



**ANALISA PERGERAKAN LENGAN ROBOT MANIPULATOR  
MENGGUNAKAN 6 DERAJAT KEBEBASAN (DOF)  
DENGAN GRIPER TIPE BARRET**

**SKRIPSI**

diajukan guna melengkapi tugas akhir dan memenuhi salah satu syarat  
untuk menyelesaikan Program Studi Teknik Mesin (S1)  
dan mencapai gelar Sarjana Teknik

Oleh

**Raditya Wahyu Imansyah  
NIM 081910101034**

**PROGRAM STUDI STRATA 1 TEKNIK  
JURUSAN TEKNIK MESIN  
FAKULTAS TEKNIK  
UNIVERSITAS JEMBER  
2013**

## **PERSEMBAHAN**

Skripsi ini saya persembahkan untuk:

1. Allah SWT. Syukur alhamdulillah atas segala kemudahan yang telah diberikan, semoga ridho dan ampunan-Mu selalu mengiringi tiap langkah hamba-Mu yang lemah ini.
2. Rasulullah SAW. Terima kasih atas petunjuk dan keteladanan yang telah kau berikan hingga jiwa ini penuh dengan kedamaian dan keikhlasan.
3. Ibunda tercinta, Laela Ulfa dan Ayahanda tercinta, Imam Wahyudi. Terima kasih atas semua hamparan cinta-kasih, doa-doa serta pengorbanan yang telah diberikan sehingga penulis masih bisa tetap tersenyum sampai saat ini. Atas setiap doa, keringat, rupiah, pengorbanan, setiap hal kecil yang telah tercurahkan dan mendidik anakmu yang bengal ini dengan penuh kesabaran. Yang aku berikan ini tidak akan cukup untuk membala semua yang telah kalian berikan.
4. Kakakku Ardiansyah Wahyu Permana, adikku Chintya Wahyu Permatasari dan Rizky Wahyu Alviansyah, serta keponakanku Mohammad Raffi Rakaputra dan Mohammad Azario Dibyaguna terima kasih atas semua dukungan semangat, kekuatan, doa-doa, cinta-kasih yang telah diberikan sehingga aku dapat menyelesaikan skripsi dengan baik dan lancar. Terima kasih sekali lagi untuk kepercayaan dan perasan keringatnya yang diberikan sehingga aku bisa mengenyam bangku perkuliahan ini.
5. Kekasih tercinta Lindra Fatminingtiyas S.ST yang selalu memberi semangat dan motivasi kepadaku.
6. Almamaterku, Fakultas Teknik, Jurusan Teknik Mesin - Universitas Jember. Yang telah mengantarkanku kejenjang pendidikan yang lebih tinggi.
7. Saudara seperjuanganku MC'Enggine'08 (Umar, Afif, Sulis, Bayu, Antok, Sinung, Amri, Hanung, Koi, Hiding, Ragil, Erik, Aping, Skrep, BF, Sareka (alm), Indra , Dani, Deni Cino, Deni begal, Sabar, Roni, Anggun, Fendik, Husni, Emen, Neno, Omega, Wildan, Rifky, Jeki, Andri copet, Andre las, Ferdi, Dimas, kemal,

Ardi, Fuad, Gahan, Eko, Amuthi, Nata, Intan, Wahyu, Syaifi, Bagus, Asik, Faisal.). bersama kalian hidupku lebih bermakna. *"Keep Solidarity Forever"*.

8. Kakak angkatan (Mas Isnaini, Mas Zainul, Mas Ardi, Mas Dapong) atas dorongan dan bimbingan moril yang diberikan kepadaku.
9. Tim Titen Gx-II yang memberikan pengalaman yang tak ternilai dalam hidupku dan menjadi bagian dari perjalanan hidupku dalam menuntut ilmu.
10. Kelompok 26 (Desa Karang Kedawung) yang menjadi keluarga bahagia selama 45 hari. Semoga kekeluargaan kita tetep terjaga.
11. Warga desa Karang Kedawung dengan segala keramahannya yang mengajarkan arti kehidupan dalam hidupku dan segala bantuannya sehingga penulis dapat menyelesaikan pendidikan di tingkat S1.

