARAKTERISASI IDEAL MAKSIMAL <i>FUZZY NEAR-RING</i>	1199
Metode Numerik Pada Persamaan Diferensial Parsial Dengan Metode Beda Hingga	1208
Solusi Numerik Persamaan Diferensial Parsial Dengan Metode Sapuan Ganda	1214
Mengkonstruksi Algoritma Bentuk Numerik Pada Sistem Persamaan Linear	1222
Pemodelan GSTARX Dengan Intervensi <i>Pulse</i> dan <i>Step</i> Untuk Peramalan Wisatawan Mancanegara	1230
Nilai Strong Rainbow Connection pada Graf Khusus dan Hasil Operasinya	1242
PENGEMBANGAN TOTAL SELIMUT SUPER PADA GRAF SHACKLETRIANGULAR BOOK	1249
BILANGAN KROMATIK PADA PENGOPERASIAN GRAF LINTASAN DENGAN GRAF LINGKARAN	1257
PELABELAN TOTAL SUPER (a, d)-SISI ANTIMAGIC PADA GABUNGAN SALING LEPAS GRAF DAUN $mLgn$	1263

SUPER(a,d)-H ANTI MAGIC TOTAL COVERING PADA GABUNGAN SALING LEPAS GRAF TRIANGULAR LADDER	1271
PELABELAN TOTAL SUPER (a,d)-SISI ANTI MAGIC PADA GABUNGAN SALING LEPAS GRAF SEMI PARASUT	1280
SUPER (A,D)-H-ANTIMAGIC TOTAL COVERING PADA GRAF SEMI WINDMILL	1287
Pewarnaan Titik pada Operasi-Operasi Graf Roda	1296
Dominating Set Dan Total Dominating Set Dari Graf-Graf Khusus	1301
Keantimagikan Super Total Selimut pada Gabungan Saling Lepas Graf Shackle Triangular Book	1308
BILANGAN DOMINASI PADA GRAF HASIL OPERASI	1321
Analisis Sirkulasi Udara Pada Tanaman Kopi Berdasarkan Faktor Tanaman Pelindung dan Pola Tanam Graf Tangga Menggunakan Metode Volume Hingga	1326
Pelabelan Super (a; d)-Edge Antimagic Total dari Sackle Graf Buku Berorder Tiga Super (a; d)-Edge Antimagic Total Labeling Of Book Of Order Three	1334
Model <i>Mixture Survival</i> Spasial Pada Angka Lama Sekolah Anak Umur 16-18 Tahun di Provinsi Jawa Timur Tahun 2012	1339
METODE <i>FAST DOUBLE BOOTSTRAP</i> PADA REGRESI SPASIAL DATA PANEL DENGAN <i>SPATIAL FIXED EFFECT</i> (Studi Kasus : Persentase Penduduk Miskin di Provinsi NTB)	1349
Studi Simulasi Grafik Pengendali <i>T2</i> Hotelling untuk Pengamatan Individual Menggunakan Estimator <i>Robust</i> RMCD	1358
Pemodelan Pemberian Imunisasi Dasar dan ASI Eksklusif Menggunakan Regresi Probit Biner Bivariat di Provinsi Kalimantan Selatan	1372
Peramalan Data Musiman Dengan Model Winter	1382
Pemodelan Produksi Kedelai di Provinsi Jawa Tengah menggunakan Dua Proses Spasial	1388
APLIKASI METODE <i>PARTIAL LEAST SQUARES</i> (PLS) DALAM PEMODELAN PRESTASI MAHASISWA BIDIK MISI FAKULTAS MATEMATIKA DAN ILMU PENGETAHUAN ALAM (FMIPA) UNIVERSITAS SRIWIJAYA ANGKATAN 2010-2012	1393

PEMODELAN PRESTASI MAHASISWA BIDIK MISI UNSRI DENGAM MODEL PERSAMAAN STRUKTURAL (<i>STRUCTURAL EQUATION MODELS</i>) (DENGAN METODE ESTIMASI <i>MAXIMUM LIKELIHOOD</i>)	1407
ESTIMASI PROBIT DATA PANEL MODEL <i>RANDOM EFFECT</i>	1425
PEMODELAN DAN PENYELESAIAN NUMERIK POLA PENYEBARAN ASAP DARI CEROBONG PABRIK GULA PT. SEMBORO JEMBERJAWA TIMUR DENGAN MENGGUNAKAN METODE VOLUME HINGGA	1432
Pelabelan Total Super (a,d)-sisi Antimagic pada Gabungan Graf Buah Naga	1439
The Rainbow Connection Number of Special Graphs	1445
Pelabelan Total Super (a,d)-sisi Antimagic pada Gabungan Graf Rem Cakram	1449
Algoritma Penjadwalan Perkuliahan dengan Kasus <i>Team Teaching</i> dengan Metode <i>Vertex Coloring Graph</i>	1458

Pelabelan Total Super (a, d) -sisi Antimagic pada Gabungan Saling Lepas Graf Daun mLg_n

Sih Muhni Y.^{1,2}, Ika Hesti A.^{1,2}, Dafik^{1,3}

¹CGANT - Universitas Jember

²Jurusan Matematika FMIPA Universitas Jember

³Jurusan Pendidikan Matematika FKIP Universitas Jember

nichachapri@gmail.com; Hestyarin@gmail.com; d.dafik@unej.ac.id

Abstract

Pelabelan total super (a, d) -sisi antimagic pada sebuah graf $G = (V, E)$ adalah pelabelan titik dengan bilangan bulat $f(V) = \{1, 2, 3, \dots, p\}$ dan pelabelan sisi dengan bilangan bulat $f(E) = \{p+1, p+2, p+3, \dots, p+q\}$ dari sebuah graf G dimana p adalah banyaknya titik dan q adalah banyaknya sisi pada graf G . Himpunan bobot sisi yang terbentuk adalah $W = \{w(xy) \mid xy \in E(G) = \{a, a+d, a+2d, \dots, a+(q-1)d\}$ untuk $a > 0$ dan $d \geq 0$. Gabungan m graf daun dinotasikan dengan mLg_n adalah gabungan saling lepas m buah graf daun Lg_n . Dalam penelitian ini akan dikaji keberadaan pelabelan total super (a, d) -sisi antimagic pada graf mLg_n untuk $n > 1$ dan $m \geq 3$.

Key Words : Pelabelan super (a, d) -sisi antimagic total, Gabungan graf daun mLg_n .

Pendahuluan

Sebuah graf G adalah pasangan himpunan (V, E) dimana V adalah himpunan titik (*vertex*), dan E adalah himpunan sisi (*edges*). V disebut himpunan titik dari G , dan E disebut himpunan sisi dari G . Seringkali kita menuliskan $V(G)$ adalah himpunan titik dari graf G dan $E(G)$ adalah himpunan sisi dari graf G [6].

Salah satu topik dalam teori graf yang banyak mendapatkan perhatian adalah pelabelan graf. Berdasarkan elemen yang dilabeli, pelabelan dibagi menjadi 3 jenis, yaitu : pelabelan titik, pelabelan sisi dan pelabelan total. Jika domain dari pemetaan adalah titik, maka pelabelan disebut pelabelan titik (*vertex labeling*). Jika domiannya sisi, maka pelabelan disebut pelabelan sisi (*edge labeling*), dan jika domainnya adalah titik dan sisi, maka disebut pelabelan total (*total labeling*) [11].

Terdapat berbagai jenis tipe pelabelan dalam graf, salah satunya adalah pelabelan total super (a, d) -sisi antimagic (SEATL), dimana a bobot sisi terkecil dan d nilai beda [1]. Lebih jelas lihat [3]. Beberapa penelitian tentang pelabelan total super (a, d) -sisi antimagic yang telah dipublikasikan antara lain: [2], [4], [7], [5], [8] dan [9].

