



**SIMULASI DINAMIKA PARTIKEL  
PADA PROSES DEPOSISI PARTIKEL**

**SKRIPSI**

oleh

**Triningsih  
NIM 061810101086**

**JURUSAN MATEMATIKA  
FAKULTAS MATEMATIKA DAN ILMU PENGETAHUAN ALAM  
UNIVERSITAS JEMBER  
2010**



**SIMULASI DINAMIKA PARTIKEL  
PADA PROSES DEPOSISI PARTIKEL**

**SKRIPSI**

diajukan guna melengkapi tugas akhir dan memenuhi salah satu syarat  
untuk menyelesaikan Program Studi Matematika (S1)  
dan mencapai gelar Sarjana Sains

oleh

**Triningsih  
NIM 061810101086**

**JURUSAN MATEMATIKA  
FAKULTAS MATEMATIKA DAN ILMU PENGETAHUAN ALAM  
UNIVERSITAS JEMBER  
2010**

## **PERSEMBAHAN**

Skripsi ini saya persesembahkan untuk:

1. Ibunda Rahwageati dan Ayahanda Tumijan yang tercinta;
2. guru-guru sejak taman kanak-kanak sampai dengan perguruan tinggi;
3. Almamater Jurusan Matematika Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam Universitas Jember.

## **MOTTO**

Kebodohan merupakan tanda kematian jiwa, terbunuhnya kehidupan dan  
membusuknya umur. Sebaliknya, ilmu adalah cahaya bagi hati nurani, kehidupan  
bagi ruh dan bahan bakar bagi tabiat. \*)



---

\*) Al-Qarni, 'Aidh. *La Tahzan, Jangan Bersedih.* Terjemahan oleh Samson Rahman. 2007. Jakarta: Qisthi Press.

## **PERNYATAAN**

Saya yang bertanda tangan di bawah ini:

nama : Triningsih

NIM : 061810101086

menyatakan dengan sesungguhnya bahwa karya ilmiah yang berjudul "Simulasi Dinamika Partikel pada Proses Deposisi Partikel" adalah benar-benar hasil karya sendiri, kecuali kutipan yang telah saya sebutkan sumbernya, belum pernah diajukan pada institusi mana pun, dan bukan karya jiplakan. Saya bertanggung jawab atas keabsahan dan kebenaran isinya sesuai dengan sikap ilmiah yang harus dijunjung tinggi.

Demikian pernyataan ini saya buat dengan sebenarnya, tanpa ada tekanan dan paksaan dari pihak mana pun serta bersedia mendapat sanksi akademik jika ternyata di kemudian hari pernyataan ini tidak benar.

Jember, 18 Oktober 2010

Yang menyatakan,

Triningsih  
NIM 061810101086

**SKRIPSI**

**SIMULASI DINAMIKA PARTIKEL  
PADA PROSES DEPOSISI PARTIKEL**

Oleh

Triningsih  
NIM 061810101086

**Pembimbing**

Dosen Pembimbing Utama : Drs. Rusli Hidayat, M.Sc.

Dosen Pembimbing Anggota : Drs. Moh. Hasan, M.Sc., Ph.D.

## **PENGESAHAN**

Skripsi berjudul "Simulasi Dinamika Partikel pada Proses Deposi Partikel" telah diuji dan disahkan pada:

hari, tanggal :

tempat : Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam  
Universitas Jember

Tim Pengaji:

Ketua,

Drs. Rusli Hidayat, M.Sc.  
NIP 19661012 199303 1 001

Pengaji I,

Kosala Dwidja P., S.Si., M.Si.  
NIP 19690828 199802 1 001

Sekretaris,

Drs. Moh. Hasan, M.Sc., Ph.D.  
NIP 19640404 198802 1 001

Pengaji II,

Ika Hesti Agustin, S.Si.  
NIP 19840801 200801 2 006

Mengesahkan

Dekan,

Prof. Drs. Kusno, DEA, M.Sc., Ph.D.  
NIP 19610108 198602 1 001

## **RINGKASAN**

**Simulasi Dinamika Partikel pada Proses Deposisi Partikel;** Triningsih, 061810101086; 2010: 28 halaman; Jurusan Matematika Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam Universitas Jember.