## **MOTTO**

*Jadikanlah sabar dan shalatmu sebagai penolongmu, sesungguhnya Allah SWT beserta orang-orang yang sabar  
(Al-Baqarah-153)*

*Setiap yang baik itu datangnya dari Allah SWT, manakala yang buruk itu datangnya dari kelelahan diri kita sendiri.  
(An Nisa-79)*

*“Kegagalan bukan suatu ketidakberhasilan, namun sesuatu keberhasilan jika kita betul-betul memperjuangkannya ”  
(Radit)*

## **PERNYATAAN**

Saya yang bertanda tangan di bawah ini:

nama : Raditya Wahyu Imansyah

NIM : 081910101034

Menyatakan dengan sesungguhnya bahwa karya tulis yang berjudul: “Analisa Pergerakan Lengan Robot Manipulator Menggunakan 6 Derajat Kebebasan (DOF) dengan Griper Tipe Barret” adalah benar-benar hasil karya sendiri, kecuali jika disebutkan sumbernya dan belum pernah diajukan pada institusi manapun, serta bukan karya jiplakan. Saya bertanggung jawab atas keabsahan dan kebenaran isinya sesuai dengan sikap ilmiah yang harus dijunjung tinggi.

Demikian pernyataan ini saya buat dengan sebenarnya, tanpa adanya tekanan dan paksaan dari pihak manapun serta bersedia mendapat sanksi akademik jika ternyata di kemudian hari pernyataan ini tidak benar.

Jember, 17 Januari 2013

Yang menyatakan,

Raditya Wahyu Imansyah  
NIM 081910101034

## **SKRIPSI**

### **ANALISA PERGERAKAN LENGAN ROBOT MANIPULATOR MENGGUNAKAN 6 DERAJAT KEBEBASAN (DOF) DENGAN GRIPER TIPE BARRET**

Oleh

Raditya Wahyu Imansyah  
NIM 081910101034

Pembimbing

Dosen Pembimbing Utama : Aris Zainul Muttaqin, S.T., M.T.

Dosen Pembimbing Anggota : Hari Arbiantara Basuki, S.T., M.T.

## **PENGESAHAN**

Skripsi berjudul “Analisa Pergerakan Lengan Robot Manipulator Menggunakan 6 Derajat Kebebasan (DOF) dengan Griper Tipe Barret” telah diuji dan disahkan oleh Fakultas Teknik Universitas Jember pada:

hari, tanggal : Kamis, 17 Januari 2013

tempat : Fakultas Teknik Universitas Jember

Tim Penguji

Ketua,

Sekretaris,

Aris Zainul Muttaqin, S.T., M.T.  
NIP 19681207 199512 1 002

Hari Arbiantara Basuki, S.T., M.T.  
NIP 19670924 199412 1 001

Anggota I,

Anggota II,

Santoso Mulyadi, S.T., M.T.  
NIP 19700228 199702 1 001

Mahros Darsin, S.T., M.Sc.  
NIP. 19700322 199501 1 001

Mengesahkan  
Dekan Fakultas Teknik Universitas Jember

Ir. Widyono Hadi, MT.  
NIP 19610414 198902 1 001

*Analisa Pergerakan Lengan Robot Manipulator Menggunakan 6 Derajat Kebebasan (DOF) dengan Griper Tipe Barret (The Analysis of Robot's Arm Manipulator Using 6 Degree of Freedom (DOF) With Barret Type of Gripper. )\**

**Raditya Wahyu Imansyah**

*Jurusan Teknik Mesin, Fakultas Teknik, Universitas Jember*

## **ABSTRAK**

Lengan robot manipulator adalah suatu sistem mekanik yang digunakan dalam memanipulasi pergerakan mengangkat, memindahkan, dan memanipulasi benda kerja untuk meringankan kerja manusia. Penelitian ini bertujuan untuk menganalisa pergerakan sistem robot dengan menggunakan analisa kinematik maju dan kinematik balik. Model kinematika merepresentasikan hubungan *end effector* dalam ruang tiga dimensi dengan variabel sendi dalam ruang sendi. Metode Denavit-Harternberg merupakan sebuah metode yang digunakan untuk membentuk persamaan kinematik yang menggunakan 4 parameter yaitu  $\theta$ ,  $a$ ,  $d$  dan  $a$ . Hasil dari penelitian ini didapat persamaan kinematik maju dan kinematik balik yang dapat digunakan sebagai acuan dalam memprogram gerakan lengan robot ke dalam sistem control. Dalam penelitian terdapat nilai kesalahan dari perbandingan hasil perhitungan dengan pengukuran sebenarnya. Nilai kesalahan rata-rata yang terjadi pada sumbu x sebesar 7,52%, pada sumbu y sebesar 7,75%, dan pada sumbu z sebesar 14,81%.