*Corresponding author. Any further comment or request should be addressed to d.dafik@unej.ac.id

Sebuah graf memiliki pelabelan (a, d) -sisi antimagic jika terdapat sebuah pemetaan satu-satu f dari $V(G)$ ke himpunan bilangan bulat $\{1, 2, 3, \dots, p\}$ disebut pelabelan titik (a, d) -sisi antimagic jika himpunan bobot $W(uv) = f(u) + f(v)$ pada semua sisi G adalah $\{a, a + d, \dots, a + (q - 1)d\}$ untuk $a > 0$ dan $d \geq 0$ keduanya adalah bilangan bulat. Sedangkan pelabelan total (a, d) - sisi antimagic adalah sebuah pemetaan satu-satu f dari $V(G) \cup E(G)$ ke bilangan bulat $\{1, 2, 3, \dots, p+q\}$ sehingga himpunan bobot sisinya $w(t)(uv) = f(u) + f(v) + f(uv)$ pada semua sisi G adalah $\{a, a + d, a + 2d, \dots, a + (q - 1)d\}$ untuk $a > 0$ dan $d \geq 0$ keduanya bilangan bulat[10].

Lemma 1 *Jika sebuah graf (p, q) adalah pelabelan total super (a, d) -sisi antimagic maka $d \leq \frac{2p+q-5}{q-1}$*

Bukti: $f(V) = \{1, 2, 3, \dots, p\}$ dan $f(E) = \{p + 1, p + 2, p + 3, \dots, p + q\}$. Misalkan graf (p, q) adalah pelabelan total super (a, d) -sisi antimagic dengan pemetaan $f : V(G) \cup E(G) \rightarrow \{1, 2, 3, \dots, p + q\}$. Himpunan bobot $W(uv) = f(u) + f(v)$ pada semua sisi G adalah $\{a, a + d, \dots, a + (q - 1)d\}$ untuk $a > 0$ dan $d \geq 0$. Nilai minimum yang mungkin dari bobot sisi terkecil $\alpha(u) + \alpha(uv) + \alpha(v) = 1 + (p + 1) + 2 = p + 4$ sehingga memenuhi $p + 4 \leq a$. Sedangkan pada sisi yang lain, nilai maksimum yang mungkin dari bobot sisi terbesar diperoleh dari jumlah dua label titik terbesar dan label sisi terbesar atau dapat ditulis $(p - 1) + (p + q) + p = 3p + q - 1$. Akibatnya:

$$\begin{aligned} a + (q - 1)d &\leq 3p + q - 1 \\ d &\leq \frac{3p + q - 1 - (p + 4)}{q - 1} \\ d &\leq \frac{2p + q - 5}{q - 1} \end{aligned}$$

Jadi terbukti bahwa nilai $d \leq \frac{2p+q-5}{q-1}$ dari berbagai jenis atau famili graf. □

Metode Penelitian

Metode yang digunakan dalam penelitian ini adalah dengan teknik generalisasi pola dan deduktif analitik, yang tahapan penelitiannya dilakukan sebagai berikut: Menentukan topologi graf yang memiliki sifat-sifat khusus, kemudian menghitung kardinalitas dari graf tersebut; Dengan teknik generalisasi pola maka dilakukan pelabelan terhadap graf dengan tipe pelabelan EAVL (Edge Antimagic Vertex Labeling) dan dirumuskan fungsi bijektif EAVL dan fungsi bobot sisinya; Dengan teknik deduktif analitik dikembangkan pelabelan SEATL (Super Edge

Antimagic Total Labeling) dan dirumuskan fungsi bijektif SEATL dan fungsi bobot total sisinya. Kemudian dikembangkan lema, teorema, akibat atau konjektur sebagai hasil utama penelitian.

Hasil Penelitian Terkait dengan Gabungan Graf Daun

Gabungan saling lepas graf Daun didefinisikan sebagai graf Daun dengan salinan sebanyak m . Gabungan graf Daun mLg_n didefinisikan sebagai himpunan titik $V = \{l^k, e^k, a^k, f^k, x_i^k, z_i^k, y_j^k ; 1 \leq i \leq n ; 1 \leq j \leq 2n + 1 ; 1 \leq k \leq m\}$ dan himpunan isi $E = \{l^k e^k, l^k f^k, f^k a^k, e^k a^k, f^k y_1^k, e^k y_1^k, a^k y_{2n+1}^k ; 1 \leq k \leq m\} \cup \{x_i^k y_{2i-1}^k, x_i^k y_{2i}^k, x_i^k y_{2i+1}^k ; 1 \leq i \leq n ; 1 \leq k \leq m\} \cup \{z_i^k y_{2i-1}^k, z_i^k y_{2i}^k, z_i^k y_{2i+1}^k ; 1 \leq i \leq n ; 1 \leq k \leq m\}$. Kajian pelabelan ini disajikan dalam bentuk lemma dan teorema berikut:

◇ **Lemma 1** *Ada pelabelan $(\frac{2nm+3m+3}{2}, 1)$ -sisi antimagic titik pada gabungan graf Daun (mLg_n) jika $n \geq 1, m \geq 3$ dan m ganjil.*

Bukti. Labeli titik-titik pada gabungan graf mLg_n dengan fungsi bijektif β_1 yang definisikan sebagai pelabelan $\beta_1 : V(mLg_n) \rightarrow \{1, 2, \dots, 4nm + 5m\}$ maka pelabelan β_1 dapat dituliskan sebagai berikut:

$$\begin{aligned} \beta_1(e^k) &= 1, \text{ untuk } 1 \leq k \leq m, \\ \beta_1(x_i^k) &= im + k, \text{ untuk } 1 \leq i \leq n, 1 \leq k \leq m, \\ \beta_1(a^k) &= \begin{cases} \frac{2nm+m+2k+1}{2}, & \text{untuk } \frac{m+1}{2} \leq k \leq m, \\ \frac{2nm+3m+2k+1}{2}, & \text{untuk } 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2}, \end{cases} \\ \beta_1(l^k) &= \begin{cases} \frac{2nm+3m+2k+1}{2}, & \text{untuk } \frac{m+1}{2} \leq k \leq m, \\ \frac{2nm+5m+2k+1}{2}, & \text{untuk } 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2}, \end{cases} \\ \beta_1(y_i^k) &= \begin{cases} \frac{2nm+3m+2im+2k+1}{2}, & \text{untuk } 1 \leq i \leq 2n, \frac{m+1}{2} \leq k \leq m, \\ \frac{2nm+5m+2im+2k+1}{2}, & \text{untuk } 1 \leq i \leq 2n, 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2}, \end{cases} \\ \beta_1(y_{2n+1}^k) &= \begin{cases} 3nm + 5m - 2k + 1, & \text{untuk } \frac{m+1}{2} \leq k \leq m, \\ 3nm + 4m - 2k + 1, & \text{untuk } 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2}, \end{cases} \\ \beta_1(f^k) &= 3nm + 4m + k, \text{ untuk } 1 \leq k \leq m, \\ \beta_1(x_i^k) &= 3nm + im + 4m + k, \text{ untuk } 1 \leq i \leq n, 1 \leq k \leq m. \end{aligned}$$

Pelabelan titik β_1 tersebut merupakan sebuah fungsi bijektif. Jika w_{β_1} merupakan bobot sisi berdasarkan pelabelan titik β_1 dimana bobot sisi pelabelan titik diperoleh dari penjumlahan 2 buah label titik yang bersisian pada mLg_n .