Di sekitar kita banyak sekali kegiatan yang menggunakan benda berwujud bahan butiran. Bahan-bahan butiran ini biasa disebut sebagai partikel. Penuangan gula pasir, penumpukan pasir atau batu, pengayakan pasir, dan penyimpanan bulir padi merupakan contoh dinamika partikel. Pada dinamika partikel dilibatkan beberapa gaya, antara lain gaya gesek, gaya normal, dan gaya gravitasi. Hasan (2003) telah menerapkan model *stick and slip contact* untuk mensimulasikan salah satu dinamika partikel, yaitu deposisi partikel. Dalam kajian tersebut partikel yang digunakan berbentuk lingkaran dan ukurannya homogen. Namun, dalam kehidupan nyata jarang ditemukan partikel yang ukurannya homogen. Oleh karena itu, untuk mensimulasikan dinamika partikel dalam skripsi ini akan digunakan partikel berbentuk lingkaran dengan ukuran heterogen. Tujuan penelitian adalah untuk mengetahui dinamika partikel selama proses deposisi partikel berbentuk lingkaran dengan ukuran heterogen dan mengetahui struktur akhir dari sistem ketika partikel telah dalam keadaan stabil.

Penelitian dilakukan dalam tiga tahapan, yaitu menentukan kriteria tumbukan antar partikel, kemudian memodifikasi program simulasi dinamika partikel berbentuk lingkaran dengan ukuran homogen (Hasan, 2003), selanjutnya program yang telah dimodifikasi dijalankan untuk melakukan proses simulasi. Hasil dari program tersebut kemudian dianalisis untuk mengetahui struktur akhir dari partikel-partikel yang membentuk gundukan stabil.

Dari hasil yang diperoleh dari satu kali simulasi dapat diamati bahwa partikel-partikel yang dijatuhkan terlebih dahulu menumbuk medium secara langsung. Partikel-partikel selanjutnya jatuh di atasnya, kemudian jatuh menumbuk medium atau tetap berada di atas partikel lain. Partikel-partikel ini kemudian saling bertumpukan. Partikel yang dijatuhkan berikutnya menggeser partikel yang di bawahnya ke bawah. Semakin lama partikel-partikel ini membentuk suatu gundukan yang menyerupai bentuk segitiga dan beberapa partikel yang dijatuhkan kemudian tidak menggeser ke bawah, melainkan langsung turun melalui tepi gundukan dan melongsorkan tepi-tepi gundukan hingga partikel terakhir dijatuhkan dan membentuk gundukan yang stabil.

Dari bentuk gundukan yang dihasilkan dari satu kali simulasi dapat diamati bahwa terdapat rongga-rongga pada gundukan yang disebabkan oleh kemampuan partikel-partikel mempertahankan keadaannya karena adanya gaya-gaya yang terjadi pada partikel-partikel tersebut. Gundukan yang dihasilkan oleh partikel yang berukuran heterogen sedikit lebih landai daripada gundukan yang dihasilkan oleh partikel yang berukuran homogen. Semakin besar koefisien gesek semakin besar pula kemiringan gundukan, namun semakin besar koefisien restitusi semakin landai gundukan yang terbentuk.

## **PRAKATA**

Puji syukur ke hadirat Allah SWT atas segala rahmat dan karunia-Nya sehingga penulis dapat menyelesaikan skripsi yang berjudul “Simulasi Dinamika Partikel pada Proses Deposisi Partikel”. Skripsi ini disusun untuk memenuhi salah satu syarat untuk menyelesaikan Program Studi Matematika (S1) dan mencapai gelar Sarjana Sains.

Penyusunan skripsi ini tidak lepas dari bantuan berbagai pihak. Oleh karena itu, penulis menyampaikan terima kasih kepada:

1. Drs. Rusli Hidayat, M.Sc., selaku Dosen Pembimbing Utama dan Drs. Moh. Hasan, M.Sc., Ph.D., selaku Dosen Pembimbing Anggota yang telah meluangkan waktu, pikiran, dan perhatian dalam penulisan skripsi ini;
2. Kosala Dwidja P., S.Si., M.Si., selaku Dosen Pengaji I dan Ika Hesti A., S.Si., selaku Dosen Pengaji II yang telah memberikan kritik dan saran demi kesempurnaan skripsi ini;
3. Rudi Firmansyah, Reni, Khurin, Elvin, Naning, Siti, Ansori, dan teman-teman seangkatan lainnya;
4. keluarga di Semboro dan Talangsari yang telah memberikan dukungan moril;
5. semua pihak yang tidak dapat disebutkan satu per satu.