Kata kunci: lengan robot manipulator, forward kinematik, invers kinematik

*Analisa Pergerakan Lengan Robot Manipulator Menggunakan 6 Derajat Kebebasan (DOF) dengan Griper Tipe Barret (The Analysis of Robot's Arm Manipulator Using 6 Degree of Freedom (DOF) With Barret Type of Gripper. )\**

**Raditya Wahyu Imansyah**

Department of Mechanical Engineering, Faculty of Engineering, the University of  
Jember

## **ABSTRACT**

*A manipulator of robot's arm is a mechanical system that used to manipulate a work matter and many gestures like to lift up and keep moving to another place. Its purpose is to make a working of people lighten than manual working actually. The goal of this research is to make an observation gestures of robot with go forward kinematic and turn around kinematic. It is used kinematical type because its can representation about connecting between end effectors in three dimension space and socket variable in the socket room. Denavit-Hartenberg method to compose kinematic similarity which used 4 parameter. Its parameter is  $\theta$ ,  $a$ ,  $d$  and  $a$ . a result of this research can used to make a program of robot's arm gestures in system control with a similarity of go forward kinematic and turn around kinematic. it has incorrect value from comparison of outcome calculation with measuring actually. There are averages of incorrect value in three sides. In the x side is 7, 52%, in the y side is 7, 75% and in the z side is 14, 18%.*

*Key words:* arm robot manipulator, forward kinematic, invers kinematic

## RINGKASAN

**Analisa Pergerakan Lengan Robot Manipulator Menggunakan 6 Derajat Kebebasan (DOF) dengan Griper Tipe Barret;** Raditya Wahyu Imansyah, 081910101034; 2012: 56 halaman; Program Studi Strata Satu Teknik Mesin Jurusan Teknik Mesin Fakultas Teknik Universitas Jember.

Lengan robot manipulator adalah suatu sistem mekanik yang digunakan dalam memanipulasi pergerakan mengangkat, memindahkan, dan memanipulasi benda kerja untuk meringankan kerja manusia. Kinematika robot adalah studi analitis pergerakan lengan robot terhadap sistem kerangka koordinat acuan yang diam/bergerak tanpa memperhatikan gaya yang menyebabkan pergerakan tersebut. Persamaan kinematika maju mendeskripsikan posisi dan orientasi *end-effector* yang dinyatakan dalam posisi sendi. Sedangkan persamaan kinematika balik mendeskripsikan konfigurasi posisi sendi untuk menghasilkan posisi dan orientasi *end-effector* tertentu.

Tujuan analisa tersebut adalah mengetahui cara mendesain suatu sistem robot yang kemudian dapat dikembangkan, mengetahui pergerakan yang terjadi pada sistem mekanik robot, mengetahui persamaan yang digunakan dalam sistem pergerakan robot dengan memasukkan nilai dari sudut atau dari posisi yang ingin dicapai oleh lengan robot.

Untuk penelitian ini, analisa kinematik maju dan kinematik balik menjadi pembahasan utama dengan faktor yang menjadi pembentuk sebuah penyelesaian persamaan kinematik. Dengan metode Denavit-Hartenberg persamaan akan dibentuk dengan memasukkan empat parameter yaitu  $\theta_n$  adalah sudut putaran pada sumbu  $z_{n-1}$ ,  $a_n$  adalah sudut putaran pada sumbu  $x_n$ ,  $d_n$  adalah translasi pada sumbu  $z_{n-1}$ , dan  $a_n$  adalah translasi pada sumbu  $x_n$ . Persamaan yang telah dibentuk akan digunakan sebagai pembanding pergerakan lengan robot antara hasil perhitungan dengan hasil pengukuran sebenarnya.

Hasil penelitian menunjukkan perbandingan posisi hitung dan posisi ukur pada sumbu  $x$ ,  $y$ ,  $z$  didapat nilai kesalahan dari perbandingan hasil perhitungan dengan pengukuran sebenarnya. Nilai kesalahan rata-rata yang terjadi pada sumbu  $x$  sebesar 7,52%, pada sumbu  $y$  sebesar 7,75%, dan pada sumbu  $z$  sebesar 14,81%. Pergerakan yang terjadi pada pengukuran lengan robot memiliki perubahan nilai sudut yang sangat kecil pada perubahan posisi tiap satu sentimeter.