Bilangan 1, 2, ..., 13 pada $w_{\beta_1}^1, w_{\beta_1}^2, w_{\beta_1}^3, \dots, w_{\beta_1}^{29}$ bukan pangkat, melainkan hanya merupakan kode pembeda bobot sisi w_{β_1} . Berdasarkan pelabelan titik menurut β_1 , diturunkan rumus sebagai berikut:

$$\begin{aligned}
 w_{\beta_1}^1(e^k a^k) &= \frac{2nm+m+4k+1}{2}; \frac{m+1}{2} \leq k \leq m \\
 w_{\beta_1}^2(e^k a^k) &= \frac{2nm+3m+4k+1}{2}; 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \\
 w_{\beta_1}^3(l^k e^k) &= \frac{2nm+3m+4k+1}{2}; \frac{m+1}{2} \leq k \leq m \\
 w_{\beta_1}^4(l^k e^k) &= \frac{2nm+5m+4k+1}{2}; 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \\
 w_{\beta_1}^5(e^k y_1^k) &= \frac{2nm+5m+4k+1}{2}; \frac{m+1}{2} \leq k \leq m \\
 w_{\beta_1}^6(e^k y_1^k) &= \frac{2nm+7m+4k+1}{2}; 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \\
 w_{\beta_1}^7(x_i^k y_{2i-1}^k) &= \frac{2nm+m+6im+4k+1}{2}; 1 \leq i \leq n, \frac{m+1}{2} \leq k \leq m \\
 w_{\beta_1}^8(x_i^k y_{2i-1}^k) &= \frac{2nm+3m+6im+4k+1}{2}; 1 \leq i \leq n, 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \\
 w_{\beta_1}^9(x_i^k y_{2i}^k) &= \frac{2nm+3m+6im+4k+1}{2}; 1 \leq i \leq n, \frac{m+1}{2} \leq k \leq m \\
 w_{\beta_1}^{10}(x_i^k y_{2i}^k) &= \frac{2nm+5m+6im+4k+1}{2}; 1 \leq i \leq n, 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \\
 w_{\beta_1}^{11}(x_i^k y_{2i+1}^k) &= \frac{2nm+5m+6im+4k+1}{2}; 1 \leq i \leq n-1, \frac{m+1}{2} \leq k \leq m \\
 w_{\beta_1}^{12}(x_i^k y_{2i+1}^k) &= \frac{2nm+7m+6im+4k+1}{2}; 1 \leq i \leq n-1, 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \\
 w_{\beta_1}^{13}(x_n^k y_{2n+1}^k) &= 4nm + 4m - k + 1; 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \\
 w_{\beta_1}^{14}(x_n^k y_{2n+1}^k) &= 4nm + 5m - k + 1; \frac{m+1}{2} \leq k \leq m \\
 w_{\beta_1}^{15}(a^k y_{2n+1}^k) &= \frac{8nm+11m-2k+3}{2}; 1 \leq k \leq m \\
 w_{\beta_1}^{16}(f^k a^k) &= \frac{8nm+9m+4k+1}{2}; \frac{m+1}{2} \leq k \leq m \\
 w_{\beta_1}^{17}(f^k a^k) &= \frac{8nm+11m+4k+1}{2}; 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \\
 w_{\beta_1}^{18}(l^k f^k) &= \frac{8nm+11m+4k+1}{2}; \frac{m+1}{2} \leq k \leq m \\
 w_{\beta_1}^{19}(l^k f^k) &= \frac{8nm+13m+4k+1}{2}; 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \\
 w_{\beta_1}^{20}(f^k y_1^k) &= \frac{8nm+13m+4k+1}{2}; \frac{m+1}{2} \leq k \leq m \\
 w_{\beta_1}^{21}(f^k y_1^k) &= \frac{8nm+15m+4k+1}{2}; 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \\
 w_{\beta_1}^{22}(z_i^k y_{2i-1}^k) &= \frac{8nm+9m+6mi+4k+1}{2}; 1 \leq i \leq n, \frac{m+1}{2} \leq k \leq m \\
 w_{\beta_1}^{23}(z_i^k y_{2i-1}^k) &= \frac{8nm+11m+6mi+4k+1}{2}; 1 \leq i \leq n, 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \\
 w_{\beta_1}^{24}(z_i^k y_{2i}^k) &= \frac{8nm+11m+6mi+4k+1}{2}; 1 \leq i \leq n, \frac{m+1}{2} \leq k \leq m \\
 w_{\beta_1}^{25}(z_i^k y_{2i}^k) &= \frac{8nm+13m+6mi+4k+1}{2}; 1 \leq i \leq n, 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \\
 w_{\beta_1}^{26}(z_i^k y_{2i+1}^k) &= \frac{8nm+13m+6mi+4k+1}{2}; 1 \leq i \leq n-1, \frac{m+1}{2} \leq k \leq m \\
 w_{\beta_1}^{27}(z_i^k y_{2i+1}^k) &= \frac{8nm+15m+6mi+4k+1}{2}; 1 \leq i \leq n-1, 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \\
 w_{\beta_1}^{28}(z_n^k y_{2n+1}^k) &= 7nm + 8m - k + 1; 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \\
 w_{\beta_1}^{29}(z_n^k y_{2n+1}^k) &= 7nm + 9m - k + 1; \frac{m+1}{2} \leq k \leq m
 \end{aligned}$$

Berdasarkan bobot sisi EAV, bobot sisi terkecil terletak pada $w_{\beta_1}^1$ yaitu $\frac{2nm+m+4k+1}{2}$ untuk $k = \frac{m+1}{2}$. Sedangkan bobot sisi terbesar terletak pada $w_{\beta_1}^{29}$ yaitu $7nm+9m-k+1$ untuk $k = \frac{m+1}{2}$. Dengan mensubstitusikan nilai batas pada

tiap definisi rumusan yang diberikan maka didapatkan nilai-nilai berurutan yang akan membentuk himpunan $\bigcup_{r=1}^{29} w_{\beta_1}^r = \{\frac{2nm+3m+3}{2}, \frac{2nm+3m+5}{2}, \dots, \frac{14nm+17m+1}{2}\}$. Himpunan tersebut membentuk sebuah yang memiliki nilai awal $\frac{2nm+3m+3}{2}$ dan beda tiap elemennya adalah 1, sehingga terbukti bahwa graf mLg_n mempunyai pelabelan $(\frac{2nm+3m+3}{2}, 1)$ -sisi antimagic titik untuk $n \geq 1$, $m \geq 3$ dan m ganjil. \square

\diamond **Theorem 1** *Ada pelabelan super $(\frac{22nm+27m+3}{2}, 0)$ -sisi antimagic total pada gabungan graf Daun mLg_n jika $n \geq 1$, $m \geq 3$ dan m ganjil.*

Bukti. Gunakan pelabelan titik β_1 untuk melabeli titik gabungan saling lepas graf Daun mLg_n , kemudian definisikan label sisi $\beta_2 : E(mLg_n) \rightarrow \{4nm + 5m + 1, 4nm + 5m + 2, \dots, 10nm + 12m\}$, sedemikian hingga label sisi β_2 untuk pelabelan super $(a, 0)$ -sisi antimagic total pada graf mLg_n dapat dirumuskan sebagai berikut:

$$\begin{aligned} \beta_2^1(e^k a^k) &= 10nm + 13m - 2k + 1; \frac{m+1}{2} \leq k \leq m \\ \beta_2^2(e^k a^k) &= 10nm + 12m - 2k + 1; 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \\ \beta_2^3(l^k e^k) &= 10nm + 12m - 2k + 1; \frac{m+1}{2} \leq k \leq m \\ \beta_2^4(l^k e^k) &= 10nm + 12m - 2k + 1; 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \\ \beta_2^5(e^k y_1^k) &= 10nm + 11m - 2k + 1; \frac{m+1}{2} \leq k \leq m \\ \beta_2^6(e^k y_1^k) &= 10nm + 10m - 2k + 1; 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \\ \beta_2^7(x_i^k y_{2i-1}^k) &= 10nm + 13m - 3im - 2k + 1; 1 \leq i \leq n, \frac{m+1}{2} \leq k \leq m \\ \beta_2^8(x_i^k y_{2i-1}^k) &= 10nm + 12m - 3im - 2k + 1; 1 \leq i \leq n, 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \\ \beta_2^9(x_i^k y_{2i}^k) &= 10nm + 12m - 3im - 2k + 1; 1 \leq i \leq n, \frac{m+1}{2} \leq k \leq m \\ \beta_2^{10}(x_i^k y_{2i}^k) &= 10nm + 11m - 3im - 2k + 1; 1 \leq i \leq n, 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \beta_2^{11}(x_i^k y_{2i+1}^k) &= 10nm + 11m - 3im - 2k + 1; 1 \leq i \leq n - 1, \frac{m+1}{2} \leq k \leq m \\ \beta_2^{12}(x_i^k y_{2i+1}^k) &= 10nm + 10m - 3im - 2k + 1; 1 \leq i \leq n - 1, 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \\ \beta_2^{13}(x_n^k y_{2n+1}^k) &= \frac{14nm + 17m + 2k + 1}{2}; 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \\ \beta_2^{14}(x_n^k y_{2n+1}^k) &= \frac{14nm + 19m + 2k + 1}{2}; \frac{m+1}{2} \leq k \leq m \\ \beta_2^{15}(a^k y_{2n+1}^k) &= 7nm + 8m + k; 1 \leq k \leq m \\ \beta_2^{16}(f^k a^k) &= 7nm + 9m - 2k + 1; \frac{m+1}{2} \leq k \leq m \\ \beta_2^{17}(f^k a^k) &= 7nm + 8m - 2k + 1; 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \\ \beta_2^{18}(l^k f^k) &= 7nm + 8m - 2k + 1; \frac{m+1}{2} \leq k \leq m \\ \beta_2^{19}(l^k f^k) &= 7nm + 7m - 2k + 1; 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \\ \beta_2^{20}(f^k y_1^k) &= 7nm + 7m - 2k + 1; \frac{m+1}{2} \leq k \leq m \\ \beta_2^{21}(f^k y_1^k) &= 7nm + 6m - 2k + 1; 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \\ \beta_2^{22}(z_i^k y_{2i-1}^k) &= 7nm + 9m - 3im - 2k + 1; 1 \leq i \leq n, \frac{m+1}{2} \leq k \leq m \\ \beta_2^{23}(z_i^k y_{2i-1}^k) &= 7nm + 8m - 3im - 2k + 1; 1 \leq i \leq n, 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \\ \beta_2^{24}(z_i^k y_{2i}^k) &= 7nm + 8m - 3im - 2k + 1; 1 \leq i \leq n, \frac{m+1}{2} \leq k \leq m \\ \beta_2^{25}(z_i^k y_{2i}^k) &= 7nm + 7m - 3im - 2k + 1; 1 \leq i \leq n, 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \\ \beta_2^{26}(z_i^k y_{2i+1}^k) &= 7nm + 7m - 3im - 2k + 1; 1 \leq i \leq n - 1, \frac{m+1}{2} \leq k \leq m \\ \beta_2^{27}(z_i^k y_{2i+1}^k) &= 7nm + 6m - 3im - 2k + 1; 1 \leq i \leq n - 1, 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \\ \beta_2^{28}(z_n^k y_{2n+1}^k) &= \frac{8nm + 11m + 2k + 1}{2}; 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \\ \beta_2^{29}(z_n^k y_{2n+1}^k) &= \frac{8nm + 11m + 2k + 1}{2}; \frac{m+1}{2} \leq k \leq m \end{aligned}$$

Jika W_{β_2} didefinisikan sebagai bobot sisi pelabelan total, maka W_{β_2} dapat diperoleh dengan menjumlahkan rumus bobot sisi EAVL $w_{\beta_2} = w_{\beta_1}$ dan rumus label sisi β_2 dengan syarat batas i dan k yang bersesuaian dapat diturunkan rumus sebagai berikut:

$$\begin{aligned}
 W_{\beta_2}^1 &= \{w_{\beta_2}^1 + \beta_2^1(e^k a^k); \frac{m+1}{2} \leq k \leq m\} \\
 &= (\frac{2nm + m + 4k + 1}{2} + 10nm + 13m - 2k + 1) \\
 &= \frac{22nm + 27m + 3}{2} \\
 W_{\beta_2}^2 &= \{w_{\beta_2}^2 + \beta_2^2(e^k a^k); 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2}\} \\
 &= (\frac{2nm + 3m + 4k + 1}{2} + 10nm + 12m - 2k + 1) \\
 &= \frac{22nm + 27m + 3}{2} \\
 W_{\beta_2}^3 &= \{w_{\beta_2}^3 + \beta_2^3(l^k e^k); \frac{m+1}{2} \leq k \leq m\} \\
 &= (\frac{2nm + 3m + 4k + 1}{2} + 10nm + 12m - 2k + 1) \\
 &= \frac{22nm + 27m + 3}{2} \\
 W_{\beta_2}^4 &= \{w_{\beta_2}^4 + \beta_2^4(l^k e^k); 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2}\} \\
 &= (\frac{2nm + 5m + 4k + 1}{2} + 10nm + 11m - 2k + 1) \\
 &= \frac{22nm + 27m + 3}{2} \\
 W_{\beta_2}^5 &= \{w_{\beta_2}^5 + \beta_2^5(e^k y_1^k); \frac{m+1}{2} \leq k \leq m\} \\
 &= (\frac{2nm + 5m + 4k + 1}{2} + 10nm + 11m - 2k + 1) \\
 &= \frac{22nm + 27m + 3}{2} \\
 W_{\beta_2}^6 &= \{w_{\beta_2}^6 + \beta_2^6(e^k y_1^k); 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2}\} \\
 &= (\frac{2nm + 7m + 4k + 1}{2} + 10nm + 10m - 2k + 1) \\
 &= \frac{22nm + 27m + 3}{2} \\
 W_{\beta_2}^7 &= \{w_{\beta_2}^7 + \beta_2^7(x_i^k y_{2i-1}^k); 1 \leq i \leq n, \frac{m+1}{2} \leq k \leq m\} \\
 &= (\frac{2nm + 3m + 6im + 4k + 1}{2} + 10nm + 13m - 3im - 2k + 1) \\
 &= \frac{22nm + 27m + 3}{2} \\
 W_{\beta_2}^8 &= \{w_{\beta_2}^8 + \beta_2^8(x_i^k y_{2i-1}^k); 1 \leq i \leq n, 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2}\} \\
 &= (\frac{2nm + 3m + 6im + 4k + 1}{2} + 10nm + 12m - 3im - 2k + 1) \\
 &= \frac{22nm + 27m + 3}{2}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} W_{\beta_2}^9 &= \{w_{\beta_2}^9 + \beta_2^9(x_i^k y_{2i}^k); 1 \leq i \leq n, \frac{m+1}{2} \leq k \leq m\} \\ &= \left(\frac{2nm + 3m + 6im + 4k + 1}{2} + 10nm + 13m - 3im - 2k + 1\right) \\ &= \frac{22nm + 27m + 3}{2} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} W_{\beta_2}^{10} &= \{w_{\beta_2}^{10} + \beta_2^{10}(x_i^k y_{2i}^k); 1 \leq i \leq n, 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2}\} \\ &= \left(\frac{2nm + 5m + 6im + 4k + 1}{2} + 10nm + 11m - 3im - 2k + 1\right) \\ &= \frac{22nm + 27m + 3}{2} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} W_{\beta_2}^{11} &= \{w_{\beta_2}^{11} + \beta_2^{11}(x_i^k y_{2i+1}^k); 1 \leq i \leq n-1, \frac{m+1}{2} \leq k \leq m\} \\ &= \left(\frac{2nm + 5m + 6im + 4k + 1}{2} + 10nm + 11m - 3im - 2k + 1\right) \\ &= \frac{22nm + 27m + 3}{2} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} W_{\beta_2}^{12} &= \{w_{\beta_2}^{12} + \beta_2^{12}(x_i^k y_{2i+1}^k); 1 \leq i \leq n-1, 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2}\} \\ &= \left(\frac{2nm + 7m + 6im + 4k + 1}{2} + 10nm + 10m - 3im - 2k + 1\right) \\ &= \frac{22nm + 27m + 3}{2} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} W_{\beta_2}^{13} &= \{w_{\beta_2}^{13} + \beta_2^{13}(x_n^k y_{2n+1}^k); 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2}\} \\ &= \left(\frac{8nm + 8m - 2k + 2}{2} + \frac{14nm + 19m + 2k + 1}{2}\right) \\ &= \frac{22nm + 27m + 3}{2} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} W_{\beta_2}^{14} &= \{w_{\beta_2}^{14} + \beta_2^{14}(x_n^k y_{2n+1}^k); \frac{m+1}{2} \leq k \leq m\} \\ &= \left(\frac{8nm + 10m - 2k + 2}{2} + 14nm + 17m + 2k + 1\right) \\ &= \frac{22nm + 27m + 3}{2} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} W_{\beta_2}^{15} &= \{w_{\beta_2}^{15} + \beta_2^{15}(a^k y_{2n+1}^k); 1 \leq k \leq m\} \\ &= \left(\frac{8nm + 11m - 2k + 3}{2} + 7nm + 8m + 2k\right) \\ &= \frac{22nm + 27m + 3}{2} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 W_{\beta_2}^{16} &= \{w_{\beta_2}^{16} + \beta_2^{16}(f^k a^k); \frac{m+1}{2} \leq k \leq m\} \\
 &= (\frac{8nm+9m+4k+1}{2} + 7nm + 9m - 2k + 1) \\
 &= \frac{22nm+27m+3}{2} \\
 W_{\beta_2}^{17} &= \{w_{\beta_2}^{17} + \beta_2^{17}(f^k a^k); 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2}\} \\
 &= (\frac{8nm+11m+4k+1}{2} + 7nm + 8m - 2k + 1) \\
 &= \frac{22nm+27m+3}{2} \\
 W_{\beta_2}^{18} &= \{w_{\beta_2}^{18} + \beta_2^{18}(l^k f^k); \frac{m+1}{2} \leq k \leq m\} \\
 &= (\frac{8nm+11m+4k+1}{2} + 7nm + 8m - 2k + 1) \\
 &= \frac{22nm+27m+3}{2} \\
 W_{\beta_2}^{19} &= \{w_{\beta_2}^{19} + \beta_2^{19}(l^k f^k); 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2}\} \\
 &= (\frac{8nm+13m+4k+1}{2} + 7nm + 7m - 2k + 1) \\
 &= \frac{22nm+27m+3}{2} \\
 W_{\beta_2}^{20} &= \{w_{\beta_2}^{20} + \beta_2^{20}(f^k y_1^k); \frac{m+1}{2} \leq k \leq m\} \\
 &= (\frac{8nm+13m+4k+1}{2} + 7nm + 7m - 2k + 1) \\
 &= \frac{22nm+27m+3}{2} \\
 W_{\beta_2}^{21} &= \{w_{\beta_2}^{21} + \beta_2^{21}(l^k f^k); 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2}\} \\
 &= (\frac{8nm+15m+4k+1}{2} + 7nm + 6m - 2k + 1) \\
 &= \frac{22nm+27m+3}{2} \\
 W_{\beta_2}^{22} &= \{w_{\beta_2}^{22} + \beta_2^{22}(z_i^k y_{2i-1}^k); 1 \leq i \leq n, \frac{m+1}{2} \leq k \leq m\} \\
 &= (\frac{8nm+11m+6im+4k+1}{2} + 7nm + 8m - 3im - 2k + 1) \\
 &= \frac{22nm+27m+3}{2} \\
 W_{\beta_2}^{23} &= \{w_{\beta_2}^{23} + \beta_2^{23}(z_i^k y_{2i-1}^k); 1 \leq i \leq n, 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2}\} \\
 &= (\frac{8nm+9m+6im+4k+1}{2} + 7nm + 9m - 3im - 2k + 1) \\
 &= \frac{22nm+27m+3}{2} \\
 W_{\beta_2}^{24} &= \{w_{\beta_2}^{24} + \beta_2^{24}(z_i^k y_{2i}^k); 1 \leq i \leq n, \frac{m+1}{2} \leq k \leq m\} \\
 &= (\frac{8nm+11m+6im+4k+1}{2} + 7nm + 8m - 3im - 2k + 1) \\
 &= \frac{22nm+27m+3}{2} \\
 W_{\beta_2}^{25} &= \{w_{\beta_2}^{25} + \beta_2^{25}(z_i^k y_{2i}^k); 1 \leq i \leq n, 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2}\} \\
 &= (\frac{8nm+13m+6im+4k+1}{2} + 7nm + 7m - 3im - 2k + 1) \\
 &= \frac{22nm+27m+3}{2}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 W_{\beta_2}^{26} &= \{w_{\beta_2}^{26} + \beta_2^{26}(z_i^k y_{2i+1}^k); 1 \leq i \leq n-1, \frac{m+1}{2} \leq k \leq m\} \\
 &= \left(\frac{8nm+13m+6im+4k+1}{2} + 7nm + 7m - 3im - 2k + 1\right) \\
 &= \frac{22nm+27m+3}{2} \\
 W_{\beta_2}^{27} &= \{w_{\beta_2}^{27} + \beta_2^{27}(z_i^k y_{2i+1}^k); 1 \leq i \leq n-1, 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2}\} \\
 &= \left(\frac{8nm+15m+6im+4k+1}{2} + 7nm + 6m - 3im - 2k + 1\right) \\
 &= \frac{22nm+27m+3}{2} \\
 W_{\beta_2}^{28} &= \{w_{\beta_2}^{28} + \beta_2^{28}(z_n^k y_{2n+1}^k); 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2}\} \\
 &= \left(\frac{14nm+16m-2k+2}{2} + \frac{8nm+11m+2k+1}{2}\right) \\
 &= \frac{22nm+27m+3}{2} \\
 W_{\beta_2}^{29} &= \{w_{\beta_2}^{29} + \beta_2^{29}(z_n^k y_{2n+1}^k); \frac{m+1}{2} \leq k \leq m\} \\
 &= \left(\frac{14nm+18m-2k+2}{2} + \frac{8nm+9m+2k+1}{2}\right) \\
 &= \frac{22nm+27m+3}{2}
 \end{aligned}$$

Dengan mensubstitusikan nilai batas i dan k yang bersesuaian pada tiap definisi rumusan yang diberikan, maka didapatkan nilai-nilai berurutan yang membentuk himpunan $\bigcup_{r=1}^{29} W_{\beta_2}^r = \{\frac{22nm+27m+3}{2}, \frac{22nm+27m+3}{2}, \dots, \frac{22nm+27m+3}{2}\}$. Himpunan tersebut membentuk sebuah himpunan beda tiap elemennya adalah 0. Sehingga terbukti bahwa gabungan saling lepas graf Daun mLg_n mempunyai pelabelan super $(\frac{22nm+27m+3}{2}, 0)$ -sisi antimagic total jika $n \geq 1$ dan $m \geq 3$. \square

\diamond **Theorem 2** Ada pelabelan super $(\frac{10nm+13m+5}{2}, 2)$ -sisi antimagic total pada gabungan saling lepas graf Daun mLg_n jika $n \geq 1$, $m \geq 3$ dan m ganjil.