Penulis menerima segala kritik dan saran dari semua pihak demi kesempurnaan skripsi ini. Akhirnya penulis berharap semoga skripsi ini dapat bermanfaat.

Jember, Oktober 2010

Penulis

## **DAFTAR ISI**

	Halaman
<b>HALAMAN JUDUL .....</b>	ii
<b>HALAMAN PERSEMBAHAN .....</b>	iii
<b>HALAMAN MOTTO .....</b>	iv
<b>HALAMAN PERNYATAAN.....</b>	v
<b>HALAMAN PEMBIMBINGAN .....</b>	vi
<b>HALAMAN PENGESAHAN .....</b>	vii
<b>HALAMAN RINGKASAN .....</b>	viii
<b>PRAKATA .....</b>	x
<b>DAFTAR ISI .....</b>	xi
<b>DAFTAR TABEL .....</b>	xiii
<b>DAFTAR GAMBAR .....</b>	xiv
<b>DAFTAR LAMPIRAN .....</b>	xv
<b>BAB 1. PENDAHULUAN .....</b>	1
<b>1.1 Latar Belakang .....</b>	1
<b>1.2 Perumusan Masalah .....</b>	2
<b>1.3 Tujuan .....</b>	3
<b>1.4 Manfaat .....</b>	3
<b>BAB 2. TINJAUAN PUSTAKA .....</b>	4
<b>2.1 Dinamika Partikel .....</b>	4
<b>2.3 Model Gaya Tumbukan .....</b>	5
2.3.1 Gaya Normal .....	6
2.3.2 Gaya Gesek .....	6
<b>2.4 Penyelesaian secara Numerik .....</b>	7
<b>BAB 3. METODE PENELITIAN.....</b>	12

<b>BAB 4. HASIL DAN PEMBAHASAN .....</b>	14
<b>4.1 Hasil .....</b>	14
4.4.1 Penentuan Kriteria Tumbukan antar Partikel .....	14
4.4.2 Modifikasi Program .....	16
4.4.1 Simulasi dan Analisis Hasil .....	20
<b>4.2 Pembahasan .....</b>	22
4.4.1 Dinamika dan Struktur Akhir Gundukan Partikel Berukuran Heterogen .....	22
4.4.2 Pengaruh Variasi Koefisien Restitusi dan Koefisien Gesek .....	24
<b>BAB 5. PENUTUP .....</b>	27
<b>5.1 Kesimpulan .....</b>	27
<b>5.2 Saran .....</b>	27
<b>DAFTAR PUSTAKA .....</b>	28
<b>LAMPIRAN-LAMPIRAN</b>	
<b>A. DATA DIAMETER 600 PARTIKEL YANG DIBANGKITKAN DENGAN MS. EXCEL .....</b>	29
<b>B. PROGRAM SIMULASI DINAMIKA PARTIKEL BERBENTUK LINGKARAN DENGAN UKURAN HETEROGEN .....</b>	33
<b>C. OUTPUT PROGRAM DINAMIKA PARTIKEL BERBENTUK LINGKARAN DENGAN UKURAN HETEROGEN .....</b>	58

## **DAFTAR TABEL**

Halaman

- 4.1 Besar sudut kemiringan dan struktur gundukan pada beberapa variasi parameter .....

26

## **DAFTAR GAMBAR**

Halaman

1.1 Proses deposisi partikel berbentuk lingkaran dengan ukuran heterogen .....	3
2.1 Tumbukan antar partikel .....	5
3.1 Diagram metode penelitian .....	12
4.1 Kriteria tumbukan partikel berbentuk lingkaran dengan ukuran heterogen..	14
4.2 Ilustrasi kemungkinan tumbukan antar partikel .....	15
4.3 Skema langkah program .....	16
4.4 Struktur gundukan partikel berbentuk lingkaran dan berukuran heterogen..	23

## **DAFTAR LAMPIRAN**

Halaman

A. Data Diameter 600 Partikel yang Dibangkitkan dengan <i>Ms. Excel</i> .....	29
B. Program Simulasi Dinamika Partikel Berbentuk Lingkaran dengan Ukuran Heterogen .....	33
C. Output Program Dinamika Partikel Berbentuk Lingkaran dengan Ukuran Heterogen .....	58