## SUMMARY

**The Analysis of Robot's Arm Manipulator Using 6 Degree of Freedom (DOF) With Barret Type of Gripper;** Raditya Wahyu Imansyah, 081910101034; 2012; 56 pages; Mechanical Engineering; Engineering Faculty of Jember University

*A manipulator of robot's arm is a mechanical system that used to manipulate a work matter and many gestures like to lift up and keep moving to another place. Its purpose is to make a working of people lighten than manual working actually. Robots kinematical is analytic study of robot's arm gestures for reference coordinate framework system that active or inactive without keep attention of type that cause from gestures. Similarities of go forward kinematic give a description for position and orientation end effectors with declare in socket position.*

*The goal of this analysis is to know about the way of created a design for robots system and then developing it, to know about gestures which happen in the robots mechanic system, to know about the similarity way that used in the robots gestures system, to know it with entering the value from any sides or any position that it want and possible.*

*For this research, go forward kinematic analysis and turn around kinematic become a main study with factor that make a establish for similaritykinematic solution. Denavit-Harternberg method, similarities want to make a form with entering 4 parameters. There are,  $\theta_n$  is circle corner at sides  $z_{n-1}$ ,  $\alpha_n$  is circle corner at sides  $x_n$ ,  $d_n$  is a translation at sides  $z_{n-1}$ ,  $a_n$  is a translation at sides  $x_n$ . Similarities that have into a form using as a comparing robots arm gestures between result calculations with actually calculation.*

*The result of this research is showing a comparison of calculation position and measure position in x,y,z sides. It has incorrect value from the comparison of calculations result with actually calculation. Incorrect value that happen in x sides is 7, 52%, in y sides is 7, 75 % and in z sides is 14, 18%. Gestures is happening in*

*robots arm calculation has inconsequently corner value that minimal change in other position at one centimeter.*

## **PRAKATA**

Puji syukur penulis panjatkan kehadirat Allah SWT atas segala rahmat dan karunia-Nya, sehingga penulis dapat menyelesaikan skripsi yang berjudul “Analisa Pergerakan Lengan Robot Manipulator Menggunakan 6 Derajat Kebebasan (DOF) dengan Griper Tipe Barret”. Skripsi ini disusun untuk memenuhi salah satu syarat dalam menyelesaikan pendidikan Strata Satu (S1) pada Jurusan Teknik Mesin, Fakultas Teknik, Universitas Jember.

Penulisan skripsi ini tidak lepas dari bantuan berbagai pihak. oleh karena itu penulis ingin menyampaikan banyak-banyak ucapan terima kasih kepada :

1. Ir. Widyono Hadi, M.T., selaku Dekan Fakultas Teknik Universitas Jember;
2. Aris Zainul Muttaqin, S.T., M.T., selaku Dosen Pembimbing Utama, dan Hari Arbiantara B., S.T., M.T., selaku Dosen Pembimbing Anggota yang telah meluangkan waktu dan pikiran serta perhatiannya guna memberikan bimbingan dan pengarahan demi terselesaikannya skripsi ini;
3. Santoso Mulyadi, S.T., M.T., dan Mahros Darsin, S.T., M.Sc., selaku dosen pengaji;
4. Harry Sutjahjono, S.T., M.T., sebagai Dosen Pembimbing Akademik serta semua Dosen Teknik Mesin yang tidak bisa disebutkan satu-persatu, terima kasih atas semua bimbingan, semangat, dan waktu yang telah bapak berikan dan ajarkan;
5. Saudara-saudaraku Mc' Engine'08;
6. Seluruh personil Tim Titen Gx;
7. Kelompok 26 KKT Karang Kedawung, dari kalian dunia saya menjadi lebih luas;
8. Teman sepanjang jalanku, thanks for everything;
9. Semua pihak yang tidak dapat penulis sebutkan satu-persatu.

Penulis juga menerima segala kritik dan saran dari semua pihak demi kesempurnaan skripsi ini. Akhirnya penulis berharap, semoga tulisan ini dapat bermanfaat.