Bukti. Gunakan pelabelan titik $\beta_3 = \beta_1$ untuk melabeli titik gabungan saling lepas graf Daun mLg_n , kemudian definisikan label sisi $\beta_3 : E(mLg_n) \rightarrow \{4nm + 5m + 1, 4nm + 5m + 2, \dots, 10nm + 12m\}$, sedemikian hingga label sisi β_3 untuk pelabelan super $(a, 2)$ -sisi antimagic total pada gabungan saling lepas graf Daun mLg_n dapat dirumuskan sebagai berikut:

$$\begin{aligned}
 \beta_3^1(e^k a^k) &= 4nm + 4m + 2k; \frac{m+1}{2} \leq k \leq m \\
 \beta_3^2(e^k a^k) &= 4nm + 5m + 2k; 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \\
 \beta_3^3(l^k e^k) &= 4nm + 5m + 2k; \frac{m+1}{2} \leq k \leq m \\
 \beta_3^4(l^k e^k) &= 4nm + 6m + 2k; 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \\
 \beta_3^5(e^k y_1^k) &= 4nm + 6m + 2k; \frac{m+1}{2} \leq k \leq m \\
 \beta_3^6(e^k y_1^k) &= 4nm + 7m + 2k; 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \\
 \beta_3^7(x_i^k y_{2i-1}^k) &= 4nm + 4m + 3im + 2k; 1 \leq i \leq n, \frac{m+1}{2} \leq k \leq m \\
 \beta_3^8(x_i^k y_{2i-1}^k) &= 4nm + 5m + 3im + 2k; 1 \leq i \leq n, 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \\
 \beta_3^9(x_i^k y_{2i}^k) &= 4nm + 5m + 3im + 2k; 1 \leq i \leq n, \frac{m+1}{2} \leq k \leq m
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \beta_3^{10}(x_i^k y_{2i}^k) &= 4nm + 6m + 3im + 2k; 1 \leq i \leq n, 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \\
 \beta_3^{11}(x_i^k y_{2i+1}^k) &= 4nm + 6m + 3im + 2k; 1 \leq i \leq n-1, \frac{m+1}{2} \leq k \leq m \\
 \beta_3^{12}(x_i^k y_{2i+1}^k) &= 4nm + 7m + 3im + 2k; 1 \leq i \leq n-1, 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \\
 \beta_3^{13}(x_n^k y_{2n+1}^k) &= \frac{14nm+15m-2k+1}{2}; 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \\
 \beta_3^{14}(x_n^k y_{2n+1}^k) &= \frac{14nm+17m-2k+1}{2}; \frac{m+1}{2} \leq k \leq m \\
 \beta_3^{15}(a^k y_{2n+1}^k) &= 7nm + 9m - k + 1; 1 \leq k \leq m \\
 \beta_3^{16}(f^k a^k) &= 7nm + 8m + 2k; \frac{m+1}{2} \leq k \leq m \\
 \beta_3^{17}(f^k a^k) &= 7nm + 9m + 2k; 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \\
 \beta_3^{18}(l^k f^k) &= 7nm + 9m + 2k; \frac{m+1}{2} \leq k \leq m \\
 \beta_3^{19}(l^k f^k) &= 7nm + 10m + 2k; 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \\
 \beta_3^{20}(f^k y_1^k) &= 7nm + 10m + 2k; \frac{m+1}{2} \leq k \leq m \\
 \beta_3^{21}(f^k y_1^k) &= 7nm + 11m + 2k; 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \\
 \beta_3^{22}(z_i^k y_{2i-1}^k) &= 7nm + 8m + 3im + 2k; 1 \leq i \leq n, \frac{m+1}{2} \leq k \leq m \\
 \beta_3^{23}(z_i^k y_{2i-1}^k) &= 7nm + 9m + 3im + 2k; 1 \leq i \leq n, 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \\
 \beta_3^{24}(z_i^k y_{2i}^k) &= 7nm + 9m + 3im + 2k; 1 \leq i \leq n, \frac{m+1}{2} \leq k \leq m \\
 \beta_3^{25}(z_i^k y_{2i}^k) &= 7nm + 10m + 3im + 2k; 1 \leq i \leq n, 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \\
 \beta_3^{26}(z_i^k y_{2i+1}^k) &= 7nm + 10m + 3im + 2k; 1 \leq i \leq n-1, \frac{m+1}{2} \leq k \leq m \\
 \beta_3^{27}(z_i^k y_{2i+1}^k) &= 7nm + 11m + 3im + 2k; 1 \leq i \leq n-1, 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \\
 \beta_3^{28}(z_n^k y_{2n+1}^k) &= \frac{20nm+23m-2k+1}{2}; 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2} \\
 \beta_3^{29}(z_n^k y_{2n+1}^k) &= \frac{20nm+25m-2k+1}{2}; \frac{m+1}{2} \leq k \leq m
 \end{aligned}$$

Selanjutnya jika W_{β_3} didefinisikan sebagai bobot sisi pelabelan total, maka W_{β_3} dapat diperoleh dengan menjumlahkan rumus bobot sisi EAVL $w_{\beta_3} = w_{\beta_1}$ dan rumus label sisi β_3 dengan syarat batas i dan k yang bersesuaian dapat diturunkan rumus sebagai berikut:

$$\begin{aligned}
 W_{\beta_3}^1 &= \{w_{\beta_3}^1 + \beta_3^1(e^k a^k); \frac{m+1}{2} \leq k \leq m\} \\
 &= \left(\frac{2nm+m+4k+1}{2} + 4nm + 4m + 2k\right) \\
 &= \frac{10nm+9m+8k+1}{2} \\
 W_{\beta_3}^2 &= \{w_{\beta_3}^2 + \beta_3^2(e^k a^k); 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2}\} \\
 &= \left(\frac{2nm+3m+4k+1}{2} + 4nm + 5m + 2k\right) \\
 &= \frac{10nm+13m+8k+1}{2} \\
 W_{\beta_3}^3 &= \{w_{\beta_3}^3 + \beta_3^3(l^k e^k); \frac{m+1}{2} \leq k \leq m\} \\
 &= \left(\frac{2nm+3m+4k+1}{2} + 4nm + 5m + 2k\right) \\
 &= \frac{10nm+13m+8k+1}{2} \\
 W_{\beta_3}^4 &= \{w_{\beta_3}^4 + \beta_3^4(l^k e^k); 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2}\} \\
 &= \left(\frac{2nm+5m+4k+1}{2} + 4nm + 6m + 2k\right) \\
 &= \frac{10nm+17m++8k+1}{2}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 W_{\beta_3}^5 &= \{w_{\beta_3}^5 + \beta_3^5(e^k y_1^k); \frac{m+1}{2} \leq k \leq m\} \\
 &= \left(\frac{2nm+5m+4k+1}{2} + 4nm + 6m + 2k\right) \\
 &= \frac{10nm+17m+8k+2}{1} \\
 W_{\beta_3}^6 &= \{w_{\beta_3}^6 + \beta_3^6(e^k y_1^k); 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2}\} \\
 &= \left(\frac{2nm+7m+4k+1}{2} + 4nm + 7m + 2k\right) \\
 &= \frac{10nm+21m+8k+1}{2} \\
 W_{\beta_3}^7 &= \{w_{\beta_3}^7 + \beta_3^7(x_i^k y_{2i-1}^k); 1 \leq i \leq n, \frac{m+1}{2} \leq k \leq m\} \\
 &= \left(\frac{2nm+3m+6im+4k+1}{2} + 4nm + 4m + 3im + 2k\right) \\
 &= \frac{10nm+9m+12im+8k+1}{2} \\
 W_{\beta_3}^8 &= \{w_{\beta_3}^8 + \beta_3^8(x_i^k y_{2i-1}^k); 1 \leq i \leq n, 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2}\} \\
 &= \left(\frac{2nm+3m+6im+4k+1}{2} + 4nm + 5m + 3im + 2k\right) \\
 &= \frac{10nm+13m+12im+8k+1}{2} \\
 W_{\beta_3}^9 &= \{w_{\beta_3}^9 + \beta_3^9(x_i^k y_{2i}^k); 1 \leq i \leq n, \frac{m+1}{2} \leq k \leq m\} \\
 &= \left(\frac{2nm+3m+6im+4k+1}{2} + 4nm + 5m + 3im + 2k\right) \\
 &= \frac{10nm+13m+12im+8k+1}{2} \\
 W_{\beta_3}^{10} &= \{w_{\beta_3}^{10} + \beta_3^{10}(x_i^k y_{2i}^k); 1 \leq i \leq n, 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2}\} \\
 &= \left(\frac{2nm+5m+6im+4k+1}{2} + 4nm + 6m + 3im + 2k\right) \\
 &= \frac{10nm+17m+12im+8k+1}{2} \\
 W_{\beta_3}^{11} &= \{w_{\beta_3}^{11} + \beta_3^{11}(x_i^k y_{2i+1}^k); 1 \leq i \leq n-1, \frac{m+1}{2} \leq k \leq m\} \\
 &= \left(\frac{2nm+5m+6im+4k+1}{2} + 4nm + 6m + 3im + 2k\right) \\
 &= \frac{10nm+17m+12im+8k+1}{2} \\
 W_{\beta_3}^{12} &= \{w_{\beta_3}^{12} + \beta_3^{12}(x_i^k y_{2i+1}^k); 1 \leq i \leq n-1, 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2}\} \\
 &= \left(\frac{2nm+7m+6im+4k+1}{2} + 4nm + 7m + 3im + 2k\right) \\
 &= \frac{10nm+21m+12im+8k+1}{2} \\
 W_{\beta_3}^{13} &= \{w_{\beta_3}^{13} + \beta_3^{13}(x_n^k y_{2n+1}^k); 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2}\} \\
 &= \left(\frac{8nm+8m-2k+2}{2} + \frac{14nm+15m-2k+1}{2}\right) \\
 &= \frac{22nm+23m-4k+3}{2} \\
 W_{\beta_3}^{14} &= \{w_{\beta_3}^{14} + \beta_3^{14}(x_n^k y_{2n+1}^k); \frac{m+1}{2} \leq k \leq m\} \\
 &= \left(\frac{8nm+10m-2k+2}{2} + 14nm + 17m - 2k + 1\right) \\
 &= \frac{22nm+27m-4k+3}{2} \\
 W_{\beta_3}^{15} &= \{w_{\beta_3}^{15} + \beta_3^{15}(a^k y_{2n+1}^k); 1 \leq k \leq m\} \\
 &= \left(\frac{8nm+11m-2k+3}{2} + 7nm + 9m - 2k + 1\right) \\
 &= \frac{22nm+29m-4k+5}{2} \\
 W_{\beta_3}^{16} &= \{w_{\beta_3}^{16} + \beta_3^{16}(f^k a^k); \frac{m+1}{2} \leq k \leq m\} \\
 &= \left(\frac{8nm+9m+4k+1}{2} + 7nm + 8m + 2k\right) \\
 &= \frac{22nm+25m+8k+1}{2} \\
 W_{\beta_3}^{17} &= \{w_{\beta_3}^{17} + \beta_3^{17}(f^k a^k); 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2}\} \\
 &= \left(\frac{8nm+11m+4k+1}{2} + 7nm + 9m + 2k\right) \\
 &= \frac{22nm+29m+8k+1}{2}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 W_{\beta_3}^{18} &= \{w_{\beta_3}^{18} + \beta_3^{18}(l^k f^k); \frac{m+1}{2} \leq k \leq m\} \\
 &= \left(\frac{8nm+11m+4k+1}{2} + 7nm + 9m + 2k\right) \\
 &= \frac{22nm+29m+8k+1}{2} \\
 W_{\beta_3}^{19} &= \{w_{\beta_3}^{19} + \beta_3^{19}(l^k f^k); 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2}\} \\
 &= \left(\frac{8nm+13m+4k+1}{2} + 7nm + 10m + 2k\right) \\
 &= \frac{22nm+33m+8k+1}{2} \\
 W_{\beta_3}^{20} &= \{w_{\beta_3}^{20} + \beta_3^{20}(f^k y_1^k); \frac{m+1}{2} \leq k \leq m\} \\
 &= \left(\frac{8nm+13m+4k+1}{2} + 7nm + 10m + 2k\right) \\
 &= \frac{22nm+33m+8k+1}{2} \\
 W_{\beta_3}^{21} &= \{w_{\beta_3}^{21} + \beta_3^{21}(l^k f^k); 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2}\} \\
 &= \left(\frac{8nm+15m+4k+1}{2} + 7nm + 11m + 2k\right) \\
 &= \frac{22nm+37m+8k+1}{2} \\
 W_{\beta_3}^{22} &= \{w_{\beta_3}^{22} + \beta_3^{22}(z_i^k y_{2i-1}^k); 1 \leq i \leq n, \frac{m+1}{2} \leq k \leq m\} \\
 &= \left(\frac{8nm+11m+6im+4k+1}{2} + 7nm + 8m + 3im + 2k\right) \\
 &= \frac{22nm+25m+12im+8k+1}{2} \\
 W_{\beta_3}^{23} &= \{w_{\beta_3}^{23} + \beta_3^{23}(z_i^k y_{2i-1}^k); 1 \leq i \leq n, 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2}\} \\
 &= \left(\frac{8nm+11m+6im+4k+1}{2} + 7nm + 9m + 3im + 2k\right) \\
 &= \frac{22nm+29m+12im+8k+1}{2} \\
 W_{\beta_3}^{24} &= \{w_{\beta_3}^{24} + \beta_3^{24}(z_i^k y_{2i}^k); 1 \leq i \leq n, \frac{m+1}{2} \leq k \leq m\} \\
 &= \left(\frac{8nm+11m+6im+4k+1}{2} + 7nm + 9m + 3im + 2k\right) \\
 &= \frac{22nm+29m+12im+8k+1}{2} \\
 W_{\beta_3}^{25} &= \{w_{\beta_3}^{25} + \beta_3^{25}(z_i^k y_{2i}^k); 1 \leq i \leq n, 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2}\} \\
 &= \left(\frac{8nm+13m+6im+4k+1}{2} + 7nm + 10m + 3im + 2k\right) \\
 &= \frac{22nm+33m+12im+8k+1}{2} \\
 W_{\beta_3}^{26} &= \{w_{\beta_3}^{26} + \beta_3^{26}(z_i^k y_{2i+1}^k); 1 \leq i \leq n-1, \frac{m+1}{2} \leq k \leq m\} \\
 &= \left(\frac{8nm+13m+6im+4k+1}{2} + 7nm + 10m + 3im + 2k\right) \\
 &= \frac{22nm+33m+12im+8k+1}{2} \\
 W_{\beta_3}^{27} &= \{w_{\beta_3}^{27} + \beta_3^{27}(z_i^k y_{2i+1}^k); 1 \leq i \leq n-1, 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2}\} \\
 &= \left(\frac{8nm+15m+6im+4k+1}{2} + 7nm + 11m + 3im + 2k\right) \\
 &= \frac{22nm+29m+12im+8k+1}{2} \\
 W_{\beta_3}^{28} &= \{w_{\beta_3}^{28} + \beta_3^{28}(z_n^k y_{2n+1}^k); 1 \leq k \leq \frac{m-1}{2}\} \\
 &= \left(\frac{14nm+16m-2k+2}{2} + \frac{20nm+23m-2k+1}{2}\right) \\
 &= \frac{34nm+39m-4k+3}{2} \\
 W_{\beta_3}^{29} &= \{w_{\beta_3}^{29} + \beta_3^{29}(z_n^k y_{2n+1}^k); \frac{m+1}{2} \leq k \leq m\} \\
 &= \left(\frac{14nm+18m-2k+2}{2} + \frac{20nm+25m-2k+1}{2}\right) \\
 &= \frac{34nm+43m-4k+3}{2}
 \end{aligned}$$