Jember, 17 Januari 2013

Penulis,

## DAFTAR ISI

|                                      | Halaman |
|--------------------------------------|---------|
| <b>HALAMAN JUDUL .....</b>           | i       |
| <b>HALAMAN PERSEMBAHAN .....</b>     | ii      |
| <b>HALAMAN MOTTO .....</b>           | iv      |
| <b>HALAMAN PERNYATAAN.....</b>       | v       |
| <b>HALAMAN PEMBIMBINGAN.....</b>     | vi      |
| <b>HALAMAN PENGESAHAN.....</b>       | vii     |
| <b>ABSTRAK .....</b>                 | viii    |
| <b>ABSTRACT .....</b>                | ix      |
| <b>RINGKASAN .....</b>               | x       |
| <b>SUMMARY .....</b>                 | xii     |
| <b>PRAKATA .....</b>                 | xiv     |
| <b>DAFTAR ISI .....</b>              | xvi     |
| <b>DAFTAR GAMBAR .....</b>           | xix     |
| <b>DAFTAR TABEL .....</b>            | xx      |
| <b>DAFTAR LAMPIRAN .....</b>         | xxi     |
| <b>BAB 1. PENDAHULUAN .....</b>      | 1       |
| <b>1.1 Latar Belakang .....</b>      | 1       |
| <b>1.2 Rumusan Masalah .....</b>     | 3       |
| <b>1.3 Tujuan dan Manfaat .....</b>  | 3       |
| <b>1.4 Batasan Masalah .....</b>     | 3       |
| <b>BAB 2. TINJAUAN PUSTAKA .....</b> | 5       |
| <b>2.1 Landasan Teori.....</b>       | 5       |
| <b>2.2 Sistem Manipulator .....</b>  | 6       |
| 2.2.1 Konfigurasi Polar .....        | 6       |
| 2.2.2 Konfigurasi Silindris.....     | 6       |
| 2.2.3 Konfigurasi Cartesian .....    | 6       |

|   |           |
|---|-----------|
| 2.2.4 Konfigurasi Sendi-Lengan .....            | 7         |
| 2.2.5 Konfigurasi Planar .....                  | 7         |
| <b>2.3 Link dan Joint .....</b>                 | <b>7</b>  |
| <b>2.4 Kinematik dan Dinamik Robot .....</b>    | <b>9</b>  |
| 2.4.1 Konsep Kinematik .....                    | 11        |
| 2.4.2 Konsep Dinamik .....                      | 15        |
| <b>2.5 Analisa Kinematik .....</b>              | <b>17</b> |
| <b>BAB 3. METODOLOGI PENELITIAN .....</b>       | <b>20</b> |
| <b>3.1 Tempat dan Waktu Penelitian .....</b>    | <b>20</b> |
| <b>3.2 Alat dan Data .....</b>                  | <b>20</b> |
| 3.2.1 Alat .....                                | 20        |
| 3.2.2 Bahan Penelitian .....                    | 20        |
| 3.2.3 Data .....                                | 20        |
| <b>3.3 Prosedur Penelitian .....</b>            | <b>21</b> |
| 3.3.1 Studi Literatur.....                      | 21        |
| 3.3.2 Pengumpulan Data .....                    | 21        |
| 3.3.3 Perancangan Sistem.....                   | 22        |
| 3.3.4 Analisa Sistem.....                       | 22        |
| 3.3.5 Pengujian.....                            | 22        |
| 3.3.6 Kesimpulan dan Saran.....                 | 23        |
| <b>3.4 Diagram Alir Penelitian.....</b>         | <b>23</b> |
| <b>3.5 Rencana Pelaksanaan Penelitian .....</b> | <b>24</b> |
| <b>BAB 4. HASIL DAN PEMBAHASAN .....</b>        | <b>25</b> |
| <b>4.1 Hasil .....</b>                          | <b>25</b> |
| <b>4.2 Pembahasan dan Analisa .....</b>         | <b>29</b> |
| 4.2.1 Pengujian Pada Tiap Joint.....            | 30        |
| 4.2.2 Pengujian Trayektori .....                | 37        |
| <b>BAB 5. PENUTUP .....</b>                     | <b>51</b> |
| <b>5.1 Kesimpulan .....</b>                     | <b>51</b> |

|                             |           |
|-----------------------------|-----------|
| <b>5.2 Saran.....</b>       | <b>52</b> |
| <b>DAFTAR PUSTAKA .....</b> | <b>53</b> |
| <b>LAMPIRAN.....</b>        | <b>54</b> |

## DAFTAR GAMBAR

|  | Halaman |
|--|---------|
| 2.1 Link dan Joint.....                                      | 8       |
| 2.2 Diagram Sistem Robot.....                                | 9       |
| 2.3 Diagram sistem kontrol robotik .....                     | 10      |
| 2.4 Transformasi kenematik maju dan kinematik mundur.....    | 11      |
| 2.5 Sambungan antara link dan parameternya .....             | 14      |
| 2.6 Diagram model dinamika robot .....                       | 15      |
| 2.7 Transformasi dinamika balik dan dinamika maju.....       | 16      |
| 2.8 Sitem OUVW vs OXYZ .....                                 | 18      |
| 3.1 Posisi joint robot manipulator 6-DOF.....                | 20      |
| 3.2 Diagram Alir Penelitian .....                            | 23      |
| 4.1 Posisi Lengan Robot .....                                | 25      |
| 4.2 Posisi Uji Lengan Robot .....                            | 29      |
| 4.3 Pengujian Terhadap Perubahan Titik Koordinat x,y,z ..... | 38      |
| 4.4 Grafik Perbandingan pada Variasi nilai x .....           | 48      |
| 4.5 Grafik Perbandingan pada Variasi Sumbu y .....           | 49      |
| 4.6 Grafik Perbandingan pada Variasi Sumbu z .....           | 50      |

## DAFTAR TABEL

|   | Halaman |
|---|---------|
| 3.1 Parameter koordinat lengan robot .....  | 21      |
| 3.2 Jadwal kegiatan penelitian .....  | 25      |
| 4.1 Parameter lengan robot manipulator .....  | 26      |
| 4.2 Parameter pengujian tiap joint .....  | 30      |
| 4.3 Pengujian joint 1 .....   | 32      |
| 4.4 Pengujian joint 2 .....   | 33      |
| 4.5 Pengujian joint 3 .....   | 34      |
| 4.6 Pengujian joint 4 .....   | 36      |
| 4.7 Pengujian joint 5 .....   | 37      |
| 4.8 Pengujian sudut terhadap perubahan koordinat x .....                                    | 38      |
| 4.9 Perbandingan antara sudut ukur dengan sudut hitung pada perubahan<br>koordinat x .....  | 40      |
| 4.10 Pengujian sudut terhadap perubahan koordinat y .....                                   | 41      |
| 4.11 Perbandingan antara sudut ukur dengan sudut hitung pada perubahan<br>koordinat y ..... | 43      |
| 4.12 Pengujian sudut terhadap perubahan koordinat z.....                                    | 43      |
| 4.13 Perbandingan antara sudut ukur dengan sudut hitung pada perubahan<br>koordinat z ..... | 45      |
| 4.14 Pengujian <i>endeffecter</i> Terhadap Perubahan Koordinat x .....                      | 47      |
| 4.15 Pengujian <i>endeffecter</i> Terhadap Perubahan Koordinat y .....                      | 48      |
| 4.16 Pengujian <i>endeffecter</i> Terhadap Perubahan Koordinat z.....                       | 50      |

## DAFTAR LAMPIRAN

|  | Halaman   |
|--|-----------|
| <b>A. Gambar pengujian pada koordinat <math>x, y, z</math> .....</b>           | <b>54</b> |
| A.1 Koordinat 30,8;0;-6 .....  | 54        |
| A.2 Koordinat 29,8;0;-6 .....  | 54        |
| A.3 Koordinat 28,8;0;-6 .....  | 55        |
| A.4 Koordinat 30,8;1;-6 .....  | 55        |
| A.5 Koordinat 30,8;2;-6 .....  | 56        |
| A.6 Koordinat 30,8;0;-5 .....  | 56        |
| A.7 Koordinat 30,8;0;-4 .....  | 57        |
| <b>B. Gambar pengukuran koordinat <math>x, y, z</math> .....</b>               | <b>57</b> |
| B.1 Pengukuran koordinat $x$ .....   | 57        |
| B.2 Pengukuran koordinat $y$ .....   | 58        |
| B.3 Pengukuran koordinat $z$ .....   | 58        |
| <b>C. Grafik perbandingan .....</b>  | <b>59</b> |
| C.1 Grafik perbandingan posisi ukur dengan posisi hitung pada $\theta_1$ ..... | 59        |
| C.2 Grafik perbandingan posisi ukur dengan posisi hitung pada $\theta_2$ ..... | 59        |
| C.3 Grafik perbandingan posisi ukur dengan posisi hitung pada $\theta_3$ ..... | 60        |
| C.4 Grafik perbandingan posisi ukur dengan posisi hitung pada $\theta_4$ ..... | 60        |
| C.5 Grafik perbandingan posisi ukur dengan posisi hitung pada $\theta_5$ ..... | 61        |
| <b>D. Perhitungan nilai error pada analisa kinematik balik .....</b>           | <b>61</b> |