Berdasarkan bobot sisi pelabelan total diatas, bobot sisi terkecil pertama terletak pada $W_{\beta_3}^1$ yaitu $w_{\beta_3}^1 + \beta_3^1(e^k a^k) = \frac{10nm+9m+8k+1}{2}$ untuk $k = \frac{m+1}{2}$, bobot sisi terkecil kedua terletak pada $W_{\beta_3}^2$ yaitu $w_{\beta_3}^2 + \beta_3^2(e^k a^k) = \frac{10nm+13m+8k+1}{2}$ untuk $k = 1$ dan bobot sisi terbesar terletak pada $W_{\beta_3}^{29}$ yaitu $w_{\beta_3}^{29} + \beta_3^{29}(z_n^k y_{2n+1}^k) = \frac{34nm+43m-4k+3}{2}$ untuk $k = \frac{m+1}{2}$. Dapat dikatakan W_{β_3} membentuk barisan aritmatika dengan suku awal $a = \frac{10nm+13m+5}{2}$ dan beda $d = 2$, sehingga dapat ditulis dalam himpunan $\bigcup_{r=1}^{29} W_{\beta_3}^r = \{ \frac{10nm+13m+5}{2}, \frac{10nm+13m+9}{2}, \dots, \frac{34nm+41m+1}{2} \}$. Untuk mengetahui bobot sisi terbesar, maka substitusikan nilai awal $a = \frac{10nm+13m+5}{2}$ dan nilai $b = 2$ ke rumus barisan aritmatika, sehingga didapat:

$$\begin{aligned} U_n &= a + (n - 1)b \\ &= \frac{10nm+13m+5}{2} + (6nm + 7m - 1)2 \\ &= \frac{34nm+41m+1}{2} \end{aligned}$$

Karena bobot sisi pelabelan total terbesar yang terletak pada $W_{\beta_3}^{29} = U_n$ yaitu $\frac{34nm+41m+1}{2}$, sehingga dapat dinyatakan bahwa W_{β_3} membentuk barisan aritmatika dengan suku awal $a = \frac{10nm+13m+5}{2}$ dan beda $d = 2$. Jadi terbukti bahwa gabungan saling lepas graf Daun mLg_n mempunyai pelabelan super $(\frac{10nm+13m+5}{2}, 2)$ -sisi antimagic total jika $n \geq 1, m \geq 3$ dan m ganjil. \square

Kesimpulan

Pada penelitian ini ditunjukkan bahwa gabungan saling lepas graf daun mLg_n dengan $n \geq 1, m \geq 3$ dan m ganjil mempunyai pelabelan $(\frac{2nm+3m+3}{2}, 1)$ -sisi antimagic titik serta pelabelan super (a, d) -sisi antimagic total yaitu pelabelan super $(\frac{22nm+27m+3}{2}, 0)$ -sisi antimagic total dan pelabelan super $(\frac{10nm+13m+5}{2}, 2)$ -sisi antimagic total. Sedangkan hasil diluar itu masih belum ditemukan oleh karenanya peneliti mengajukan masalah terbuka berikut ini:

Open Problem 1 Tentukan apakah mLg_n dengan $n \geq 1, m \geq 3$ dan m ganjil memiliki pelabelan super $(a, 1)$ -sisi antimagic total?

Open Problem 2 Tentukan apakah mLg_n dengan $n \geq 1, m \geq 3$ dan m genap memiliki pelabelan super (a, d) -sisi antimagic total?

Ucapan Terima Kasih

Penulis mengucapkan terima kasih kepada Bapak Kosala Dwidja Purnomo, S.Si, M.Si dan Bapak Drs.Rusli Hidayat, M.Sc yang telah memberika masukan dan saran sehingga artikel ini dapat diselesaikan dengan baik.

References

- [1] AAG Ngurah, ET Baskoro, R Simanjuntak, *On Antimagic Total Labelings of Generalized* .Journal JCMCC: The Journal of Combinatorial Mathematics and Combinatorial Computing, **54**(2005), 57.
- [2] AI Nurvitaningrum, D Dafik, S Setiawani, *Pelabelan Total Super (a, d) -Sisi Antimagic Pada Graf Buah Naga*, Prosiding Seminar Matematika dan Pendidikan Matematik **1** (No 1), (2014).
- [3] Dafik, M. Miller, J. Ryan and M. Bača, *Antimagic total labeling of disjoint union of complete s -partite graphs*, J. Combin. Math. Combin. Comput, **65** (2008), 41–49.
- [4] IY Arianti, D Dafik, S Slamini, *Super (a, d) -edge-antimagic total labeling of connected Disc Brake graph*, Prosiding Seminar Matematika dan Pendidikan Matematik **1** (No 1), (2014).
- [5] KR Aprilia, IH Agustin, D Dafik, *Pelabelan Total Super (a, d) -sisi Antimagic pada Graf Semi Parasut SP_{2n-1}* , Prosiding Seminar Matematika dan Pendidikan Matematik, **1** (No 1) (2014).
- [6] N.Hartsfield dan Ringel, G,*Pearls in Graph Theory*. London: Accademic Press Limited, 1994.
- [7] Martin Bača, Edy Tri Baskoro, Mirka Miller, Joe Ryan, Rinovia Simanjuntak, Slamini, Kiki A Sugeng,*Survey of edge antimagic labelings of graphs*,Journal of Indonesian Math,**12** (2006), 113-130.
- [8] SM Yunika, IH Agustin, D Dafik, *Pelabelan Total Supaer (a, d) -Sisi Antimagic Pada Graf Daun*, Prosiding Seminar Matematika dan Pendidikan Matematik, **1** (No 1) (2014).

- [9] Slamin, M Bača, Y Lin, M Miller, R Simanjuntak, *Edge-magic total labelings of wheels, fans and friendship graphs*, Bulletin of ICA, **35** (2002), 89-98
- [10] K.A Sugeng, M Miller, *Super edge-antimagic total labelings*, *JUtilitas Mathematica*, **71** (2006), 131-141.
- [11] WD Wallis, ET Baskoro, M Miller, Slamin, *Edge-magic total labelings*, *Australasian Journal of Combinatorics*, **22** (2002), 177-190.



SERTIFIKAT

Nomor : 42/ PAN-SENDIKMAD/ XV/1/2014

diberikan kepada

Sih Mubni Yunika

sebagai

PEMAKALAH

*"PELABELAN TOTAL SUPER (a, d)-sisi ANTIMAGIC PADA SABUNGAN SALING
LEPAS GRAF DAUN mlgr"*

Seminar Nasional Pendidikan Matematika Ahmad Dahlan 2014 (SENDIKMAD 2014) dengan tema
"Revitalisasi Pendidikan Matematika Menuju AFTA 2015"
Sabtu, 27 Desember 2014 di Auditorium Kampus III U. n. versitas Ahmad Dahlan
Yogyakarta, 28 Desember 2014

Bekas



Dr. H. Kasiyanto, M.Hum.

NIP. 19531203 198403 1 001

Ketua Panitia



Syariful Fakhri, M.Pd.

NTY 50090378